

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

3. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

4. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

5. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

6. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

7. Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
(1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F		5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 3.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :
$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 5.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	0	0	0
1	0	B	1	0	1
2	0	C	2	0	2
3	0	D	3	0	3
4	0	E	4	0	4
5	0		5	0	5
6	0		6	0	6
7	0		7	0	7
8	0		8	0	8
9	0		9	0	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5		5	5	5	F
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	●	○	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 - (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 - (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 = \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 - (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 - (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 - (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
F	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)
- 4.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	●	●	0	●	0	●	●	0	●	●	●	0	●	●	●	●	0	●
2	0	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
3	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
4	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
5	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
6	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
7	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
8	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
9	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 6.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)
- 7.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	○	●	●	●	●	○	●	●	●	●	○	●	●	●	●
○	○	○	○	○	●	○	○	●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	0	A	A	0
1	1	1	B	B	1
2	2	2	C	C	2
3	3	3	D	D	3
4	4	4	E	E	4
5	5	5	F	F	5
6	6	6			6
7	7	7			7
8	8	8			8
9	9	9			9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

2. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

3. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

4. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

5. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

(A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

(B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

(C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

(D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

(E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

(F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

6. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? (1.500, -1.500)

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

7. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	0	0	0
1	0	B	1	0	1
2	0	C	2	0	2
3	0	D	3	0	3
4	0	E	4	0	4
5	0		5	0	5
6	0		6	0	6
7	0		7	0	7
8	0		8	0	8
9	0		9	0	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente
a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de
 s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor
do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
(1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 4.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
(B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
(C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
(D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
(E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
(F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
	5	5	F	5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)

3. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

4. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

5. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

6. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

7. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	○	○	○	○	●	○	●	○
●	○	●	○	○	○	○	○	●	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5		5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

2. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$

e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

3. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

do \mathbb{R}^4 , possui que norma? (1.500, -1.500)

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

4. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

5. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

6. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

7. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
A	A	0	0	0	0
B	B	1	1	1	1
C	C	2	2	2	2
D	D	3	3	3	3
E	E	4	4	4	4
F	F	5	5	5	5
		6	6	6	6
		7	7	7	7
		8	8	8	8
		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	●	○	●	○	●	●	○	●	●	●	○	●	●	●	○
●	○	●	○	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

1. Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

3. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)

4. O ponto de interseção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

5. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

6. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

7. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	○	○	0	○	0
B	○	○	1	○	1
C	○	○	2	○	2
D	○	○	3	○	3
E	○	○	4	○	4
F	○	○	5	○	5
		6	○	6	○
		7	○	7	○
		8	○	8	○
		9	○	9	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)
- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 6.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ **Identificação:** _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

CONTROLE MIXNFIX

A 10x10 grid of circles. Black dots are placed at the following coordinates: (1,4), (1,5), (1,6), (2,4), (2,5), (2,6), (3,4), and (3,6).

1	2	3	4 V-F	5	6
0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○ ○	A ○	0 ○ ○
1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○ ○	B ○	1 ○ ○
2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○ ○	C ○	2 ○ ○
3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○ ○	D ○	3 ○ ○
4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○ ○	E ○	4 ○ ○
5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	F ○ ○		5 ○ ○
6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○			6 ○ ○
7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○			7 ○ ○
8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○			8 ○ ○
9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○			9 ○ ○

	7
0	○ ○
1	○ ○
2	○ ○
3	○ ○
4	○ ○
5	○ ○
6	○ ○
7	○ ○
8	○ ○
9	○ ○

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 5.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5		5	5	F
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	0	1	0
2	C	2	0	2	0
3	D	3	0	3	0
4	E	4	0	4	0
5		5	0	5	0
6		6	0	6	0
7		7	0	7	0
8		8	0	8	0
9		9	0	9	0

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	●	○	●	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \quad \text{e} \quad s \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \quad , \text{ com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 4.** O ponto de interseção entre a reta r :
 $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \quad , \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 7.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u, v >^2 = 1$.
 (B) Se $< u, v > = < u, ?v >$ então $v = 0$.
 (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	1
2	2	2	C	2	2
3	3	3	D	3	3
4	4	4	E	4	4
5	5	5		5	5
6	6	6		6	6
7	7	7		7	7
8	8	8		8	8
9	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F

A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x-y+2z+3 = 0$ para $8x-4y+8z-144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 4.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+t \\ z = 3-t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 7.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 <_{u, v \neq 0}^2 = 1$.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente s é paralela a r , e que é a que está mais próxima de r pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 - (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 - (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a **$9\sqrt{3}$** . **(1.000, -1.000)**
- 5.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 7.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 2.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 5.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 6.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente s é paralela a r , e que é a que está mais próxima de r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

3. Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

(E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

(F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

4. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$

e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

5. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

6. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

$$\text{do } \mathbb{R}^4, \text{ possui que norma? } \begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

7. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ **Identificação:** _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

1 V-F	2	3	4	5	6
A○○	A○○	0○○	0○○	0○○	0○○
B○○	B○○	1○○	1○○	1○○	1○○
C○○	C○○	2○○	2○○	2○○	2○○
D○○	D○○	3○○	3○○	3○○	3○○
E○○	E○○	4○○	4○○	4○○	4○○
F○○		5○○	5○○	5○○	5○○
		6○○	6○○	6○○	6○○
		7○○	7○○	7○○	7○○
		8○○	8○○	8○○	8○○
		9○○	9○○	9○○	9○○

CONTROLE MIXNFX

A 10x10 grid of circles. The circles are arranged in 10 rows and 10 columns. In the first row, the 1st, 2nd, 3rd, 6th, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the second row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the third row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the fourth row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the fifth row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the sixth row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the seventh row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the eighth row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the ninth row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black. In the tenth row, the 1st, 2nd, 3rd, 7th, 8th, 9th, and 10th circles are filled black.

	7
0	○ ○
1	○ ○
2	○ ○
3	○ ○
4	○ ○
5	○ ○
6	○ ○
7	○ ○
8	○ ○
9	○ ○

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- 2.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :
$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 6.** O ponto de interseção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5		5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

2. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

3. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$

(1.500, -1.500)

4. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente

a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

5. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \text{ e o plano de equação } 2x - y + 3z = 39 \text{ possui um valor de } t \text{ igual a:}$$

(1.000, -1.000)

6. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

7. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●
●	0	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●	0	●
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F		5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 4.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente

a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●
●	○	○	○	○	○	●	○	●	○	●	○	●
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	○	○	0	○	○
B	○	○	1	○	○
C	○	○	2	○	○
D	○	○	3	○	○
E	○	○	4	○	○
F	○	○	5	○	○
		6	○	○	○
		7	○	○	○
		8	○	○	○
		9	○	○	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- 2.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :
$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)
- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

3. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

4. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

5. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

6. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? (1.500, -1.500)

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

7. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \|u \times w\|^2 = 1$.
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	0	0	A
1	1	1	1	1	B
2	2	2	2	2	C
3	3	3	3	3	D
4	4	4	4	4	E
5	5	5	5	5	
6	6	6	6	6	
7	7	7	7	7	
8	8	8	8	8	
9	9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	○	○	○	●	●	●	●	●	●
●	○	●	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \quad \text{e} \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \quad , \text{ com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$$

a r é paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

3. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

(E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

(F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

4. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

$$\text{do } \mathbb{R}^4, \text{ possui que norma? } \begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

5. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

6. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

7. O ponto de intersecção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \quad , \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$

$2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5		5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

2. Se mudarmos a equação de um plano de $2x-y+2z+3=0$ para $8x-4y+8z-144=0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

3. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

4. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

5. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+t \\ z = 3-t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2-2q \\ y = 1-q \\ z = 1+q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$

6. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1+2t \\ y = 1-t \\ z = 2+t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

7. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F	F	5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**
- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B)** A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
(C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
(D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
(E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
(F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- 5.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 6.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
A	A	0	0	0	0
B	B	1	1	1	1
C	C	2	2	2	2
D	D	3	3	3	3
E	E	4	4	4	4
F	F	5	5	5	5
		6	6	6	6
		7	7	7	7
		8	8	8	8
		9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

3. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

4. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

5. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)

6. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

7. O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	●	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

3. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

4. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

5. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

6. Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

7. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	0	A	0
1	1	1	1	B	1
2	2	2	2	C	2
3	3	3	3	D	3
4	4	4	4	E	4
5	5	5	5		5
6	6	6	6		6
7	7	7	7		7
8	8	8	8		8
9	9	9	9		9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	○	○	○	●	○	○	●	○
●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)
- 4.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 5.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \text{ com } q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 7.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 - (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 - (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u, v >^2 = 1$.
 - (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 - (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 - (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	0	B	1	B	1
2	0	C	2	C	2
3	0	D	3	D	3
4	0	E	4	E	4
5	0		5	F	5
6	0		6		6
7	0		7		7
8	0		8		8
9	0		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$

$$2x - y + 3z = 39$$
possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \quad \text{e } s : \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$$
A r é paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
(1.500, -1.500)

- 5.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
(B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
(C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
(D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \|u \times w\|^2 = 1$.
(E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
(F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	●	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 2.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 - (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 - (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 - (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u, v >^2 = 1$.
 - (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 - (F) Se $< u, v > = < u, ?v >$ então $v = 0$.
- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 6.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 - (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5		5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 3.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
(1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 5.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	●	○	○	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3 V-F	4	5	6
0	○	A	○	0	○
1	○	B	○	1	○
2	○	C	○	2	○
3	○	D	○	3	○
4	○	E	○	4	○
5	○	F	○	5	○
6	○		6	○	6
7	○		7	○	7
8	○		8	○	8
9	○		9	○	9

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente s é paralela a r , e que é a que está mais próxima de r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

$$\text{do } \mathbb{R}^4, \text{ possui que norma? } \begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 6.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \text{ e o plano de equação } 2x - y + 3z = 39 \text{ possui um valor de } t \text{ igual a: } \begin{cases} 1.000, -1.000 \end{cases}$$

- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0
●	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0
●	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0
0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5	F	5	5	
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 6.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

- $$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F		5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 4.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente

a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5		5	5	F
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 6.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5		5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
 (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+t \\ z = 3-t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2-2q \\ y = 1-q \\ z = 1+q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x-y+2z+3=0$ para $8x-4y+8z-144=0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 6.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)
- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1+2t \\ y = 1-t \\ z = 2+t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	○	○	○	○	●	○	○	○	○
○	●	●	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5		5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

2. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$

(1.500, -1.500)

3. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

(A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

4. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R} \text{ e o plano de equação } 2x - y + 3z = 39 \text{ possui um valor de } t \text{ igual a: } \text{ (1.000, -1.000)}$$

5. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a

$9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

6. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

7. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	●	●	○	●	●	●	●	○	○
●	●	○	○	●	●	○	●	●	●	●	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	0
2	2	2	C	2	0
3	3	3	D	3	0
4	4	4	E	4	0
5	5	5	F	5	0
6	6	6		6	0
7	7	7		7	0
8	8	8		8	0
9	9	9		9	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 5.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	●	0	●	●	0	0	●	●	●	●	●	0
0	●	0	0	0	0	0	●	●	●	●	●	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	5	
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 3.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 4.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 5.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F		5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 2.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 - Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 - A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 - Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 - Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 - Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$**
- (C) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$**
- (D) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$**
- (E) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$**
- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**
- 6.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	●	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	●	●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
(1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	○	○	●	○	●	○	●	●	●	○	●	●
○	●	●	○	●	●	○	●	○	○	○	○	○
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	○	○	0	○	○
B	○	○	1	○	○
C	○	○	2	○	○
D	○	○	3	○	○
E	○	○	4	○	○
F	○	○	5	○	○
		6	○	○	6
		7	○	○	7
		8	○	○	8
		9	○	○	9

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- 2.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :
$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	●	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	1
2	2	2	C	2	2
3	3	3	D	3	3
4	4	4	E	4	4
5	5	5		5	5
6	6	6		6	6
7	7	7		7	7
8	8	8		8	8
9	9	9		9	9

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 4.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$
 $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 7.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○
○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●
●	○	●	●	○	○	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5	F	5	5	
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 = \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
●	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F	F	5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 3.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente s é paralela a r , e que é a que está mais próxima de r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

3. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u, v >^2 = 1$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

(D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

(E) Se $< u, v > = < u, ?v >$ então $v = 0$.

(F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

4. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$

$2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

5. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.

(1.000, -1.000)

6. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

7. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?

(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	●	○	○	○	○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 4.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 5.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5
0	A	0	0	0
1	B	1	1	1
2	C	2	2	2
3	D	3	3	3
4	E	4	4	4
5	F	5	5	5
6		6	6	6
7		7	7	7
8		8	8	8
9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	●	○	○	○	●	○	○	○	●	○	○	●	○	○	●
●	●	○	○	○	●	●	○	○	●	○	○	●	●	○	○	●	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

- 2.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

- 4.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

- 5.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5		5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 4.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 5.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	●	●	●	○	○	●	●	●	●
●	●	●	●	●	●	●	○	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	0
2	2	2	C	2	0
3	3	3	D	3	0
4	4	4	E	4	0
5	5	5	F	5	0
6	6	6		6	0
7	7	7		7	0
8	8	8		8	0
9	9	9		9	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

- 2.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 5.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? (1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5
0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6 V-F	7
A	○
B	○
C	○
D	○
E	○
F	○

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

- 4.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

- 6.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	●	●	●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6
0	0	A	0	0	0
1	1	B	1	1	1
2	2	C	2	2	2
3	3	D	3	3	3
4	4	E	4	4	4
5	5		5	5	5
6	6		6	6	6
7	7		7	7	7
8	8		8	8	8
9	9		9	9	9

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 7.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	A	0
B	1	1	1	B	1
C	2	2	2	C	2
D	3	3	3	D	3
E	4	4	4	E	4
	5	5	5	F	5
	6	6	6		6
	7	7	7		7
	8	8	8		8
	9	9	9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: $(2.000, -2.000)$

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$

$(1.500, -1.500)$

3. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: $(1.000, -1.000)$

4. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação

$2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: $(1.000, -1.000)$

5. Responda V ou F:

$(2.500, -2.500)$

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

6. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? $(1.000, -1.000)$

7. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. $(1.000, -1.000)$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	A	0	0	0
1	1	B	1	1	1
2	2	C	2	2	2
3	3	D	3	3	3
4	4	E	4	4	4
5	5		5	5	5
6	6		6	6	6
7	7		7	7	7
8	8		8	8	8
9	9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	●	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F

A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$

$$2x - y + 3z = 39$$
possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
(1.500, -1.500)

- 3.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F		5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ $(1.500, -1.500)$

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. $(1.000, -1.000)$

- 3.** Responda V ou F: $(2.500, -2.500)$

- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 4.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente

a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: $(2.000, -2.000)$

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: $(1.000, -1.000)$

- 6.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: $(1.000, -1.000)$

- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? $(1.000, -1.000)$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	●	○	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
3	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
4	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
5	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
6	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
7	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
8	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
9	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	A	0	0
1	1	B	B	1	1
2	2	C	C	2	2
3	3	D	D	3	3
4	4	E	E	4	4
5	5	F	F	5	5
6	6			6	6
7	7			7	7
8	8			8	8
9	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F
0	0	0	0	A
1	1	1	1	B
2	2	2	2	C
3	3	3	3	D
4	4	4	4	E
5	5	5	5	F
6	6	6	6	
7	7	7	7	
8	8	8	8	
9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●	○	●
○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●	●	○	●
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 2.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 5.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5		5	5	F	5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$

$$2x - y + 3z = 39$$
possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \quad \text{e } s \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$$
A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 5.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
(B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
(C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
(D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
(E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
(F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 6.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
(1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	0	0	A
1	1	1	1	1	B
2	2	2	2	2	C
3	3	3	3	3	D
4	4	4	4	4	E
5	5	5	5	5	
6	6	6	6	6	
7	7	7	7	7	
8	8	8	8	8	
9	9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	●	○	●	●	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

- 3.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 7.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
(B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
(C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
(D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
(E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
(F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	A	0	0	0
1	0	B	1	0	1
2	0	C	2	0	2
3	0	D	3	0	3
4	0	E	4	0	4
5	0		5	0	5
6	0		6	0	6
7	0		7	0	7
8	0		8	0	8
9	0		9	0	9

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 2.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+t \\ z = 3-t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2-2q \\ y = 1-q \\ z = 1+q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ **(1.500, -1.500)**

- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .

- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1+2t \\ y = 1-t \\ z = 2+t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F		5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	●	●	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	●	0	0	0	0	0	0	0	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 2.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

- 6.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5
0	A	0	0	0
1	B	1	1	1
2	C	2	2	2
3	D	3	3	3
4	E	4	4	4
5	F	5	5	5
6		6	6	6
7		7	7	7
8		8	8	8
9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 2.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 4.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	○	○	●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	○	○	●	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	○	○	0	○	○
B	○	○	1	○	○
C	○	○	2	○	○
D	○	○	3	○	○
E	○	○	4	○	○
F	○	○	5	○	○
	6	○	○	6	○
	7	○	○	7	○
	8	○	○	8	○
	9	○	○	9	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x-y+2z+3=0$ para $8x-4y+8z-144=0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)
- 6.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+t \\ z = 3-t \end{cases}$
 $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

CONTROLE MIXNFX

●	○	●	●	●	●	●	○	●	●	●	●	●
○	●	●	●	●	●	●	○	○	●	●	●	●
○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 4.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)
- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \text{ com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 7.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0
B	1	0	0	0	0
C	2	0	0	0	0
D	3	0	0	0	0
E	4	0	0	0	0
F	5	0	0	0	0
	6	0	0	0	0
	7	0	0	0	0
	8	0	0	0	0
	9	0	0	0	0

7		
0	0	0
1	0	0
2	0	0
3	0	0
4	0	0
5	0	0
6	0	0
7	0	0
8	0	0
9	0	0

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u \cdot v >^2 = 1$.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

2. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

3. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

4. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

5. O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

6. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

7. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	●	●	●	●	○	○
●	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	0
2	2	2	C	2	0
3	3	3	D	3	0
4	4	4	E	4	0
5	5	5	F	5	0
6	6	6		6	0
7	7	7		7	0
8	8	8		8	0
9	9	9		9	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 4.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u, v >^2 = 1$.
- (F) Se $< u, v > = < u, ?v >$ então $v = 0$.

- 5.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○	●	●	●	●	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	0	0	A	A
1	1	1	1	B	B
2	2	2	2	C	C
3	3	3	3	D	D
4	4	4	4	E	E
5	5	5	5	F	
6	6	6	6		
7	7	7	7		
8	8	8	8		
9	9	9	9		

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 5.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \text{ com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 7.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5	F	5	5	
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 3.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
(B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
(C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
(D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
(E) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
(F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 6.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \text{ com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
(E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5		5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

2. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

3. Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :
$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

4. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, \quad t \in \mathbb{R}$$

e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

5. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

6. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

7. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5		5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.

2. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

3. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

4. Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente

a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

5. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

6. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

7. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F
0	0	0	0	A
1	1	1	1	B
2	2	2	2	C
3	3	3	3	D
4	4	4	4	E
5	5	5	5	F
6	6	6	6	
7	7	7	7	
8	8	8	8	
9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**
- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)
- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 5.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 7.** Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q, \text{ com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$$
. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**
- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- 2.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)
- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4 V-F	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	0
2	2	2	C	2	0
3	3	3	D	3	0
4	4	4	E	4	0
5	5	5	F	5	0
6	6	6		6	0
7	7	7		7	0
8	8	8		8	0
9	9	9		9	0

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$
(1.500, -1.500)

- 4.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

- 5.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q, \text{ com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$$
A r é paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	0
1	1	1	B	1	1
2	2	2	C	2	2
3	3	3	D	3	3
4	4	4	E	4	4
5	5	5		5	5
6	6	6		6	6
7	7	7		7	7
8	8	8		8	8
9	9	9		9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	○	●	○	●	●	●	●	●	●
○	●	●	○	○	●	○	●	●	●	●	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F		
A	○	○
B	○	○
C	○	○
D	○	○
E	○	○
F	○	○

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
 e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)

- 2.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)

- 3.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

- 4.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \quad \text{e} \quad s \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q, \quad \text{com } q, t \in \mathbb{R} \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)

- (A) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 5.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)

- 6.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)

- 7.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5
0	A	0	0	0
1	B	1	1	1
2	C	2	2	2
3	D	3	3	3
4	E	4	4	4
5	F	5	5	5
6		6	6	6
7		7	7	7
8		8	8	8
9		9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	●	○	○	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**

- 2.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u \cdot v >^2 = 1$.
- (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Se $<u, v> = <u, ?v>$ então $v = 0$.

- 3.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**

- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

- 5.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

- 6.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**

- 7.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	●	●	●	○	○	○	●	○	○	●	●	●
○	○	○	●	○	○	○	○	○	●	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5		5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.

2. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

3. O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$$
 e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

4. Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \text{ com } q, t \in \mathbb{R}$$
. A reta concorrente

a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

5. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

6. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

7. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○
●	○	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5		5	F
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)
- 2.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)
- 3.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x-y+2z+3=0$ para $8x-4y+8z-144=0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)
- 4.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1+t \\ y = 1+t \\ z = 3-t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2-2q \\ y = 1-q \\ z = 1+q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)
- (A) $(2+2k, 2+k, 2-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(1-2k, 6-k, -2+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(7-2k, 3-k, 1+k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1+4k, 4+2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2k, 3+k, 1-k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 5.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1+2t \\ y = 1-t \\ z = 2+t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x-y+3z=39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)
- 6.** Responda V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
 (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
 (C) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
 (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (E) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (F) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- 7.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	A	0
B	1	1	1	B	1
C	2	2	2	C	2
D	3	3	3	D	3
E	4	4	4	E	4
	5	5	5	F	5
	6	6	6		6
	7	7	7		7
	8	8	8		8
	9	9	9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

2. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

3. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
 (1.500, -1.500)

4. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

5. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \|u, v\|^2 = 1$.
- (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

6. O ponto de interseção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

7. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
●	●	0	0	0	●	●	0	0	0	●	●	●
0	0	0	●	●	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5		5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (E) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .

2. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

3. Considere as retas r :
$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
 e s :
$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(B) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

(E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$

4. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

(1.500, -1.500)

5. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

6. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

7. O ponto de intersecção entre a reta r :
$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$$
, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	●	○	○	○	○	●	●
●	○	●	●	●	○	○	●	○	●	●	○
●	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	○	0	○	0	○
B	○	1	○	1	○
C	○	2	○	2	○
D	○	3	○	3	○
E	○	4	○	4	○
F	○	5	○	5	○
	6	○	6	○	6
	7	○	7	○	7
	8	○	8	○	8
	9	○	9	○	9

7		
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (B) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.
- (C) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (D) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.

2. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

3. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? (1.500, -1.500)

$$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$

4. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

5. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

6. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

7. O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	●	●	●	●	●	●	●	0	0	0	0	●
0	0	●	●	●	●	●	●	0	0	0	0	0
●	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1	2	3 V-F	4	5	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5	F	5	5	
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$ $(1.500, -1.500)$

- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? $(1.000, -1.000)$

- 3.** Responda V ou F: $(2.500, -2.500)$

- (A) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, ?v \rangle$ então $v = 0$.
- (D) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (E) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (F) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.

- 4.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus: $(1.000, -1.000)$

- 5.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: $(2.000, -2.000)$

- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$

- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. $(1.000, -1.000)$

- 7.** O ponto de intersecção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: $(1.000, -1.000)$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____

Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	●	○	○	●	○	○	●	○	○	●	○
○	●	●	●	●	○	○	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	A	0	0	A
1	1	B	1	1	B
2	2	C	2	2	C
3	3	D	3	3	D
4	4	E	4	4	E
5	5		5	5	F
6	6		6	6	
7	7		7	7	
8	8		8	8	
9	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? **(1.000, -1.000)**
- 2.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma? **(1.500, -1.500)**
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 3.** Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s : $\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{math}, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: **(2.000, -2.000)**$
- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (B) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (D) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
 (E) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- 4.** O ponto de interseção entre a reta r : $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}$, $t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a: **(1.000, -1.000)**
- 5.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. **(1.000, -1.000)**
- 6.** Responda V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 < u, v >^2 = 1$.
 (B) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
 (C) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
 (D) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
 (E) Se $< u, v > = < u, ?v >$ então $v = 0$.
 (F) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- 7.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5		5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Responda V ou F: (2.500, -2.500)

- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s será reversa também com r .
- (C) A distância entre duas retas paralelas do \mathbb{R}^3 é a distância de um ponto de uma reta a um plano qualquer contendo a outra.
- (D) Vale a lei do corte para o produto vetorial, ou seja, $u \times v = u \times w \Rightarrow v = w$.
- (E) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- (F) Se $\langle u, v \rangle = \langle u, w \rangle$ então $v = w$.

2. A única solução do sistema seguinte, vista como vetor

do \mathbb{R}^4 , possui que norma? $\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$

(1.500, -1.500)

3. O ponto de interseção entre a reta r :

$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ e o plano de equação $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:

(1.000, -1.000)

4. Considere as retas r : $\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$ e s :

$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}, \text{ com } q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como: (2.000, -2.000)

- (A) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$

5. Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u + v\| = 4$ e $\|u - v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u + v$ e $u - v$ é, em graus: (1.000, -1.000)

6. Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$. (1.000, -1.000)

7. Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro? (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2
 Primeiro Exercício Escolar - 05/09/2008

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F
0	0	0	0	A
1	1	1	1	B
2	2	2	2	C
3	3	3	3	D
4	4	4	4	E
5	5	5	5	F
6	6	6	6	
7	7	7	7	
8	8	8	8	
9	9	9	9	

CONTROLE MIXNFIX

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

6	7
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	
6	
7	
8	
9	

- 1.** O ponto de interseção entre a reta r :

$$\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t, \quad t \in \mathbb{R} \\ z = 2 + t \end{cases}$$
e o plano de equação
 $2x - y + 3z = 39$ possui um valor de t igual a:
(1.000, -1.000)
- 2.** Se mudarmos a equação de um plano de $2x - y + 2z + 3 = 0$ para $8x - 4y + 8z - 144 = 0$ obteremos um plano paralelo que está a que distância do primeiro?
(1.000, -1.000)
- 3.** Sejam u e v vetores do \mathbb{R}^2 tais que: $\|u\| = \|v\| = \sqrt{5}$, $\|u+v\| = 4$ e $\|u-v\| = 2$. Então o ângulo entre os vetores $u+v$ e $u-v$ é, em graus:
(1.000, -1.000)
- 4.** A única solução do sistema seguinte, vista como vetor do \mathbb{R}^4 , possui que norma?
(1.500, -1.500)
- $$\begin{cases} 3x - 2y + z - w = 1 \\ x + y + z + w = 5 \\ x + 2z - w = 1 \\ 3y - z + 2w = 8 \end{cases}$$
- 5.** Responda V ou F:
(2.500, -2.500)
- (A) Se $\|u\| = 1$ e $\|v\| = 1$ então $\|u \times v\|^2 + \langle u, v \rangle^2 = 1$.
- (B) Se no \mathbb{R}^3 as retas r e s são reversas, então uma reta paralela a s não será paralela a r .
- 6.** Sejam os vetores do \mathbb{R}^3 : $v = (1, 2, -1)$ e $u = (1, 1, 0)$. Encontre o valor de a de tal forma que a área do triângulo determinado por v e au seja igual a $9\sqrt{3}$.
(1.000, -1.000)
- 7.** Considere as retas r :

$$\begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 + t \\ z = 3 - t \end{cases}$$
e s :

$$\begin{cases} x = 2 - 2q \\ y = 1 - q \\ z = 1 + q \end{cases}$$
, com $q, t \in \mathbb{R}$. A reta concorrente a r e paralela a s , e que é a que está mais próxima de s pode ser escrita parametricamente como:
(2.000, -2.000)
- (A) $(1 - 2k, 6 - k, -2 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (B) $(2 + 2k, 2 + k, 2 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (C) $(7 - 2k, 3 - k, 1 + k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (D) $(2k, 3 + k, 1 - k)$, com $k \in \mathbb{R}$
- (E) $(-1 + 4k, 4 + 2k, -2k)$, com $k \in \mathbb{R}$