Universidade Federal de Pernambuco (UFPE) Centro de Informática (CIn) Graduação em Ciência da Computação

> Informática Teórica (IF689) 1º Semestre de 2003 2º Prova 26 de Agosto de 2003

1. (3,0) (Autômatos Finitos e Expressões Regulares)

Construa um autômato finito não-determinístico que aceite a linguagem $(ab \cup aba)^*a$. Agora use esse autômato para construir um outro que aceite a linguagem $((ab \cup aba)^*a)^*$. A partir deste último, construa um autômato finito determinístico que aceite a mesma linguagem.

2. (2,5) (Autômatos a Pilha e Linguagens Livres-de-Contexto)

Defina precisamente o conjunto de cadeias gerado pela seguinte gramática livrede-contexto:

$$S \rightarrow bS \mid Sa \mid aSb \mid \varepsilon$$

Construa um autômato a pilha que aceite tal linguagem.

3. (2,5) (Máquinas de Turing e Linguagens Recursivas/Recursivamente Enumeráveis)

Sabemos que a classe das linguagens recursivamente enumeráveis não é fechada sob complemento. Mostre que ela é fechada sob união e interseção.

4. (2,0) (Bombeamento, Indecidibilidade)

Para cada uma das afirmações abaixo, diga se é verdadeira ou falsa, **justificando** sua resposta.

- (i) O conjunto $\{ww \mid w \in \{0,1\}^*\}$ é regular.
- (ii) O problema de se determinar, dada um Máquina de Turing M e um símbolo a, se M alguma vez escreve a na fita quando alimentada com a palavra vazia, é indecidível.