

**Universidade Federal de Pernambuco (UFPE)**  
**Centro de Informática (CIn)**  
**Graduação em Engenharia da Computação**

**Matemática Discreta para Computação**  
**1º semestre de 2016**  
**Recife, 24 de maio de 2016**  
**(IF670)**  
**Mini-Prova 3**

**(0,5 pt.) Algoritmo de Euclides**

1. Sejam  $x$  e  $y$  tais que  $123x + 24y = 57$ . Ache um par  $(x,y)$ ,  $x \in \mathbb{Z}$  e  $y \in \mathbb{Z}$ , que satisfaça a equação Diofantina, a partir do algoritmo de Euclides.

**(0,8 pt.) Pequeno Teorema de Fermat**

2. Use o pequeno teorema de Fermat para calcular  $2^{2405} \times 5^{2016} \pmod{11}$ . (OBS: Deve ser calculado o menor inteiro positivo)

**(0,7 pt.) Teorema Chinês do Resto**

3. Use o Teorema Chinês do Resto para encontrar a solução para o sistema de congruências  $x \equiv 1 \pmod{2}$ ,  $x \equiv 2 \pmod{3}$ ,  $x \equiv 3 \pmod{5}$ , e  $x \equiv 4 \pmod{11}$ , sabendo que  $x \leq 600$ .