Notas sobre Relações

Fonte: livro de Kenneth Rosen (ref. completa na página)

Centro de Informática
Universidade Federal de Pernambuco

CIn-UFPE

- Seja S um conjunto de pessoas.
- Digamos que queremos escolher os pares ordenados de $S \times S$ de forma que os componentes do par iniciem com a mesma letra. Esse subconjunto de $S \times S$ chamamos de **relação binária sobre S** .
- Podemos usar as seguintes notações para expressar essa relação:
  - 1 $R = \{(x, y) | x \text{ e } y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra}\};$
  - 2 $xRy \leftrightarrow x, y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra.}$

- Seja S um conjunto de pessoas.
- Digamos que queremos escolher os pares ordenados de $S \times S$ de forma que os componentes do par iniciem com a mesma letra. Esse subconjunto de $S \times S$ chamamos de **relação binária sobre S** .
- Podemos usar as seguintes notações para expressar essa relação:
  - 1 $R = \{(x, y) \mid x \text{ e } y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra}\};$
  - 2 $xRy \leftrightarrow x, y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra.}$

- Seja S um conjunto de pessoas.
- Digamos que queremos escolher os pares ordenados de $S \times S$ de forma que os componentes do par iniciem com a mesma letra. Esse subconjunto de $S \times S$ chamamos de **relação binária sobre S** .
- Podemos usar as seguintes notações para expressar essa relação:
  - 1 $R = \{(x, y) \mid x \text{ e } y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra}\};$
  - 2 $xRy \leftrightarrow x, y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra.}$

- Seja S um conjunto de pessoas.
- Digamos que queremos escolher os pares ordenados de $S \times S$ de forma que os componentes do par iniciem com a mesma letra. Esse subconjunto de $S \times S$ chamamos de **relação binária sobre S** .
- Podemos usar as seguintes notações para expressar essa relação:
  - 1 $R = \{(x, y) | x \text{ e } y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra}\};$
  - 2 $xRy \leftrightarrow x, y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra.}$

- Seja S um conjunto de pessoas.
- Digamos que queremos escolher os pares ordenados de $S \times S$ de forma que os componentes do par iniciem com a mesma letra. Esse subconjunto de $S \times S$ chamamos de **relação binária sobre S** .
- Podemos usar as seguintes notações para expressar essa relação:
  - 1 $R = \{(x, y) \mid x \text{ e } y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra}\};$
  - 2 $xRy \leftrightarrow x, y \in S \text{ e } x \text{ e } y \text{ começam com a mesma letra.}$

Exemplos

Exemplo

Seja $S = \{1, 2, 3\}$, liste os elementos das seguintes relações binárias sobre S :

- $xR_1y \leftrightarrow x = y$;
- $R_2 = \{(x, y) \mid x, y \in S \text{ e } x < y\}$
- Podemos também definir relações apenas listando seus elementos.
- Exemplo: $R_3 = \{(1, 2), (1, 3)\}$

Definições

Definição (Relação binária em um conjunto S)

Dado um conjunto S uma relação binária em S é um subconjunto de $S \times S$.

Genericamente:

Definição

Sejam S e T conjuntos. Uma relação binária de S para T (podemos também dizer “em $S \times T$ ”) é um subconjunto de $S \times T$.

Definições

Definição (Relação binária em um conjunto S)

Dado um conjunto S uma relação binária em S é um subconjunto de $S \times S$.

Genericamente:

Definição

Sejam S e T conjuntos. Uma relação binária de S para T (podemos também dizer “em $S \times T$ ”) é um subconjunto de $S \times T$.

Definições

Definição (Relação binária em um conjunto S)

Dado um conjunto S uma relação binária em S é um subconjunto de $S \times S$.

Genericamente:

Definição

Sejam S e T conjuntos. Uma relação binária de S para T (podemos também dizer “ em $S \times T$ ”) é um subconjunto de $S \times T$.

Função como relação

- Uma função pode ser vista como um tipo especial de relação, conforme definido a seguir.

Definição

Uma função f de A em B é um subconjunto de $A \times B$ onde cada elemento de A aparece exatamente uma única vez como componente de um par ordenado. A é o domínio e B o contradomínio da função.

- Quando uma relação é definida em um conjunto existem várias propriedades que são usadas para classificá-la.

Definição (Relação reflexiva)

Uma relação R em um conjunto A é chamada reflexiva se $(a, a) \in R$ para todo elemento $a \in A$.

Exemplo

A relação “divide” no conjunto dos inteiros positivos é reflexiva?

- Quando uma relação é definida em um conjunto existem várias propriedades que são usadas para classificá-la.

Definição (Relação reflexiva)

Uma relação R em um conjunto A é chamada reflexiva se $(a, a) \in R$ para todo elemento $a \in A$.

Exemplo

A relação “divide” no conjunto dos inteiros positivos é reflexiva?

- Quando uma relação é definida em um conjunto existem várias propriedades que são usadas para classificá-la.

Definição (Relação reflexiva)

Uma relação R em um conjunto A é chamada reflexiva se $(a, a) \in R$ para todo elemento $a \in A$.

Exemplo

A relação “divide” no conjunto dos inteiros positivos é reflexiva?

Simetria

Definição

Uma relação R em um conjunto A é dita simétrica se $(b, a) \in R$ toda vez que $(a, b) \in R$.

- $(a, b) \in R \rightarrow (b, a) \in R$, para $a, b \in A$

Anti-Simetria

Definição

Uma relação R em um conjunto A é dita anti-simétrica se $(a, b) \in R$ e $(b, a) \in R$ somente quando $a = b$, para $a, b \in A$.

- Sejam $a, b \in A$, se $(a, b) \in R \wedge (b, a) \in R \rightarrow a = b$.

Anti-Simetria

Definição

Uma relação R em um conjunto A é dita anti-simétrica se $(a, b) \in R$ e $(b, a) \in R$ somente quando $a = b$, para $a, b \in A$.

- Sejam $a, b \in A$, se $(a, b) \in R \wedge (b, a) \in R \rightarrow a = b$.

Transitividade

Definição

Uma relação R em um conjunto A é dita transitiva se quando $(a, b) \in R$ e $(b, c) \in R$ então $(a, c) \in R$, para $a, b, c \in A$.

- Sejam $a, b, c \in A$, se $(a, b) \in R \wedge (b, c) \in R \rightarrow (a, c) \in R$.

Transitividade

Definição

Uma relação R em um conjunto A é dita transitiva se quando $(a, b) \in R$ e $(b, c) \in R$ então $(a, c) \in R$, para $a, b, c \in A$.

- Sejam $a, b, c \in A$, se $(a, b) \in R \wedge (b, c) \in R \rightarrow (a, c) \in R$.