

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,700
- (B) 4,717
- (C) 4,697
- (D) 5,000
- (E) 5,017
- (F) 5,107

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5 V-F	6														
0	○	○	A	0	○	○	0	○	○	A	○	○	0	○	○	0	○	○	0
1	○	○	B	1	○	○	1	○	○	B	○	○	1	○	○	1	○	○	1
2	○	○	C	2	○	○	2	○	○	C	○	○	2	○	○	2	○	○	2
3	○	○	D	3	○	○	3	○	○	D	○	○	3	○	○	3	○	○	3
4	○	○	E	4	○	○	4	○	○	E	○	○	4	○	○	4	○	○	4
5	○	○	F	5	○	○	5	○	○	F	○	○	5	○	○	5	○	○	5
6	○	○		6	○	○	6	○	○		6	○	○	6	○	○	6	○	○
7	○	○		7	○	○	7	○	○		7	○	○	7	○	○	7	○	○
8	○	○		8	○	○	8	○	○		8	○	○	8	○	○	8	○	○
9	○	○		9	○	○	9	○	○		9	○	○	9	○	○	9	○	○

7			
0	○	○	○
1	○	○	○
2	○	○	○
3	○	○	○
4	○	○	○
5	○	○	○
6	○	○	○
7	○	○	○
8	○	○	○
9	○	○	○

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)

- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
- (B) 5,017
- (C) 4,697
- (D) 5,107
- (E) 4,700
- (F) 4,717

- 3.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(B) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .

(C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

(F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	●	●	○	○	○	○	●	○	○	○	●	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	●	○	○	○	●	○	○	○	●	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (F) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
(1.000, -1.000)
- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
 As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,000
 (B) 5,107
 (C) 4,697
 (D) 4,717
 (E) 4,700
 (F) 5,017

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	0	0	0	0
C	2	0	0	0	0
D	3	0	0	0	0
E	4	0	0	0	0
F	5	0	0	0	0
	6	0	0	0	0
	7	0	0	0	0
	8	0	0	0	0
	9	0	0	0	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

2. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,107
- (C) 4,717
- (D) 5,000
- (E) 5,017
- (F) 4,700

3. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

4. Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
e s :
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)

5. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

6. Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
e s :
$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
.
As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

7. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
e s :
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ **Identificação:** _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

CONTROLE MIXNFIX

A 10x10 grid of circles. The following circles are filled black: (2,2), (2,3), (3,2), (3,3), (3,4), and (4,3).

1	2	3	4	5 V-F	6
0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○	A ○ ○	0 ○ ○
1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○	B ○ ○	1 ○ ○
2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○	C ○ ○	2 ○ ○
3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○	D ○ ○	3 ○ ○
4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○	E ○ ○	4 ○ ○
5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	F ○	F ○ ○	5 ○ ○
6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○			6 ○ ○
7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○			7 ○ ○
8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○			8 ○ ○
9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○			9 ○ ○

	7
0	○ ○
1	○ ○
2	○ ○
3	○ ○
4	○ ○
5	○ ○
6	○ ○
7	○ ○
8	○ ○
9	○ ○

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a intersecção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$.
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$.

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases} \quad (1.000, -1.000)$$

- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$.

$$(1.000, -1.000)$$

- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$.

$$(1.000, -1.000)$$

- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo:

$$(1.500, -1.500)$$

- (A) 4,697
- (B) 5,107
- (C) 5,017
- (D) 5,000
- (E) 4,717
- (F) 4,700

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .

(B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

(F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 6.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As intersecções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo):

$$(1.500, -1.500)$$

- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é intersecção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$.

$$(1.000, -1.000)$$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
- (B) 5,017
- (C) 4,717
- (D) 5,107
- (E) 4,700
- (F) 4,697

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema

$AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas no espaço: $r :$

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

e $s :$

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F	F	5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,717
(B) 5,000
(C) 4,697
(D) 4,700
(E) 5,107
(F) 5,017
- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as retas no espaço: $r :$
$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

e $s :$
$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	●	●	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5	F	5	5	F	5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

2. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

3. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

4. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

5. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
- (B) 5,107
- (C) 5,017
- (D) 4,717
- (E) 4,700
- (F) 4,697

6. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

7. Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	0	0	0
1	1	B	1	1	1
2	2	C	2	2	2
3	3	D	3	3	3
4	4	E	4	4	4
5	5	F	5	5	5
6	6		6	6	6
7	7		7	7	7
8	8		8	8	8
9	9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,717
 (B) 5,107
 (C) 5,000
 (D) 4,700
 (E) 5,017
 (F) 4,697
- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$.
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- 5.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	0	0	A	A
1	1	1	1	B	B
2	2	2	2	C	C
3	3	3	3	D	D
4	4	4	4	E	E
5	5	5	5	F	F
6	6	6	6		
7	7	7	7		
8	8	8	8		
9	9	9	9		

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)
- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
 (B) 5,000
 (C) 4,700
 (D) 5,017
 (E) 5,107
 (F) 4,717
- 6.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- 7.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	1
2	2	2	C	2	2
3	3	3	D	3	3
4	4	4	E	4	4
5	5	5	F	5	5
6	6	6		6	6
7	7	7		7	7
8	8	8		8	8
9	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. **(1.000, -1.000)**
- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. **(1.000, -1.000)**
- 3.** Considere as retas no espaço: $r :$
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s :$
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): **(1.500, -1.500)**
- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: **(1.500, -1.500)**
- (A) 5,017
(B) 5,000
(C) 4,717
(D) 4,700
(E) 4,697
(F) 5,107
- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. **(1.000, -1.000)**
- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. **(1.000, -1.000)**
- 7.** Responda V ou F: **(3.000, -3.000)**
- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: r : $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)
- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,017
 (B) 4,697
 (C) 5,107
 (D) 5,000
 (E) 4,700
 (F) 4,717
- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r : $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas no espaço: r : $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5	F	5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	●	○	●	○	○	●	○	●	●	●	●	○
3	●	○	●	○	●	●	○	●	●	●	●	○
4	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
5	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
6	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
7	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
8	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
9	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,107
- (C) 5,000
- (D) 5,017
- (E) 4,700
- (F) 4,717

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$: (1.000, -1.000)

- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$: (1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- (E) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$: (1.000, -1.000)

- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

- 7.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5	F	5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

- 3.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)

- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,700
 (B) 5,017
 (C) 4,717
 (D) 5,000
 (E) 4,697
 (F) 5,107

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere as retas no espaço: $r :$

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e $s :$

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	●	●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	●	●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	F
6	6	6	6	6	
7	7	7	7	7	
8	8	8	8	8	
9	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 2.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$.
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- (F)** O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,107
- (C) 5,000
- (D) 4,700
- (E) 4,717
- (F) 5,017

- 7.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
- (B) 5,017
- (C) 5,107
- (D) 4,697
- (E) 4,717
- (F) 4,700

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 - (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 - (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 - (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e

b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 - (F) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
F	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: **(1.500, -1.500)**

- (A) 4,697
- (B) 5,000
- (C) 4,700
- (D) 5,107
- (E) 5,017
- (F) 4,717

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. **(1.000, -1.000)**

- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||proj_v^u||, ||proj_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. **(1.000, -1.000)**

- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. **(1.000, -1.000)**

- 5.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): **(1.500, -1.500)**

- 6.** Responda V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 7.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	0	A	0
1	1	1	1	B	1
2	2	2	2	C	2
3	3	3	3	D	3
4	4	4	4	E	4
5	5	5	5	F	5
6	6	6	6		6
7	7	7	7		7
8	8	8	8		8
9	9	9	9		9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,107
- (B) 4,700
- (C) 4,717
- (D) 5,017
- (E) 4,697
- (F) 5,000

- 6.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$

possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○
●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	F
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,700
- (B) 4,717
- (C) 5,107
- (D) 5,000
- (E) 4,697
- (F) 5,017

- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 6.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(B) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .

(C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 7.** Considere as retas no espaço: $r :$
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s :$
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5
0	0	0	A	0
1	1	1	B	1
2	2	2	C	2
3	3	3	D	3
4	4	4	E	4
5	5	5	F	5
6	6	6		6
7	7	7		7
8	8	8		8
9	9	9		9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a intersecção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 3.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As intersecções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é intersecção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,017
 (B) 5,000
 (C) 5,107
 (D) 4,697
 (E) 4,700
 (F) 4,717

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
F	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

2. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

3. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

4. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

5. Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)

6. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,107
(B) 5,000
(C) 4,700
(D) 5,017
(E) 4,717
(F) 4,697

7. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	●	●	●	○	●	●	●	●	●
●	○	●	○	○	○	○	○	○	●	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5	F	5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
 (B) 5,000
- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$

 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5	F	5	5	F
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas

com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,017
- (C) 5,000
- (D) 4,717
- (E) 4,700
- (F) 5,107

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 6.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	F
6	6	6	6	6	
7	7	7	7	7	
8	8	8	8	8	
9	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$.
- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,717
 (B) 5,017
 (C) 5,000
 (D) 4,697
 (E) 4,700
 (F) 5,107
- 7.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

(A) 5,000
 (B) 5,017
 (C) 4,717
 (D) 5,107
 (E) 4,697
 (F) 4,700

- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas no espaço: $r :$
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s :$
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	●	○	●	○	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●
○	○	○	○	○	●	○	○	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	F
6	6	6	6	6	
7	7	7	7	7	
8	8	8	8	8	
9	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

2. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

3. Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

4. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

(F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

5. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

6. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

(A) 4,697

(B) 5,017

(C) 4,717

(D) 5,000

(E) 4,700

(F) 5,107

7. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
A	A	0	0	0	0
B	B	1	1	1	1
C	C	2	2	2	2
D	D	3	3	3	3
E	E	4	4	4	4
F	F	5	5	5	5
		6	6	6	6
		7	7	7	7
		8	8	8	8
		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

(A) 4,697
 (B) 5,107
 (C) 4,700
 (D) 5,017
 (E) 5,000
 (F) 4,717

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$

 Marque $x_0 + y_0 + z_0$: (1.000, -1.000)

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$

(1.000, -1.000)

- 5.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$: (1.000, -1.000)

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F	F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$.
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$.

(B) 4,717
 (C) 5,107
 (D) 4,697
 (E) 5,017
 (F) 4,700

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000

- 4.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5	F	5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,017
- (C) 4,700
- (D) 5,000
- (E) 4,717
- (F) 5,107

- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$: (1.000, -1.000)

- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 - (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 - (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- (D)** Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- (E)** O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F)** O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere as retas no espaço: $r :$
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s :$
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	○	○	●	○	●	●	○	○	●	●
●	○	●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5 V-F	6
0	○	A	○	0	○
1	○	B	1	○	1
2	○	C	2	○	2
3	○	D	3	○	3
4	○	E	4	○	4
5	○	F	5	○	5
6	○		6	○	6
7	○		7	○	7
8	○		8	○	8
9	○		9	○	9

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,717
- (B) 4,697
- (C) 5,000
- (D) 5,107
- (E) 5,017
- (F) 4,700

- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 4.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$

possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$

e $s :$

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
(1.000, -1.000)

- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F	F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
2	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
3	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
4	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
5	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
6	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
7	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
8	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
9	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a intersecção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$.
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$.

- (B) 4,697
 (C) 4,717
 (D) 5,017
 (E) 5,107
 (F) 5,000

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,700

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As intersecções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é intersecção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	●	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
F	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,700
 (B) 5,017
 (C) 5,000
 (D) 4,697
 (E) 4,717
 (F) 5,107
- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 6.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
 (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- 7.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	●	○	○
●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	●	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo):
(1.500, -1.500)

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo:
(1.500, -1.500)

- (A) 4,717
- (B) 4,697
- (C) 5,017
- (D) 5,107
- (E) 5,000
- (F) 4,700

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$
(1.000, -1.000)

- 5.** Responda V ou F:
(3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$.
(1.000, -1.000)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$.
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	0	B	1	B	1
2	0	C	2	C	2
3	0	D	3	D	3
4	0	E	4	E	4
5	0	F	5	F	5
6	0		6		6
7	0		7		7
8	0		8		8
9	0		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
 (B) 4,717
 (C) 5,107
 (D) 5,000
 (E) 5,017
 (F) 4,700
- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)
- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5
0	0	A	0	0
1	1	B	1	1
2	2	C	2	2
3	3	D	3	3
4	4	E	4	4
5	5	F	5	5
6	6		6	6
7	7		7	7
8	8		8	8
9	9		9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	●	○	●	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5.000
- (B) 5.107
- (C) 5.017
- (D) 4.717
- (E) 4.700
- (F) 4.697

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	A	0
B	1	1	1	B	1
C	2	2	2	C	2
D	3	3	3	D	3
E	4	4	4	E	4
F	5	5	5	F	5
	6	6	6		6
	7	7	7		7
	8	8	8		8
	9	9	9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,107
 (B) 5,000
 (C) 4,700
 (D) 4,717
 (E) 5,017
 (F) 4,697
- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: r : $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)
- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r : $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
 (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- 6.** Considere as retas no espaço: r : $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	●	○	○	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5
0	A	0	0	0
1	B	1	1	1
2	C	2	2	2
3	D	3	3	3
4	E	4	4	4
5	F	5	5	5
6		6	6	6
7		7	7	7
8		8	8	8
9		9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||proj_v^u||, ||proj_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$ $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere as retas no espaço: $r :$
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s :$ $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$ $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
 (B) 4,697
 (C) 4,717
 (D) 4,700
 (E) 5,107
 (F) 5,017

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

1. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

2. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

3. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

4. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

5. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

6. Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)

7. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,717
- (B) 5,107
- (C) 4,697
- (D) 4,700
- (E) 5,017
- (F) 5,000

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	1	1	1
2	C	2	2	2	2
3	D	3	3	3	3
4	E	4	4	4	4
5	F	5	5	5	5
6		6	6	6	6
7		7	7	7	7
8		8	8	8	8
9		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas

com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,000
- (C) 4,717
- (D) 5,017
- (E) 4,700
- (F) 5,107

- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
3	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
4	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
5	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
6	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
7	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
8	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
9	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
 (B) 5,107
 (C) 4,717
 (D) 5,000
 (E) 5,017
 (F) 4,700

- 4.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$

possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	1	1	1
2	C	2	2	2	2
3	D	3	3	3	3
4	E	4	4	4	4
5	F	5	5	5	5
6		6	6	6	6
7		7	7	7	7
8		8	8	8	8
9		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
 (B) 4,700
 (C) 5,017
 (D) 5,107
 (E) 4,717
 (F) 5,000
- 3.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
- 4.** Considere as retas no espaço: $r :$

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e $s :$

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
 (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 (F) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5
0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○
○	●	●	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6 V-F	7
A	○
B	○
C	○
D	○
E	○
F	○

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

- 6.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

(A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

(B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$

possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

(E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

(A) 4,700

(B) 5,107

(C) 5,017

(D) 4,697

(E) 4,717

(F) 5,000

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5	F	5	5	F	5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (D) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,107
- (B) 4,697
- (C) 5,017
- (D) 4,717
- (E) 5,000
- (F) 4,700

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	A	0	0	0
1	1	B	1	1	1
2	2	C	2	2	2
3	3	D	3	3	3
4	4	E	4	4	4
5	5	F	5	5	5
6	6		6	6	6
7	7		7	7	7
8	8		8	8	8
9	9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	●	○	○	●	●	●	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	●	○	●	●	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas

com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 2.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4.700
- (B) 5.107
- (C) 5.017
- (D) 5.000
- (E) 4.717
- (F) 4.697

- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (D) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	●	0	●	●	●	0	●	●	0	0	0
0	●	●	0	0	●	●	●	●	●	0	0	0
●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5	F	5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- 2.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,717
- 4.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)
- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F	F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ (A) 4,717
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas (B) 4,700
 com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para (C) 5,107
 o inteiro mais próximo): (D) 5,000
 (E) 5,017
 (F) 4,697
- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
 (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)
- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,700
- (B) 5,017
- (C) 5,107
- (D) 5,000
- (E) 4,717
- (F) 4,697

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 4.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	●	●	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	●	●	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
 (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$

 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 4.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as retas no espaço: $r :$
$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e $s :$
$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,000
 (B) 5,017
 (C) 4,717
 (D) 4,697
 (E) 5,107
 (F) 4,700

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	
1	1	1	B	1	
2	2	2	C	2	
3	3	3	D	3	
4	4	4	E	4	
5	5	5	F	5	
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- (E)** O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- (F)** $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .

- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 4,700
- (C) 4,717
- (D) 5,017
- (E) 5,107
- (F) 5,000

- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
A	A	0	0	0	0
B	B	1	1	1	1
C	C	2	2	2	2
D	D	3	3	3	3
E	E	4	4	4	4
F	F	5	5	5	5
		6	6	6	6
		7	7	7	7
		8	8	8	8
		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○
●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7			
0	○	○	○
1	○	○	○
2	○	○	○
3	○	○	○
4	○	○	○
5	○	○	○
6	○	○	○
7	○	○	○
8	○	○	○
9	○	○	○

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,017
- (B) 5,000
- (C) 4,700
- (D) 4,717
- (E) 4,697
- (F) 5,107

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$: (1.000, -1.000)

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F	F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): $(1.500, -1.500)$

2. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: $(1.500, -1.500)$

- (A) 5,017
- (B) 5,000
- (C) 4,697
- (D) 4,717
- (E) 4,700
- (F) 5,107

3. Responda V ou F: $(3.000, -3.000)$

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

(E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

4. Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ $(1.000, -1.000)$

5. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. $(1.000, -1.000)$

6. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. $(1.000, -1.000)$

7. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. $(1.000, -1.000)$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
F	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

2. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

3. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

4. Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases} \text{ e } s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases} \quad (1.000, -1.000)$$

5. Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

e s : $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

6. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
 (B) 5,107
 (C) 4,700
 (D) 4,717
 (E) 5,017
 (F) 4,697

7. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases} \text{ e } s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases} \quad (1.000, -1.000)$$

Marque $x_0 + y_0 + z_0$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5	F	5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 $e s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,700
 (B) 5,107
 (C) 4,717
 (D) 5,017
 (E) 4,697
 (F) 5,000
- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 7.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	F
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)

- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
 Marque $x_0 + y_0 + z_0$.

- 6.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
 (B) 5,107
 (C) 5,017
 (D) 5,000
 (E) 4,700
 (F) 4,717

- 7.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As intersecções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	1	1	1
2	C	2	2	2	2
3	D	3	3	3	3
4	E	4	4	4	4
5	F	5	5	5	5
6		6	6	6	6
7		7	7	7	7
8		8	8	8	8
9		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	●	●	●	○	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	●	●	●	●	●	●	○	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
(B) 5,000
(C) 4,700
(D) 5,017
(E) 4,717
(F) 5,107
- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 4.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
(B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
(C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
(D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
(E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
(F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
 (B) 4,717
 (C) 4,697
 (D) 4,700
 (E) 5,107
 (F) 5,017

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

(E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	A	0	0	0
1	1	B	1	1	1
2	2	C	2	2	2
3	3	D	3	3	3
4	4	E	4	4	4
5	5	F	5	5	5
6	6		6	6	6
7	7		7	7	7
8	8		8	8	8
9	9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●	●
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F

A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$.
(1.000, -1.000)

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo:
(1.500, -1.500)

- (A) 5,000
- (B) 4,697
- (C) 4,717
- (D) 4,700
- (E) 5,107
- (F) 5,017

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$
(1.000, -1.000)

- 5.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo):
(1.500, -1.500)

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$.
(1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F:
(3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0		A	0	0	0
1		B	1	1	1
2		C	2	2	2
3		D	3	3	3
4		E	4	4	4
5		F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	●	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
 (B) 4,717
 (C) 5,000
 (D) 5,107
 (E) 5,017
 (F) 4,700
- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$

 Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
 (1.000, -1.000)
- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas no espaço: $r :$
$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

 e $s :$
$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F
0	0	0	0	A
1	1	1	1	B
2	2	2	2	C
3	3	3	3	D
4	4	4	4	E
5	5	5	5	F
6	6	6	6	
7	7	7	7	
8	8	8	8	
9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	○	○	●	○	●	●	●
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

1. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

2. Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

3. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

4. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

5. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

(C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

6. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

7. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4.717
- (B) 5.107
- (C) 4.697
- (D) 4.700
- (E) 5.017
- (F) 5.000

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	1
2	2	2	C	2	2
3	3	3	D	3	3
4	4	4	E	4	4
5	5	5	F	5	5
6	6	6		6	6
7	7	7		7	7
8	8	8		8	8
9	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●
●	●	○	○	●	●	○	●	○	●	●	○	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

1. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas

com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

2. Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases} \text{ e } s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases} \quad \text{(1.000, -1.000)}$$

3. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

4. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,717
- (B) 5,017
- (C) 4,697
- (D) 4,700
- (E) 5,107
- (F) 5,000

5. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

6. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases} \text{ e } s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases} \quad \text{(1.000, -1.000)}$$

Marque $x_0 + y_0 + z_0$.

7. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 - (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 - (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 - (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 - (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	●	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	F
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. **(1.000, -1.000)**

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): **(1.500, -1.500)**

- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. **(1.000, -1.000)**

- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: **(1.500, -1.500)**

- (A) 5,107
- (B) 4,717
- (C) 5,017
- (D) 5,000
- (E) 4,700
- (F) 4,697

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. **(1.000, -1.000)**

- 6.** Responda V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0		A	0	0	0
1		B	1	1	1
2		C	2	2	2
3		D	3	3	3
4		E	4	4	4
5		F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo:
(1.500, -1.500)

- (A) 4,700
- (B) 5,000
- (C) 4,717
- (D) 5,107
- (E) 5,017
- (F) 4,697

- 3.** Responda V ou F:
(3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e

b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$

(1.000, -1.000)

- 5.** Considere as retas no espaço: $r :$

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$

e $s :$
$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo):
(1.500, -1.500)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s :$
$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$.
(1.000, -1.000)

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$.
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5	F	5	5	F	5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	●	○	●	●	○	●	●	●	○	●	●	●
3	●	●	●	●	○	○	○	○	●	●	○	○
4	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
5	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
6	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
7	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
8	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
9	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,107
- (B) 5,000
- (C) 4,700
- (D) 5,017
- (E) 4,697
- (F) 4,717

- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 4.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 6.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F
0	0	0	0	A
1	1	1	1	B
2	2	2	2	C
3	3	3	3	D
4	4	4	4	E
5	5	5	5	F
6	6	6	6	
7	7	7	7	
8	8	8	8	
9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●
○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●
●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) $||u \times v|| = ||u|| \cdot ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

(C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

(D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

(A) 4,697

(B) 5,017

(C) 4,717

(D) 5,000

(E) 5,107

(F) 4,700

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5	F	5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- 3.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,107
(B) 5,017
(C) 4,697
(D) 5,000
(E) 4,700
(F) 4,717

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5
0	0	A	0	0
1	1	B	1	1
2	2	C	2	2
3	3	D	3	3
4	4	E	4	4
5	5	F	5	5
6	6		6	6
7	7		7	7
8	8		8	8
9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)

- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,000
- (B) 5,107
- (C) 4,697
- (D) 4,717
- (E) 4,700
- (F) 5,017

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	1	1	1
2	C	2	2	2	2
3	D	3	3	3	3
4	E	4	4	4	4
5	F	5	5	5	5
6		6	6	6	6
7		7	7	7	7
8		8	8	8	8
9		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	●	○	○	●	○	○	●	○	○	○
●	○	○	●	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas

com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 2.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,017
- (B) 5,107
- (C) 4,717
- (D) 4,697
- (E) 5,000
- (F) 4,700

- 3.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 4.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{||\text{proj}_v^u||, ||\text{proj}_u^v||\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) $||u \times v|| = ||u|| ||v||$ se e somente se u for ortogonal a v .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F	F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	●	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$ (A) 4,697
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas (B) 5,107
 com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para (C) 4,700
 o inteiro mais próximo): (D) 5,000
 (E) 4,717
 (F) 5,017
- 2.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
 (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
 (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
 (C) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
 (D) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
 (E) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
 (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)
- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 4.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
(1.000, -1.000)
- 6.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,107
(B) 4,700
(C) 5,000
(D) 4,697
(E) 4,717
(F) 5,017

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)
- 5.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 6.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,700
(B) 4,717
(C) 5,107
(D) 5,000
(E) 5,017
(F) 4,697

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	0
2	2	2	C	2	0
3	3	3	D	3	0
4	4	4	E	4	0
5	5	5	F	5	0
6	6	6		6	0
7	7	7		7	0
8	8	8		8	0
9	9	9		9	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

(D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

(E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

(F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,017
 (B) 4,700
 (C) 5,000
 (D) 4,717
 (E) 4,697
 (F) 5,107

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	0	●	●	●	0	●	●	0
2	●	●	●	●	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- 2.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)
- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,017
(B) 5,000
(C) 4,717
(D) 5,107
(E) 4,700
(F) 4,697

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5	F	5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	●	○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 4,717
- (C) 5,107
- (D) 5,017
- (E) 5,000
- (F) 4,700

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$: (1.000, -1.000)

- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
 - (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .

(C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.

- (D)** Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (E)** Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (F)** $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

- 5.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	0	0	0	0	0	0	0	0
2	●	●	0	0	0	0	0	0	0
3	●	●	●	0	0	0	0	0	0
4	●	●	●	●	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (F) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)
- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 4,697
 (B) 5,000
 (C) 4,717
 (D) 5,107
 (E) 4,700
 (F) 5,017

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	○	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	○	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

(A) 5,000
 (B) 5,107
 (C) 4,697
 (D) 4,700
 (E) 4,717
 (F) 5,017

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$: (1.000, -1.000)

- 3.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$: (1.000, -1.000)

- 4.** Considere as retas no espaço: $r :$
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
 e $s :$
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 5.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$: (1.000, -1.000)

- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s :$
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$: (1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F	F	5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere as retas no espaço: $r : \begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$

e $s : \begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

2. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

3. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5.107
- (B) 4.700
- (C) 4.717
- (D) 4.697
- (E) 5.017
- (F) 5.000

4. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema

$AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.

- (B) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (C) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como: $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (E) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

5. Marque a distância entre as seguintes retas: $r : \begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$ (1.000, -1.000)

6. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|\text{proj}_v^u\|, \|\text{proj}_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

7. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r : \begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e $s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,700
- (B) 5,017
- (C) 4,697
- (D) 4,717
- (E) 5,000
- (F) 5,107

- 4.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)

- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (B) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (C) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (F) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.

- 6.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	A	0	0	0
1	1	B	1	1	1
2	2	C	2	2	2
3	3	D	3	3	3
4	4	E	4	4	4
5	5	F	5	5	5
6	6		6	6	6
7	7		7	7	7
8	8		8	8	8
9	9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :
 $\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$. (1.000, -1.000)
- 2.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_u^u\|, \|proj_v^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,017
(B) 5,107
(C) 4,717
(D) 5,000
(E) 4,700
(F) 4,697
- 4.** Considere as retas no espaço: r :
 $\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$
e s :
 $\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 5.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :
 $\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$ e s :
 $\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 7.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
(B) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
(C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
(D) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
(E) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
 $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$ possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
(F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: $r :$
- $$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases} \text{ e } s : \begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
- Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)
- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)
- (A) 5,107
 (B) 4,717
 (C) 4,697
 (D) 4,700
 (E) 5,000
 (F) 5,017
- 4.** Considere as retas no espaço: $r :$
- $$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
- e $s :$
- $$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
- As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)
- 5.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:
- $$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
- possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- 6.** Marque a distância entre as seguintes retas: $r :$
- $$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases} \text{ e } s : \begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
- (1.000, -1.000)
- 7.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
 Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5	F	5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .
- (B) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (C) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (D) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (E) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

2. Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

3. Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
(1.000, -1.000)

4. Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 5,107
- (B) 5,000
- (C) 5,017
- (D) 4,697
- (E) 4,717
- (F) 4,700

5. Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

6. Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
.
As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)

7. Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
.
Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2010.2
Primeiro Exercício Escolar - 17/09/2010

Nome: _____ **Identificação:** _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

CONTROLE MIXNFIX

A 10x10 grid of circles. Black dots are placed at the following coordinates: (3,3), (3,4), (4,3), (4,4), (5,3), (5,4), (6,3), (6,4), (7,3), (7,4), (8,3), (8,4), (9,3), (9,4), (10,3), (10,4), and (10,10).

1	2	3	4 V-F	5	6
0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○ ○	A ○	0 ○ ○
1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○ ○	B ○	1 ○ ○
2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○ ○	C ○	2 ○ ○
3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○ ○	D ○	3 ○ ○
4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○ ○	E ○	4 ○ ○
5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	F ○ ○	F ○	5 ○ ○
6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○			6 ○ ○
7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○			7 ○ ○
8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○			8 ○ ○
9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○			9 ○ ○

	7
0	○ ○
1	○ ○
2	○ ○
3	○ ○
4	○ ○
5	○ ○
6	○ ○
7	○ ○
8	○ ○
9	○ ○

- 1.** Marque a distância entre as seguintes retas: r :

$$\begin{cases} x = 1 + 7t \\ y = 1 + 8t \\ z = 2 - 11t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 3 - 3q \\ y = -5 + 4q \\ z = -3 + q \end{cases}$$
. (1.000, -1.000)

- 2.** Considere a esfera de equação: $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 9$ e o plano de equação $2x - 2y + z = 1$. Se o centro da circunferência que é interseção do plano com a esfera é (a, b, c) , então marque $3(|a| + |b| + |c|)$. (1.000, -1.000)

- 3.** Sejam $u = (1, 2, -1)$ e $v = (3, 1, -4)$ vetores do espaço. Se $d = \max\{\|proj_v^u\|, \|proj_u^v\|\}$, então marque o inteiro mais próximo de $10d$. (1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Em qualquer sistema linear podemos substituir duas equações pela soma das duas equações.
- (B) O sistema com soluções no \mathbb{R}^3 dado como:

$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ x + y + 2z = 0 \\ 2y + z = 1 \end{cases}$$
 possui solução única tal que a coordenada x da solução é 1.
- (C) Considere o sistema $AX = b$, onde A é a matriz dos coeficientes, X o vetor das incógnitas e b o vetor dos termos independentes. O sistema $AX = b$ admite infinitas soluções se e somente se o sistema homogêneo associado $AX = 0$ admite infinitas soluções.
- (D) O vetor $u \times (v \times u)$ é múltiplo do vetor v .
- (E) $\|u \times v\| = \|u\| \|v\|$ se e somente se u for ortogonal a v .

- (F) Sejam s e r retas do espaço que são coplanares; se uma terceira reta l é reversa com s , então l será reversa também com r .

- 5.** Considere o triângulo de vértices: $A = (-1, 1)$, $B = (2, 4)$ e $C = (5, 0)$. Escolha entre as alternativas a que apresenta o valor mais próximo da distância entre o ponto $P = (9, \frac{5}{2})$ e o triângulo: (1.500, -1.500)

- (A) 4,697
- (B) 5,017
- (C) 4,717
- (D) 5,107
- (E) 4,700
- (F) 5,000

- 6.** Seja $C = (x_0, y_0, z_0)$ a interseção das retas: r :

$$\begin{cases} x + y + z - 1 = 0 \\ 2x + y - 3z - 3 = 0 \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 6 - t \\ y = -9 + 2t \\ z = 4 - t \end{cases}$$
. Marque $x_0 + y_0 + z_0$. (1.000, -1.000)

- 7.** Considere as retas no espaço: r :

$$\begin{cases} x = -4 - 2t \\ y = 9 + 3t \\ z = -t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = -1 - q \\ y = 12 + 3q \\ z = -6 - 2q \end{cases}$$
. As interseções dessas retas com os planos coordenados no primeiro octante formam um quadrilátero, cuja área é (arredondada para o inteiro mais próximo): (1.500, -1.500)