



UNIVERSIDADE FEDERAL DE PERNAMBUCO

Área II

Disciplina: Cálculo Numérico

Data: 11/02/2014

Segundo Semestre de 2013

### Segunda Avaliação

Nome do aluno

Assinatura do aluno

#### INSTRUÇÕES:

1. Leia toda a prova antes de iniciá-la. Informe imediatamente qualquer erro.
2. A prova pode ser respondida à lápis, mas as respostas finais devem estar em caneta.
3. Início da prova às **11:00** com duração de **2 horas** e um tempo mínimo de permanência em sala de **30** min.
4. A prova é **Individual** e **Sem consulta**.
5. Use **5 casas decimais e arredondamento padrão** nas suas respostas

#### **BOA PROVA!**

1. Certa população de insetos é contada a cada 5 anos, e a seguinte tabela é gerada.

Tempo (anos)	Número de insetos (em milhões)
0	100
5	89,556
10	78,4905
15	67,2706
20	56,38907

- a. Use a interpolação dos valores para encontrar uma aproximação do tamanho da população em 9 anos. (1,5)
  - b. Sabendo que a função que modela a quantidade de insetos é dada por  $f(x) = 300 / (2 + e^{0,06x})$ , calcule o erro da interpolação para  $t = 9$  anos. (1,5)
  - c. [Desafio] Quantos insetos deveriam ser contados em 20 anos para que a interpolação acusasse uma população nula em 12 anos? Justifique. (1,0)
2. Calcule aproximadamente a área da região situada no primeiro quadrante delimitada pela interseção entre as curvas  $g(x) = x^4 - 2$  e a função  $f$  definida pelo tabelamento abaixo.

$x_i$	-2	0	1	3	4
$f(x_i)$	2	-2	-1	7	14

- a. Obtenha, usando todos os pontos do tabelamento, o polinômio interpolador  $P$  que aproxima a função  $f$ . (1,0)
  - b. Apresente um gráfico exibindo as curvas em questão, a região solicitada, bem como os limites de integração. (1,0)
  - c. Obtenha, usando o método de Simpson com 5 pontos do intervalo de integração, o valor aproximado da área solicitada. (1,0)
  - d. Utilizando o método de Simpson, qual a quantidade mínima de intervalos que precisaríamos utilizar para obtermos uma precisão de  $10^{-8}$ ? Justifique. (1,0)
3. Projeto. (3,0)

$$|E| \leq \frac{nh^3}{12} M_2, M_2 = \max_{x_0 \leq m \leq x_n} |f''(m)|, |E| \leq \frac{nh^5}{180} M_4, M_4 = \max_{x_0 \leq m \leq x_n} |f^{iv}(m)|$$

$$\int_a^b h(x) dx \approx h \left[ \frac{E}{2} + I + P \right], \int_a^b h(x) dx \approx \frac{h}{3} [E + 4I + 2P]$$

$$P(x) = f(x_0) + (x - x_0)f(x_0, x_1) + (x - x_0)(x - x_1)f(x_0, x_1, x_2) + \cdots + (x - x_0)(x - x_1) \cdots (x - x_{n-1})f(x_0, x_1, \cdots, x_n)$$

$$P(x) = f(x_0) + (x - x_0) \frac{\Delta^1 f(x_0)}{1!h^1} + (x - x_0)(x - x_1) \frac{\Delta^2 f(x_0)}{2!h^2} + \cdots + (x - x_0)(x - x_1) \cdots (x - x_{n-1}) \frac{\Delta^n f(x_0)}{n!h^n}$$

$$P(x) = \sum_{i=0}^n f(x_i) \mathcal{L}_i(x) \text{ onde } \mathcal{L}_i(x) = \prod_{j=0, j \neq i}^n \frac{x - x_j}{x_i - x_j}$$