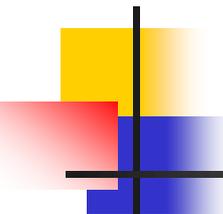


Segmentação de Imagens

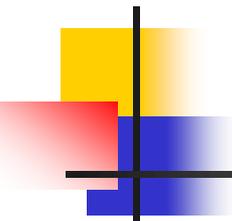
Carlos Alexandre Mello

Pós-Graduação em Ciência da Computação



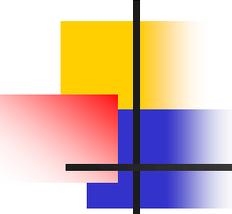
Segmentação

- **Segmentação** é o processo de dividir ou separar uma imagem em **objetos** ou **elementos** que são **coerentes** sob algum **critério**.
 - Esse **processo** de divisão **deve ocorrer** até que a informação desejada seja **corretamente separada**.
- **Classicamente, se divide** as técnicas de segmentação em:
 - **Seg. por Descontinuidade**
 - Ex.: detecção de bordas, de contornos, etc.
 - **Seg. por Similaridade**
 - Ex.: segmentação de cor, crescimento de regiões, etc.



Segmentação

- A grande dificuldade é ter automaticamente definido o que é objeto de interesse na cena
 - Às vezes, definido em cima da aplicação
- Por esse motivo, temos diferentes abordagens para tratar a questão de segmentação
- Mas nosso sistema visual segmenta mesmo?
 - http://www.ted.com/talks/lang/pt/pawan_sinha_on_how_brains_learn_to_see.html



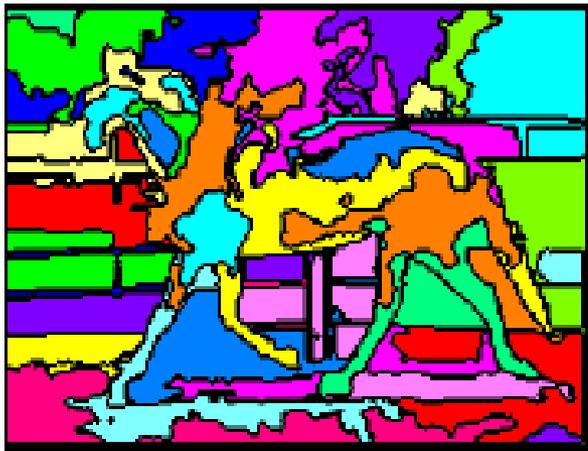
Segmentação

- Tipos de segmentação
 - Detecção de bordas
 - Detecção de contornos
 - Segmentação de objetos
 - Por similaridade
 - Por dissimilaridade
 - Ambas, em algum sentido

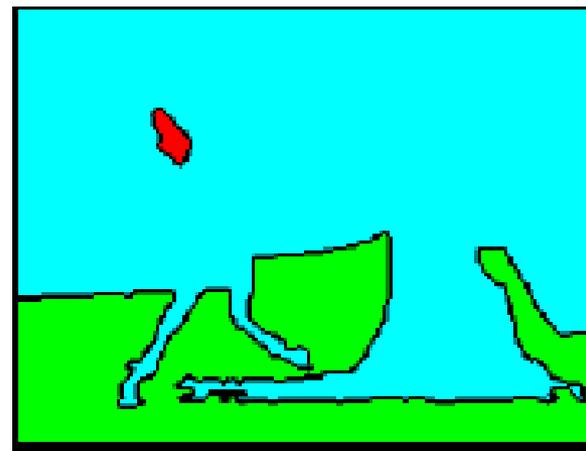
Segmentação



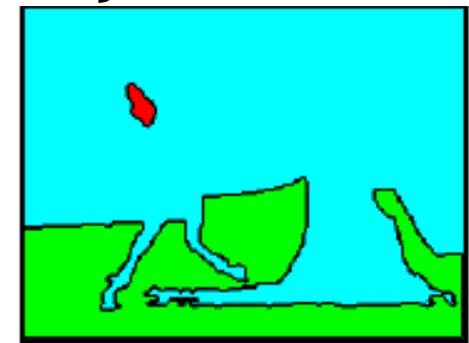
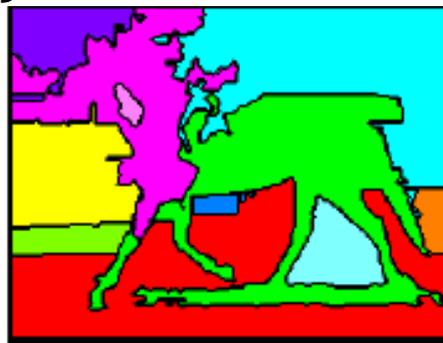
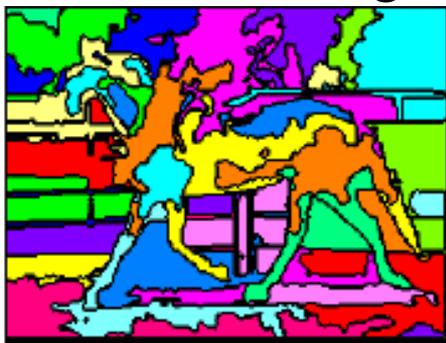
- Quanto ao resultado final



Sobre-segmentação



Sub-segmentação



Múltiplas segmentações

Carlos Alexandre Mello – cabm@cin.ufpe.br

Segmentação

■ Processos principais

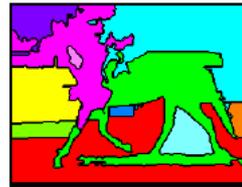
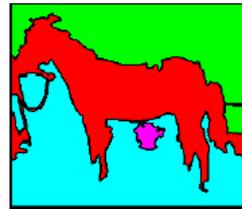
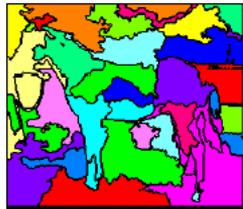
- Bottom-up: agrupa tokens com características semelhantes
- Top-down: agrupa tokens que parecem pertencer ao mesmo objeto

Input



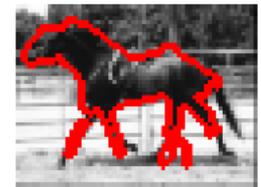
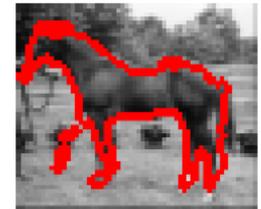
(a)

Bottom-up



(b)

Top-down



(c)

Segmentação – Padrão ouro



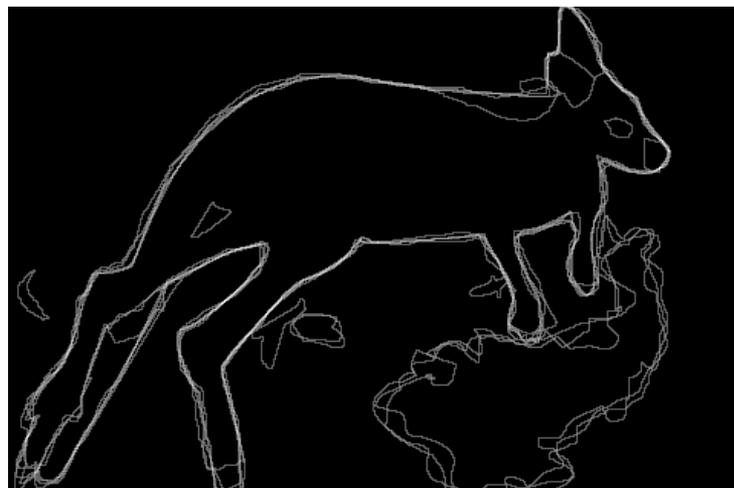
Fonte: The Berkeley Segmentation Dataset and Benchmark
<https://www.eecs.berkeley.edu/Research/Projects/CS/vision/bsds/>

Carlos Alexandre Mello – cabm@cin.ufpe.br

Segmentação – Padrão ouro



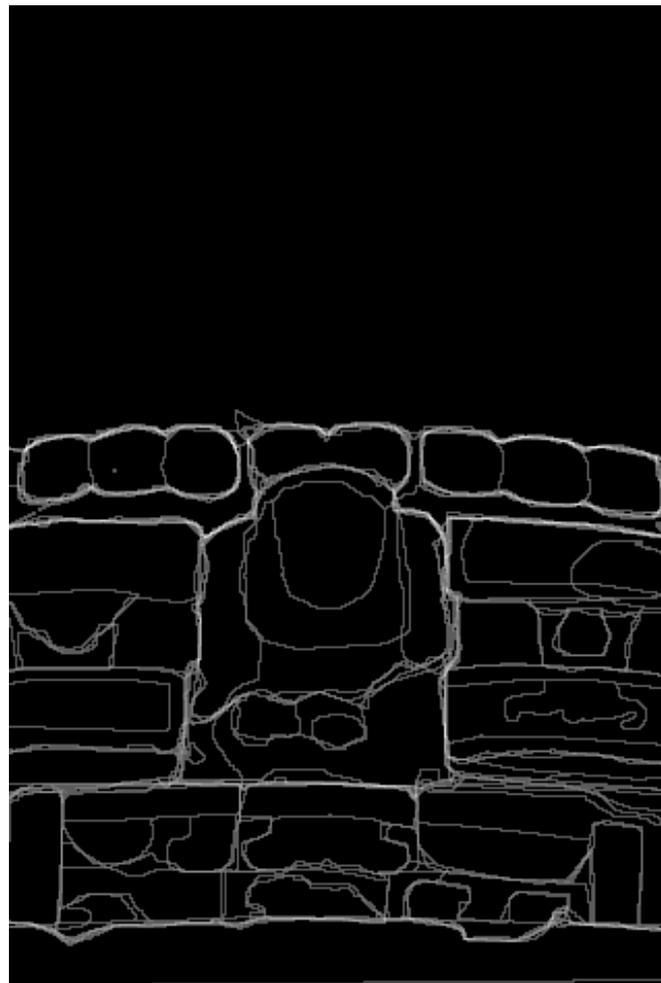
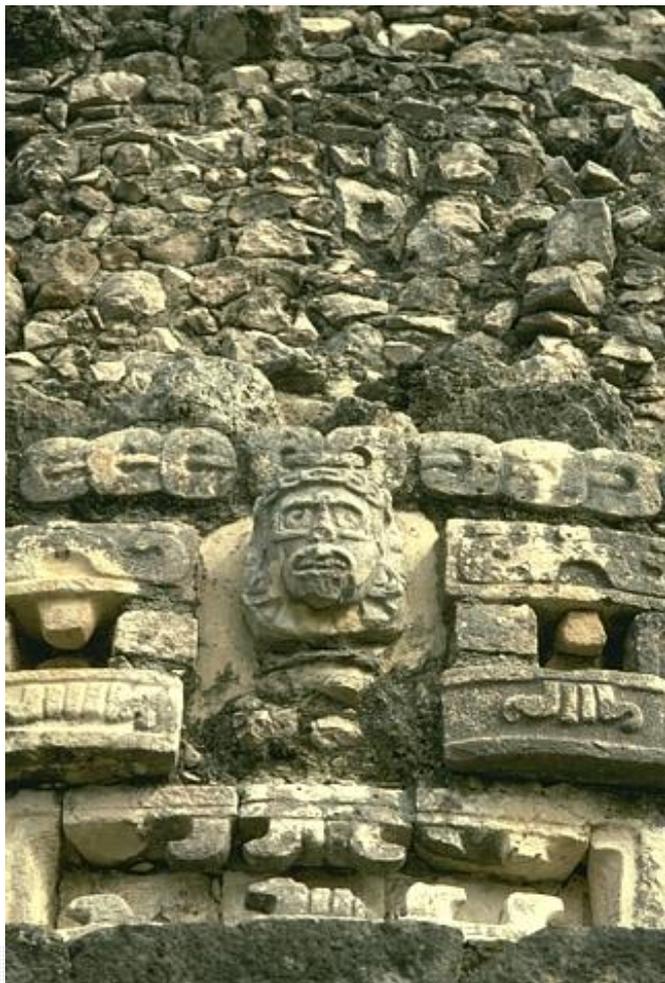
Segmentação – Padrão ouro

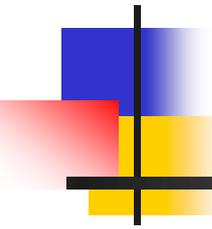


Segmentação – Padrão ouro



Segmentação – Padrão ouro





Segmentação por Limiarização

Carlos Alexandre Mello

Limiarização

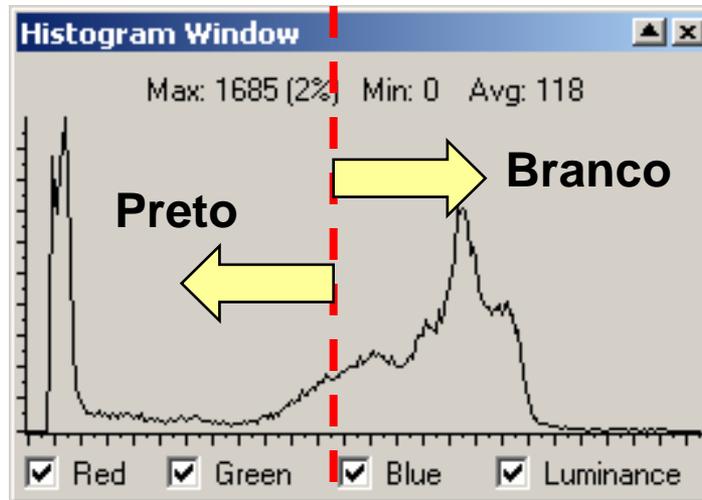
- Conversão de uma imagem para dois tons a partir de um dado ponto de corte (limiar)



Limiarização

- Algoritmo de Recorte

**Se $cor(i) \leq 127$
Então $cor(i) = \text{Preto}$
Senão $cor(i) = \text{Branco}$**

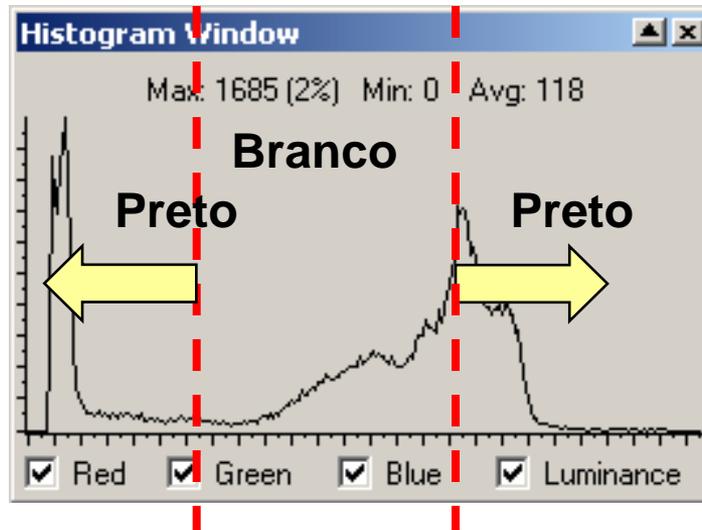


**Valor de Corte = 127
(threshold, limiar)**

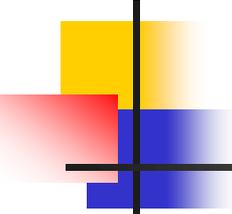
Limiarização

- Algoritmo de Recorte (faixa de corte)

**Se $50 < \text{cor}(i) < 100$
Então $\text{cor}(i) = \text{Branco}$
Senão $\text{cor}(i) = \text{Preto}$**



Branco entre 50 e 100



Limiarização

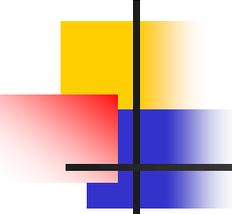
■ Tipos de Limiarização

■ Global

- Um único valor de corte é definido para toda a imagem
 - Vantagem: Velocidade
 - Desvantagem: Qualidade

■ Local

- Diferentes pontos de corte são definidos para diferentes regiões da imagem
 - Vantagem: Qualidade
 - Desvantagem: Velocidade



Limiarização

- Tipos de Limiarização

- Global

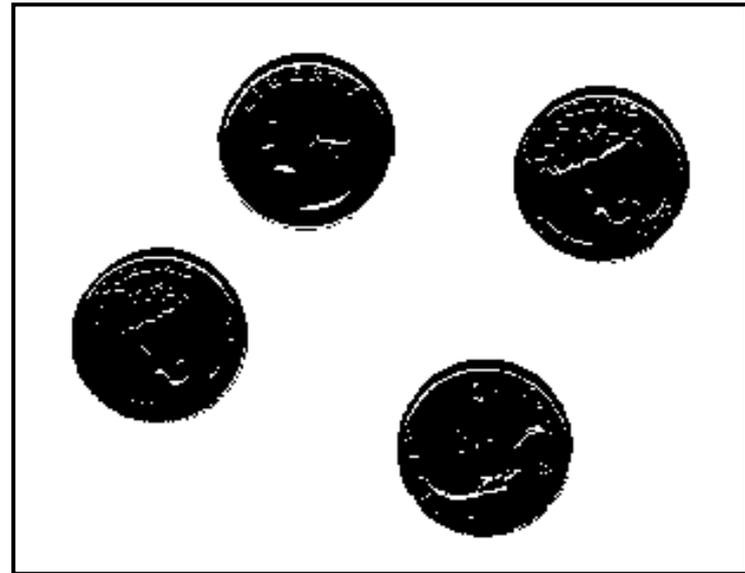
- Mean Grey Level, Dois Picos, Otsu, Renyi, Pun, Kapur, Johannsen, etc

- Local

- Niblack, White, Bernsen, etc

Limiarização

- Limiarização Ótima



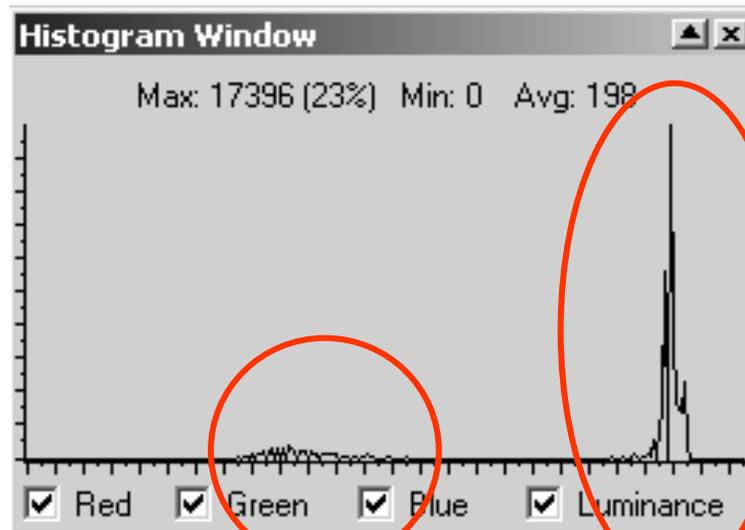
**Objetos formados por tons bem diferentes do background:
Fácil redução de cores com qualidade**

Limiarização

■ Limiarização Ótima



Imagem original com cores bem distintas no Histograma



Região com os tons da moeda

Região com os tons do background

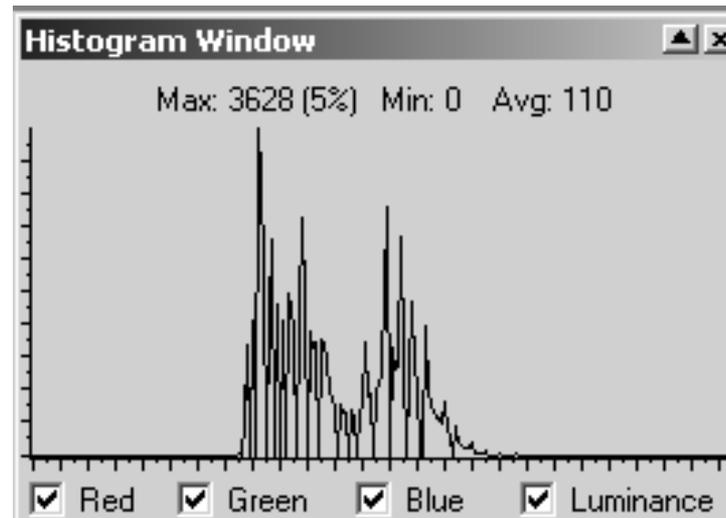
Regiões bem separadas

Limiarização

■ Problemas na Limiarização



Problema: Imagem com baixo contraste



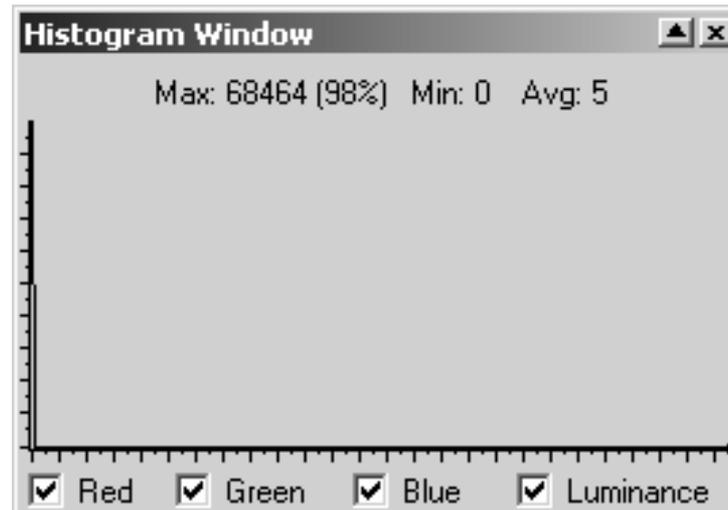
É possível, por exemplo, separar automaticamente a menina do background?

Limiarização

■ Problemas na Limiarização

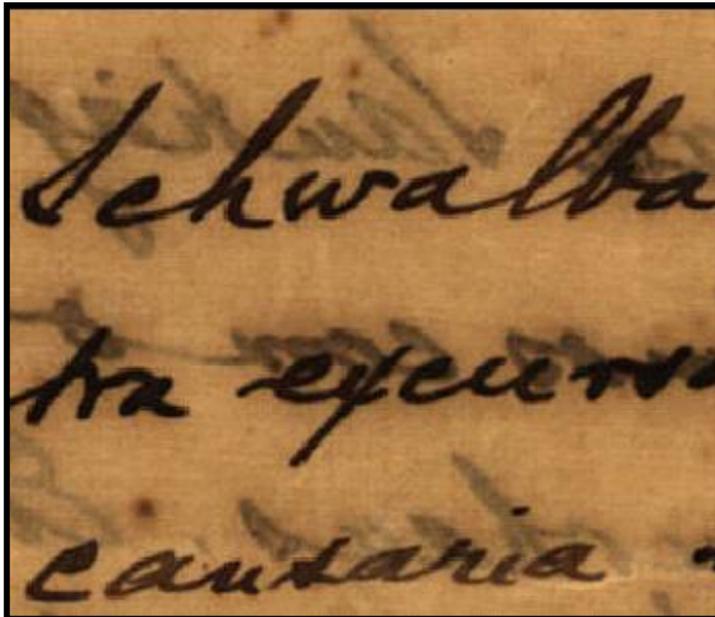


Resultado da Limiarização



Limiarização

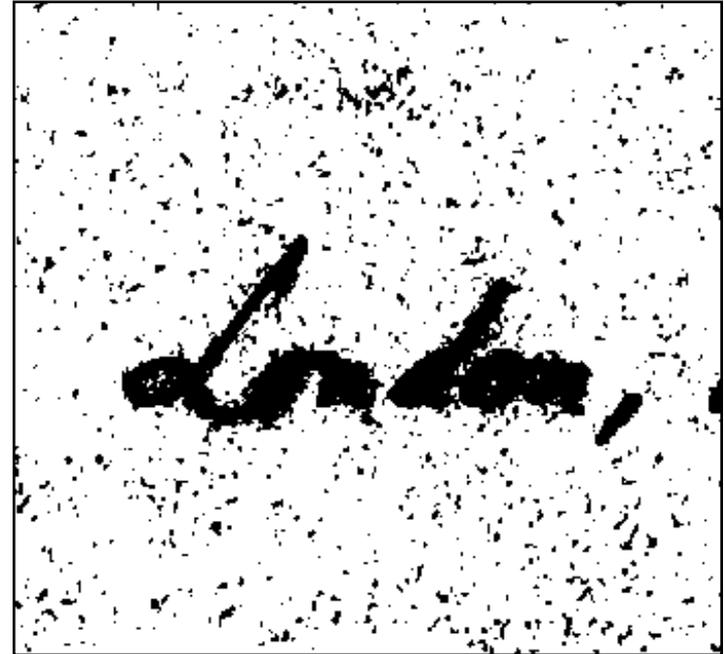
- Problemas na Limiarização



**Algoritmo de threshold com
valor de corte padrão**

Limiarização Global

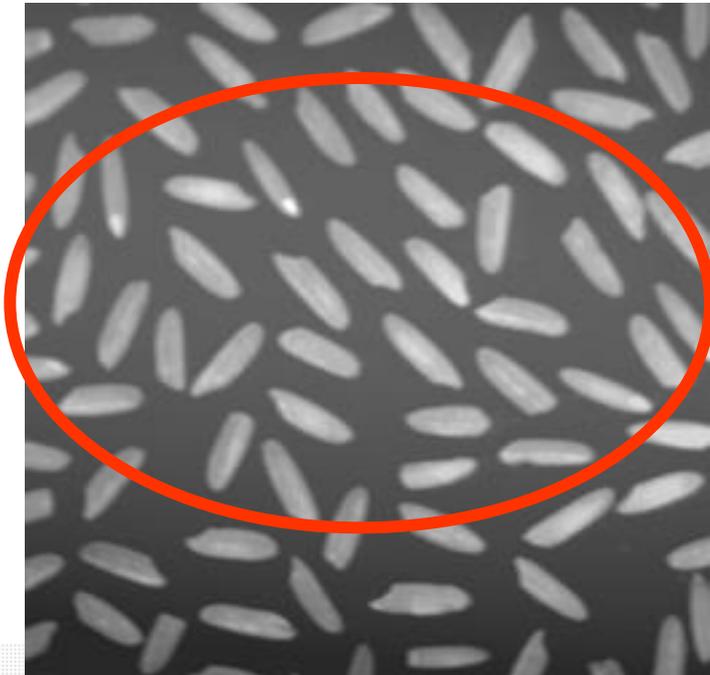
- Porcentagem de Preto



th = 119 (10% de preto)

Limiarização Local

- O valor de corte varia dentro de uma mesma imagem, dependendo de fatores da imagem
 - Exemplo: Imagem com diferentes focos de iluminação



Área iluminada

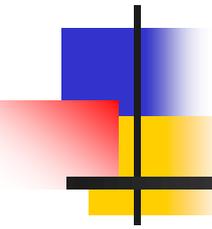
Limiarização Local

- Niblack: Exemplo



Janela = 31; Bias = -0.8

$th = média + bias * desvio$



Segmentação de Bordas

Carlos Alexandre Mello

Segmentação de Imagens

■ Principais algoritmos

■ Baseados em Descontinuidade

- A imagem é particionada, tomando como base mudanças bruscas em níveis de cinza



Mudanças entre tons
claros e escuros

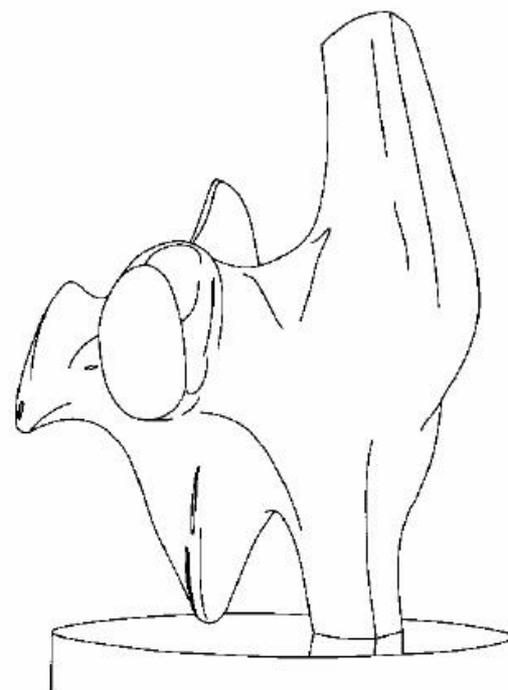
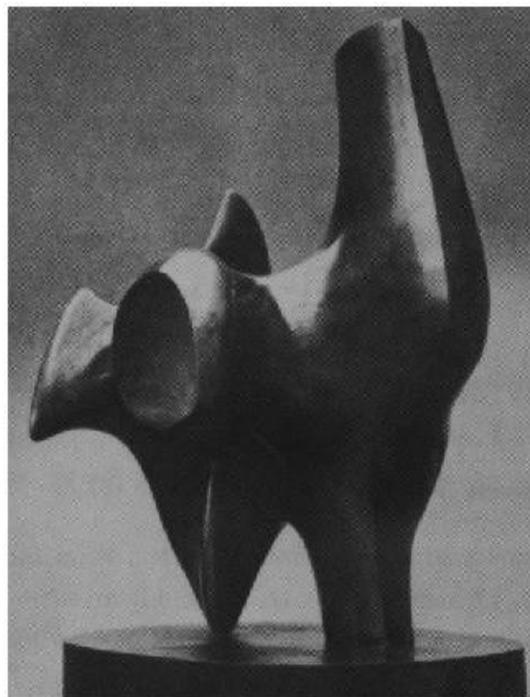
■ Baseados em Similaridades

- Baseada em limiarização, crescimento de regiões e divisão e fusão de regiões

■ Válidos para imagens estáticas e dinâmicas

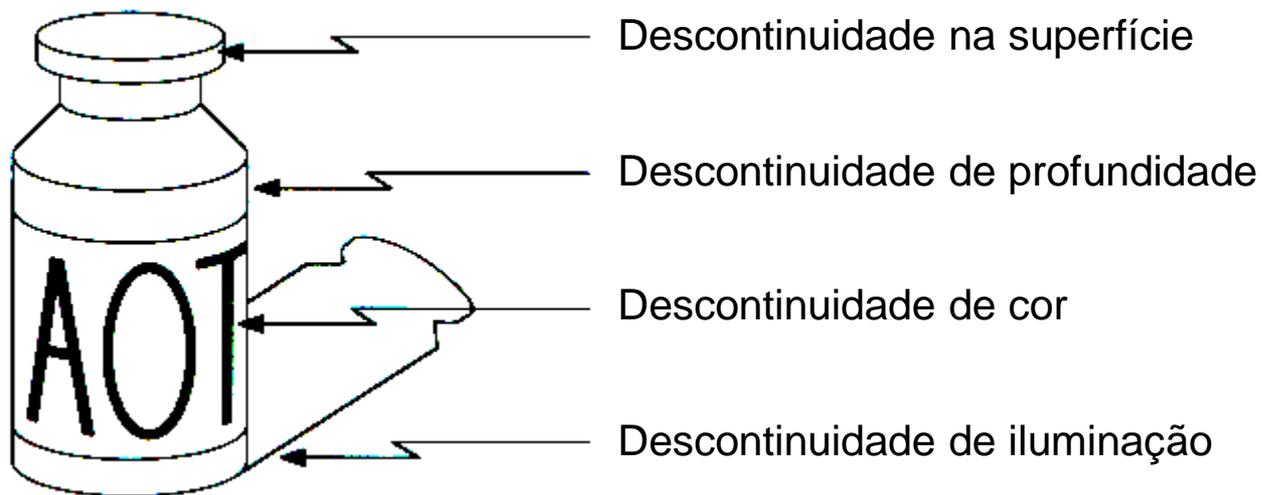
Edge Detection – Detecção de Bordas

- Converte uma imagem 2D em um conjunto de curvas
 - Extrai características salientes da cena



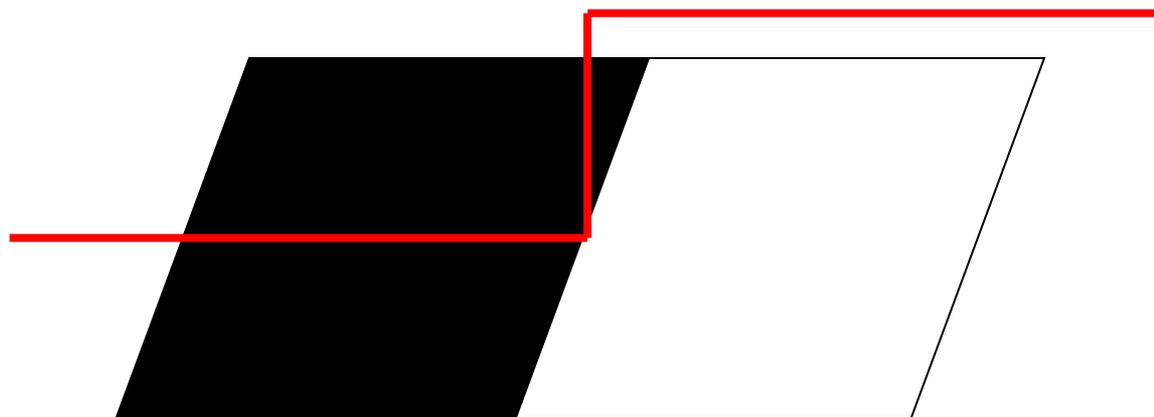
Edge Detection – Detecção de Bordas

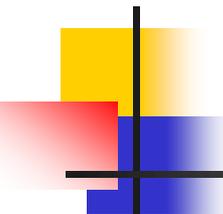
- As bordas são causadas por uma variedade de fatores



Edge Detection – Detecção de Bordas

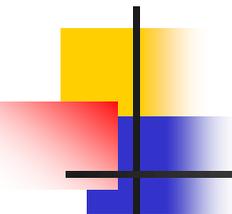
- As bordas ocorrem junto com mudanças





Edge Detection – Detecção de Bordas

- Derivada de Primeira Ordem / Métodos de Gradiente
 - Operadores de Roberts
 - Operadores de Sobel
 - Operadores de Prewitt
- Derivada de Segunda Ordem
 - Laplaciano
 - Laplaciano de Gaussiana (LoG)
 - Diferença de Gaussianas (DoG)
- Detecção de Bordas Ótimo
 - Canny Edge Detection



Edge Detection – Detecção de Bordas

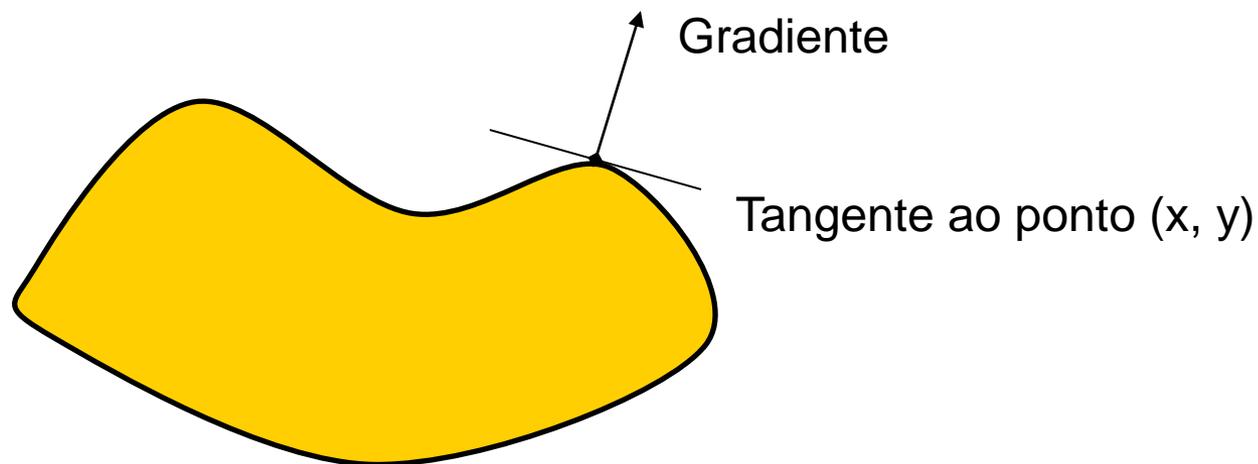
■ Gradiente

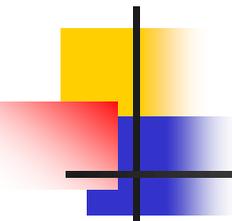
- A detecção de bordas é essencialmente uma operação de identificação de mudanças locais significativas nos tons de uma imagem
- Essas mudanças podem ser descritas através de derivadas
- Como uma imagem depende de duas coordenadas espaciais, as bordas podem ser expressas por meio de derivadas parciais
- Uso do Gradiente: um vetor cuja direção indica os locais nos quais os níveis de cinza sofrem maior variação

Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente

- O gradiente tem direção sempre perpendicular à tangente da borda





Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente

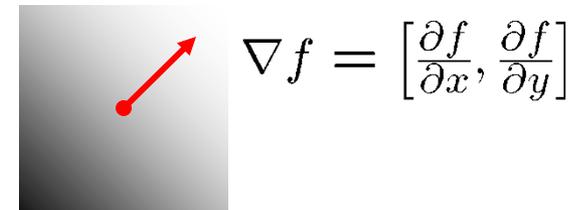
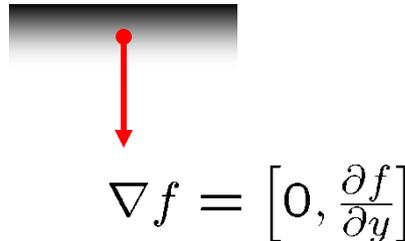
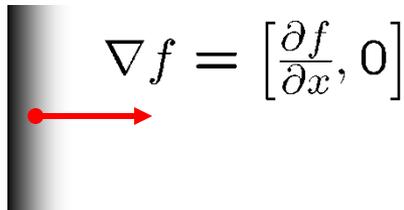
- Para detecção de bordas, duas medidas são importantes:
 - A magnitude do vetor gradiente
 - $\nabla f = \text{mag}(\nabla f) = (G_x^2 + G_y^2)^{1/2} = ((\partial f/\partial x)^2 + (\partial f/\partial y)^2)^{1/2}$
 - ou
 - $\nabla f \approx |G_x| + |G_y|$
 - A direção do vetor gradiente
 - Seja $\theta(x, y)$ o ângulo da direção do vetor ∇f na posição (x, y) , então $\theta(x, y) = \tan^{-1}(G_y/G_x)$

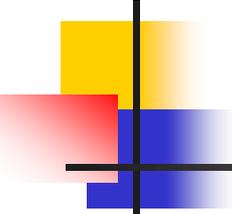
Edge Detection – Detecção de Bordas

- Gradiente de uma imagem
 - O gradiente de uma imagem

$$\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y} \right]$$

- O gradiente aponta na direção da mudança mais rápida de intensidade



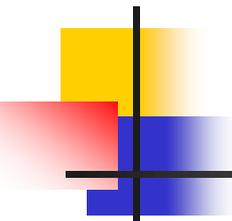


Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente Discreto

- Como podemos calcular a derivada de uma imagem $f(x, y)$
 - Opção 1: reconstruir uma imagem contínua e então tomar o gradiente
 - Opção 2: tomar a derivada discreta (diferença finita)

$$\frac{\partial f}{\partial x}[x, y] \approx f[x + 1, y] - f[x, y]$$



Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente Discreto

- Uma mudança de intensidade pode ser detectada pela diferença entre os valores de pixels adjacentes
- Bordas verticais podem ser detectadas pela diferença horizontal entre pontos, enquanto bordas horizontais podem ser detectadas pela diferença vertical entre pontos adjacentes da imagem

Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente Discreto

$f(x-1,y-1)$	$f(x-1,y)$	$f(x-1,y+1)$
$f(x,y-1)$	$f(x,y)$	$f(x,y+1)$
$f(x+1,y-1)$	$f(x+1,y)$	$f(x+1,y+1)$

- Uma outra abordagem é o cálculo aproximado do gradiente por diferenças cruzadas:

$$\nabla f \approx \sqrt{[f(x,y) - f(x+1,y+1)]^2 + [f(x+1,y) - f(x,y+1)]^2}$$

Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente Discreto

$f(x-1,y-1)$	$f(x-1,y)$	$f(x-1,y+1)$
$f(x,y-1)$	$f(x,y)$	$f(x,y+1)$
$f(x+1,y-1)$	$f(x+1,y)$	$f(x+1,y+1)$

■ Ou uso de valores absolutos:

$$\nabla f \approx |f(x,y) - f(x+1,y+1)| + |f(x+1,y) - f(x,y+1)|$$

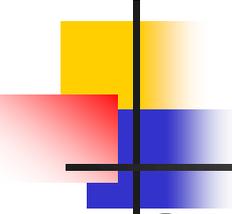
Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Gradiente Discreto

- Essa aproximação por valores absolutos pode ser implementada por máscaras
- Toma-se o valor absoluto das duas máscaras e soma-se os resultados:

$$G_x = \begin{array}{|c|c|} \hline 1 & 0 \\ \hline 0 & -1 \\ \hline \end{array}$$

$$G_y = \begin{array}{|c|c|} \hline 0 & -1 \\ \hline 1 & 0 \\ \hline \end{array}$$



Edge Detection – Detecção de Bordas

- Operadores de Kirsh (1971)
 - Consiste em 8 máscaras de convolução orientadas em 45°
 - Para cada pixel da imagem, o operador aplica cada uma das 8 orientações da máscara de derivadas e mantém o valor máximo
 - O gradiente é então obtido pela maior resposta do conjunto de máscaras

Edge Detection – Detecção de Bordas

Operadores de Kirsh (1971)

5	-3	-3
5	0	-3
5	-3	-3

-3	-3	-3
5	0	-3
5	5	-3

-3	-3	-3
-3	0	-3
5	5	5

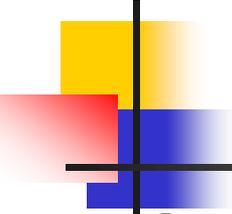
-3	-3	-3
-3	0	5
-3	5	5

-3	-3	5
-3	0	5
-3	-3	5

-3	5	5
-3	0	5
-3	-3	-3

5	5	5
-3	0	-3
-3	-3	-3

5	5	-3
5	0	-3
-3	-3	-3



Edge Detection – Detecção de Bordas

- Operadores de Sobel (1990)

- Aproxima a magnitude do gradiente como a diferença de valores ponderados dos níveis de cinza como:

- $G_x \approx [f(x - 1, y + 1) + 2f(x, y + 1) + f(x + 1, y + 1)] - [f(x - 1, y - 1) + 2f(x, y - 1) + f(x + 1, y - 1)]$

- $G_y \approx [f(x + 1, y - 1) + 2f(x + 1, y) + f(x + 1, y + 1)] - [f(x - 1, y - 1) + 2f(x - 1, y) + f(x - 1, y + 1)]$

Edge Detection – Detecção de Bordas

Operadores de Sobel (1990)

- Operadores mais comumente usados:

$$\frac{1}{p} \begin{matrix} & G_x & \\ \begin{matrix} -1 & 0 & 1 \\ 2-p & 0 & p-2 \\ -1 & 0 & 1 \end{matrix} & & \begin{matrix} G_y \\ \begin{matrix} -1 & 2-p & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & p-2 & 1 \end{matrix} \end{matrix}$$

	Prewitt	Sobel	Isotropic
p	3	4	$2 + \sqrt{2}$

- A definição padrão dos operadores omite o $1/p$
 - Não faz diferença para a detecção de bordas
 - O termo $1/p$ é necessário para ter o valor correto do gradiente

Edge Detection – Detecção de Bordas

■ Outros Operadores

$$\Delta_1$$
$$\begin{matrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{matrix}$$

$$\Delta_2$$
$$\begin{matrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{matrix}$$

(a)

$$\Delta_1$$
$$\begin{matrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{matrix}$$

$$\Delta_2$$
$$\begin{matrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & -1 \end{matrix}$$

(b)

$$\Delta_1$$
$$\begin{matrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{matrix}$$

$$\Delta_2$$
$$\begin{matrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{matrix}$$

(c)

$$\Delta_1$$
$$\begin{matrix} -3 & -1 & 1 & 3 \\ -3 & -1 & 1 & 3 \\ -3 & -1 & 1 & 3 \\ -3 & -1 & 1 & 3 \end{matrix}$$

$$\Delta_2$$
$$\begin{matrix} 3 & 3 & 3 & 3 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -1 & -1 & -1 & -1 \\ -3 & -3 & -3 & -3 \end{matrix}$$

(d)

(a): operador de Roberts (b): 3x3 operador de Prewitt

(c): operador de Sobel (d) 4x4 operador de Prewitt

Detecção de Descontinuidades

■ Detecção de Linhas

-1	-1	-1
2	2	2
-1	-1	-1

Horizontal

-1	-1	2
-1	2	-1
2	-1	-1

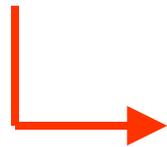
+45°

-1	2	-1
-1	2	-1
-1	2	-1

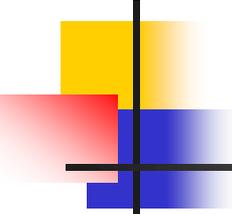
Vertical

2	-1	-1
-1	2	-1
-1	-1	2

-45°



**Intensifica regiões
horizontais em uma imagem**



Detecção de Descontinuidades

- Detecção de Bordas
 - Abordagem mais comum para detecção de descontinuidades
 - Uma borda é o limite entre duas regiões com propriedades relativamente distintas de nível de cinza

Detecção de Descontinuidades

- Detecção de Bordas
 - Operadores de Gradiente (Sobel)



-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

-1	0	1
-2	0	2
-1	0	1



Detecção de Descontinuidades

- Detecção de Bordas
 - Máscaras Ortogonais (Frei e Chen)



0	1	0
-1	0	-1
0	1	0



Detecção de Descontinuidades

- Detecção de Bordas
 - Máscaras Ortogonais (Frei e Chen)



-1	0	1
0	0	0
1	0	-1



Detecção de Descontinuidades

- Detecção de Bordas
 - Máscaras Ortogonais (Frei e Chen)



1	-2	1
-2	4	-2
1	-2	1



Detecção de Descontinuidades

- Detecção de Bordas
 - Máscaras Ortogonais (Frei e Chen)



-2	1	-2
1	4	1
-2	1	-2



Operador de Roberts - Exemplo

- Pontos espúrios indicam que o operador é susceptível a ruído



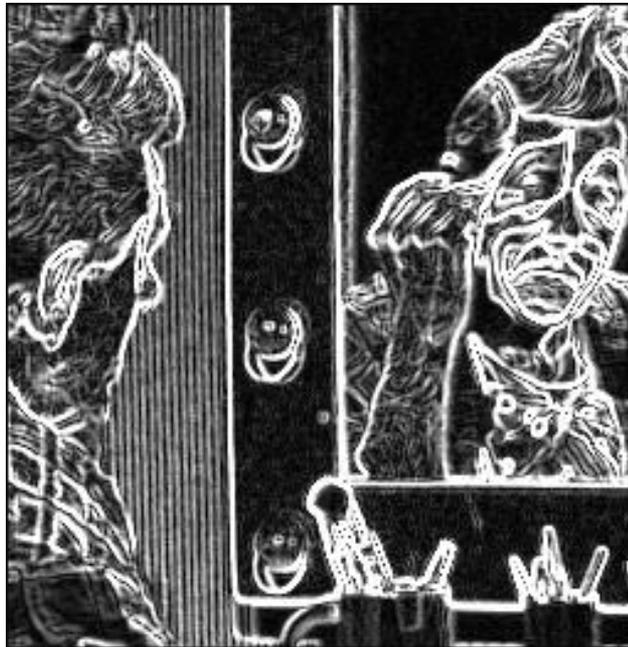
Original



Roberts

Operador de Sobel - Exemplo

- Compare a saída do operador de Sobel com a de Roberts:
 - O ruído ainda está presente mas com menor intensidade
 - O operador de Roberts perdeu algumas bordas
 - O operador de Sobel detecta bordas mais grossas



Sobel



Roberts

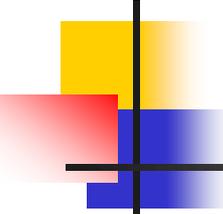
Detecção de Descontinuidades

- Derivada de Segunda Ordem
 - Laplaciano



0	1	0
1	-4	1
0	1	0



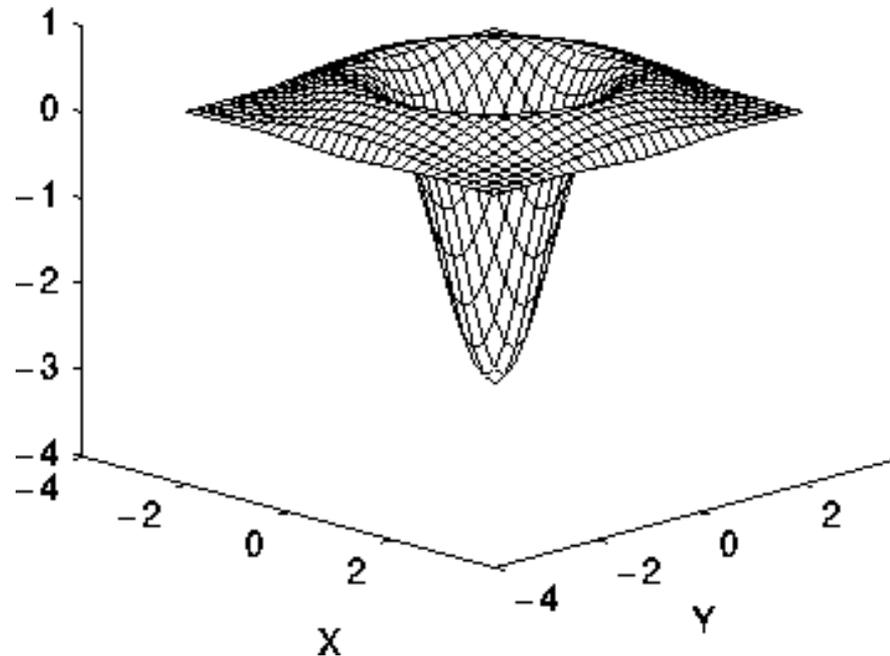


Detecção de Descontinuidades

- Derivada de Segunda Ordem
- Laplaciano da Gaussiana
 - Também chamado de Marr-Hildreth Edge Detector
- Passos
 - Suavizar a imagem usando filtro Gaussiano
 - Intensificar as bordas usando o operador Laplaciano
 - Passagens pelo Zero denotam a localização de bordas
 - Uso de interpolação linear para determinar a localização dos pixels na borda

Detecção de Descontinuidades

- Laplaciano de Gaussiana
 - Também chamado de operador de Chapéu Mexicano $\times 10^{-3}$



Detecção de Descontinuidades

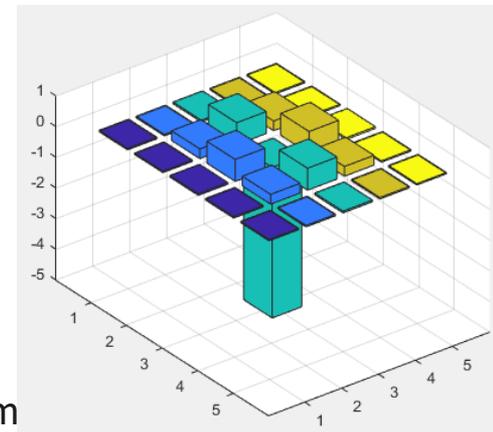
- Derivada de Segunda Ordem
 - Laplaciano de Gaussiana

```
>> h = fspecial ('log')
```

```
h =
```

```
    0.0448    0.0468    0.0564    0.0468    0.0448  
    0.0468    0.3167    0.7146    0.3167    0.0468  
    0.0564    0.7146   -4.9048    0.7146    0.0564  
    0.0468    0.3167    0.7146    0.3167    0.0468  
    0.0448    0.0468    0.0564    0.0468    0.0448
```

```
>> im_filt = imfilter (im, h);
```



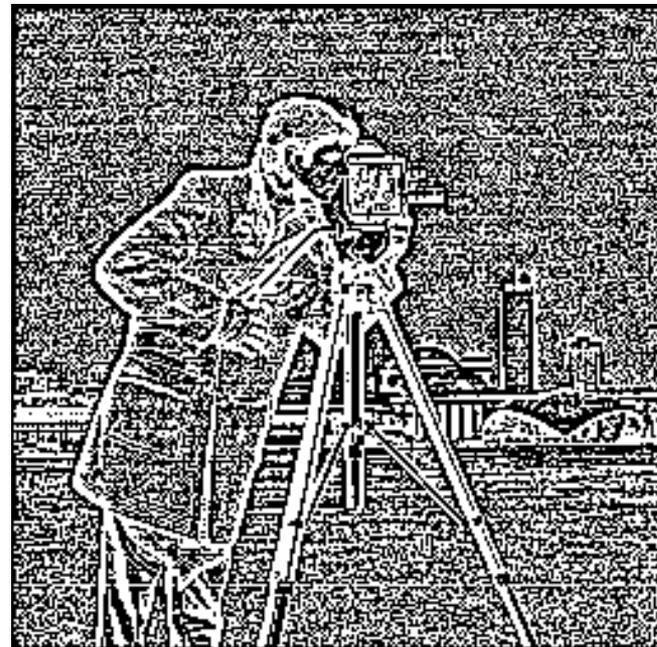
Detecção de Descontinuidades

- Derivada de Segunda Ordem
 - Laplaciano de Gaussiana



Detecção de Descontinuidades

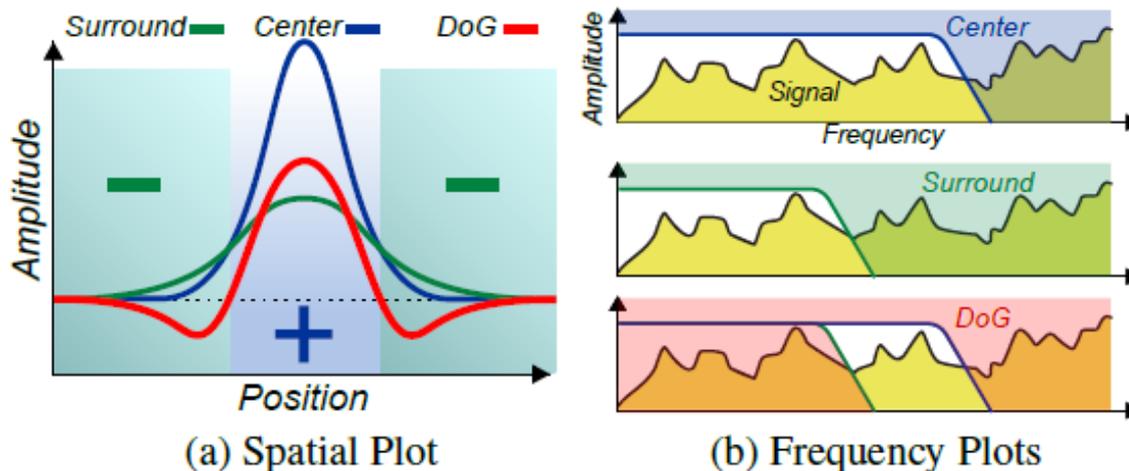
- Derivada de Segunda Ordem
 - Laplaciano de Gaussiana (binarizada)



Detecção de Descontinuidades

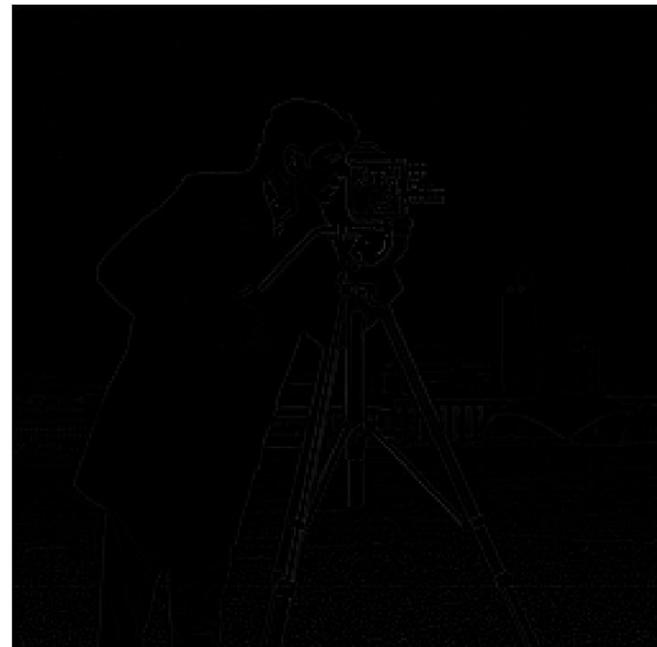
- Derivada de Segunda Ordem
- Diferença de Gaussianas (DoG)

```
>> h1 = fspecial ('gaussian', 5, 0.5);  
>> h2 = fspecial ('gaussian', 5, 0.3);  
>> h = h1 - h2;  
>> im_filt = imfilter (im, h);
```



Detecção de Descontinuidades

- Derivada de Segunda Ordem
 - Diferença de Gaussianas



Detecção de Descontinuidades

- Derivada de Segunda Ordem
 - Diferença de Gaussianas (binarizada)



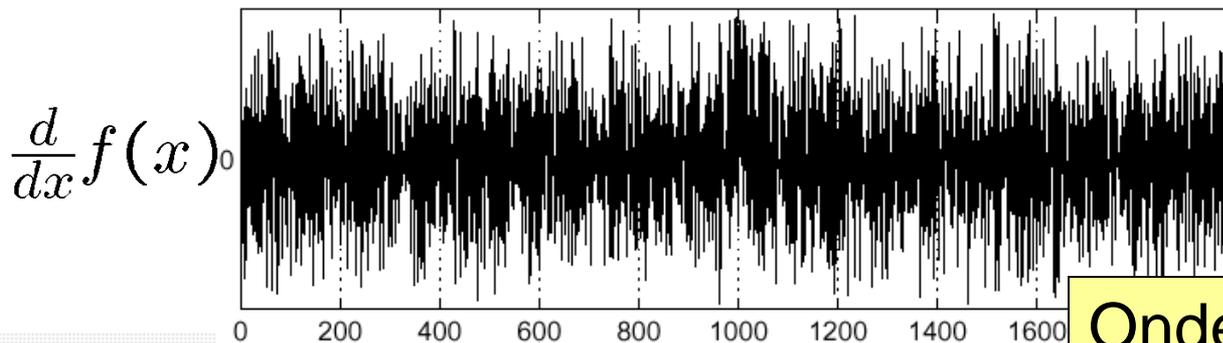
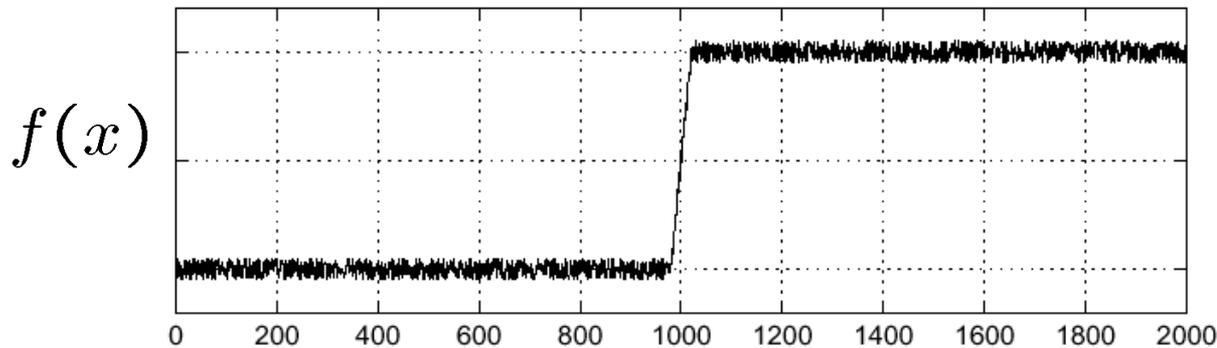
Detecção de Descontinuidades

- Derivada de Segunda Ordem
 - Diferença de Gaussianas (*enhanced*)



Efeito do ruído

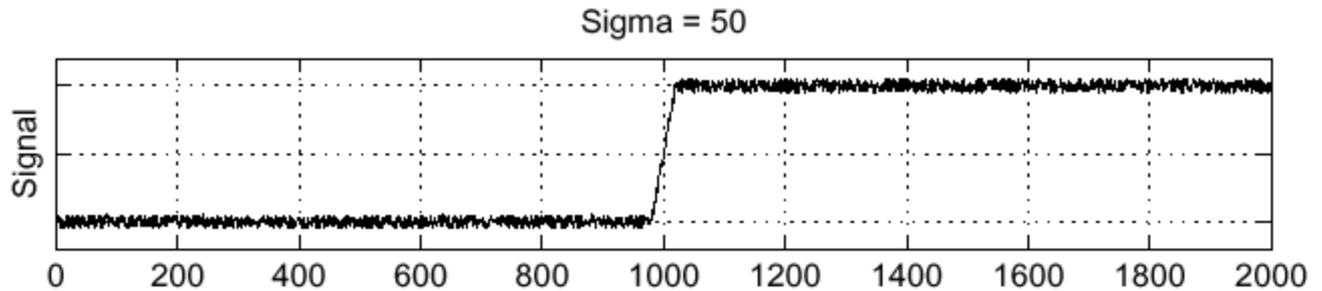
- Considere uma única linha ou coluna da imagem
 - Suponha um sinal ruidoso



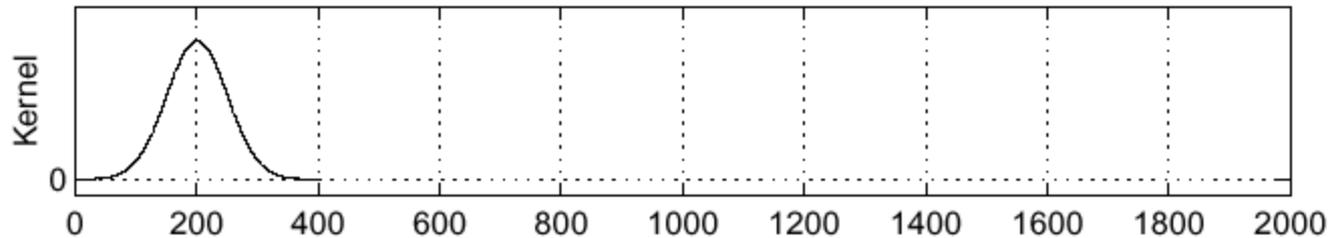
Onde está a borda?

Solução: suavizar primeiro

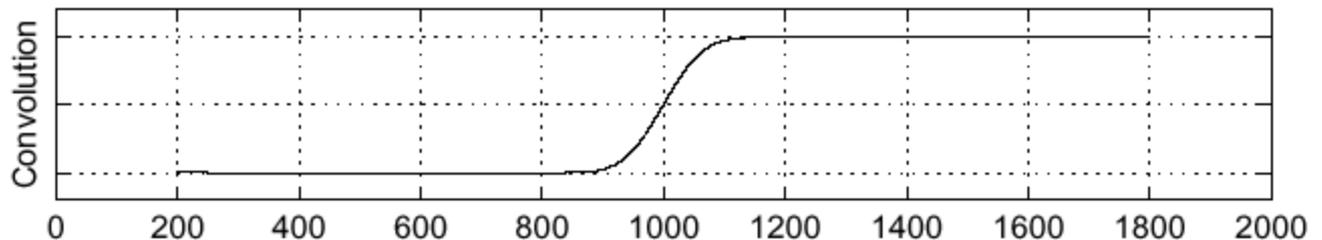
f



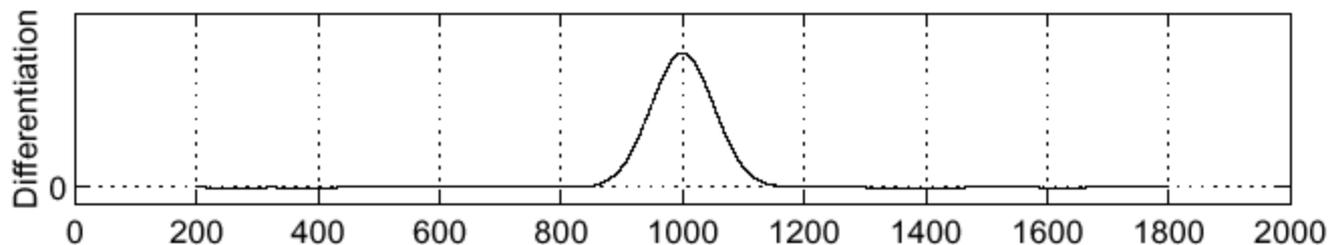
h



$h \star f$



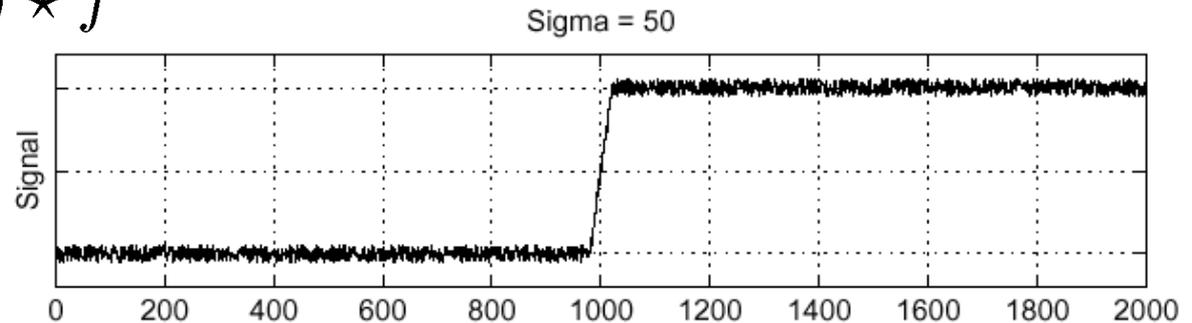
$\frac{\partial}{\partial x}(h \star f)$



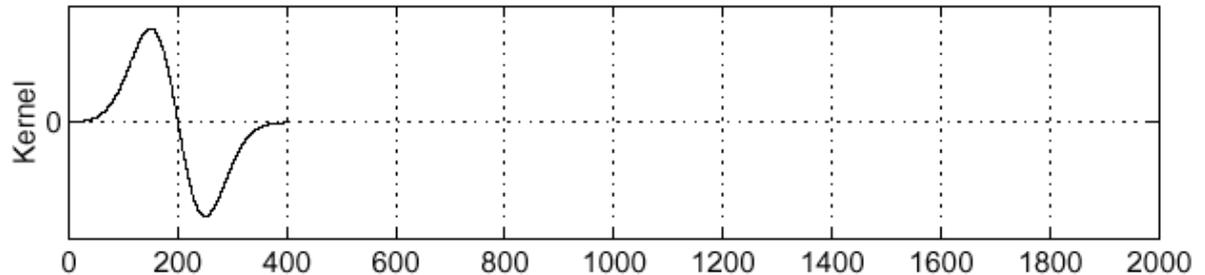
Teorema da Derivada da Convolução

$$\frac{\partial}{\partial x}(h \star f) = \left(\frac{\partial}{\partial x}h\right) \star f$$

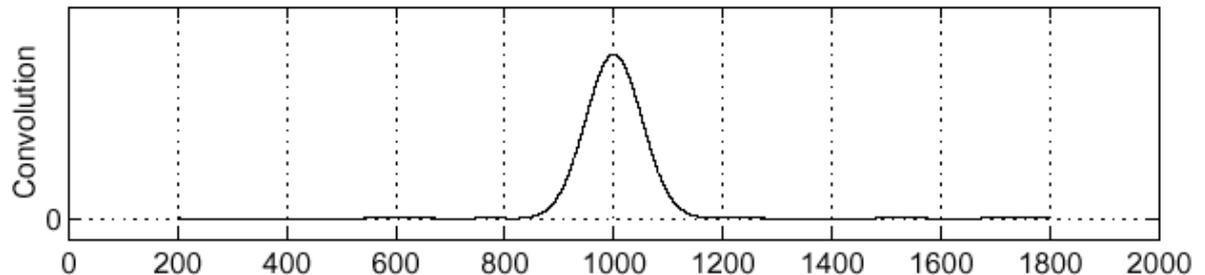
f



$\frac{\partial}{\partial x}h$



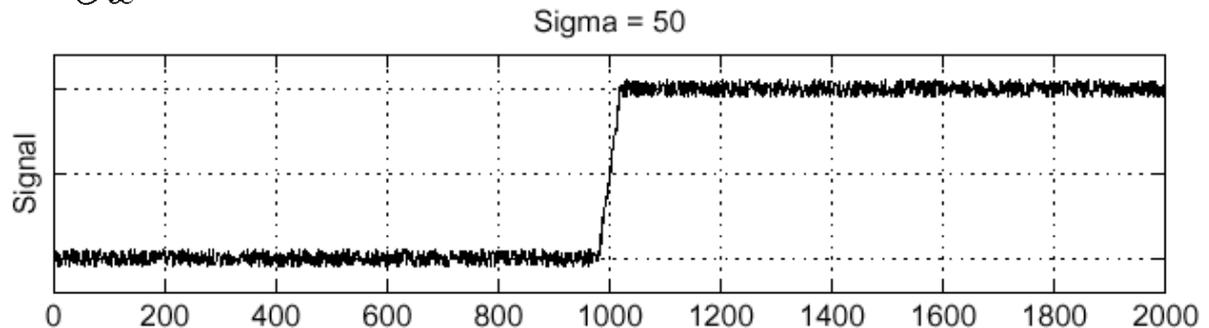
$\left(\frac{\partial}{\partial x}h\right) \star f$



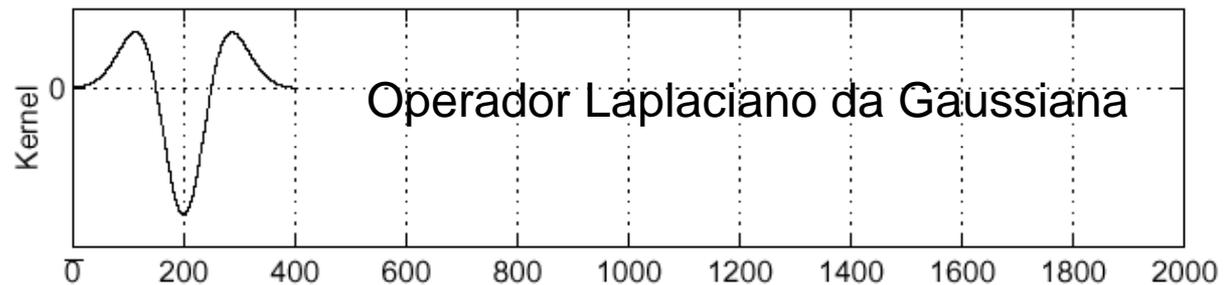
Laplaciano da Gaussiana (LoG)

- Considerare $\frac{\partial^2}{\partial x^2}(h \star f)$

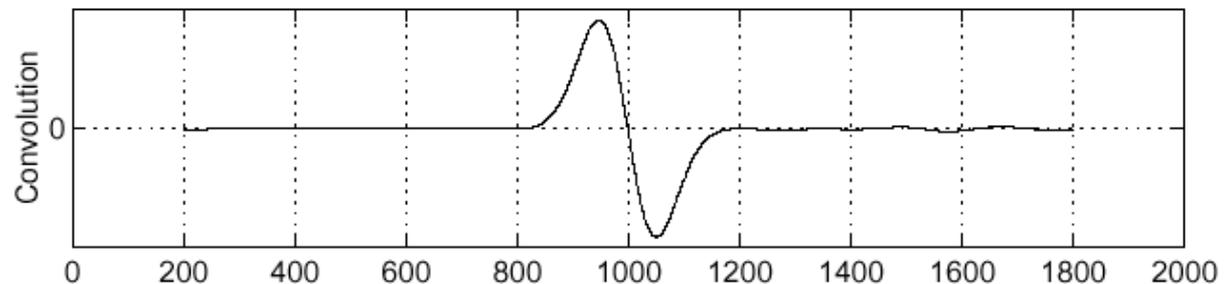
f

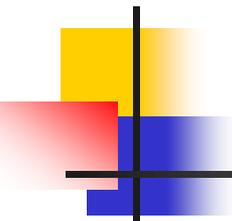


$\frac{\partial^2}{\partial x^2}h$



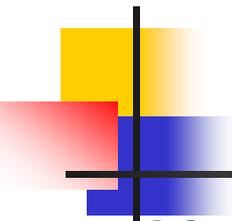
$(\frac{\partial^2}{\partial x^2}h) \star f$





Detecção de Borda Ótimo: Canny

- John Canny, 1986
- Um bom detector deve se preocupar com:
 - Taxa de erro: O detector deve responder apenas a bordas, encontrando todas
 - Localização: A distância entre os pixels de borda encontrados e as bordas reais deve ser a menor possível
 - Resposta: O detector não deve identificar múltiplos pixels de borda onde só existir uma borda



Detecção de Borda Ótimo: Canny

■ Algoritmo:

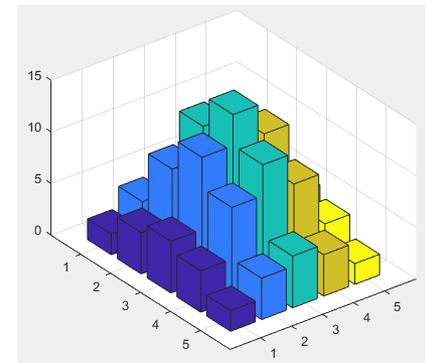
- 1. Suavização da imagem
 - Objetivo: Eliminar ruído
- 2. Busca por gradientes
 - Intensifica regiões com maiores derivadas
- 3. Encontra a direção das bordas
- 4. Aproxima as direções para 0, 45, 90 ou 135 graus
- 5. *Non-maximum Suppression*
 - Apenas máximos locais são considerados bordas
- 6. Limiarização por histerese + Edge Tracking
 - Bordas finais são determinadas, suprimindo as bordas que não estão conectadas a bordas “fortes”

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Suavização
 - Aplicação de um filtro Gaussiano
 - Exemplo: desvio = 1,4:

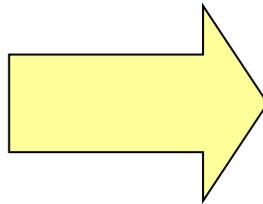
$$B = \frac{1}{159} \cdot \begin{bmatrix} 2 & 4 & 5 & 4 & 2 \\ 4 & 9 & 12 & 9 & 4 \\ 5 & 12 & 15 & 12 & 5 \\ 4 & 9 & 12 & 9 & 4 \\ 2 & 4 & 5 & 4 & 2 \end{bmatrix}$$

Fator de Normalização



Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Suavização

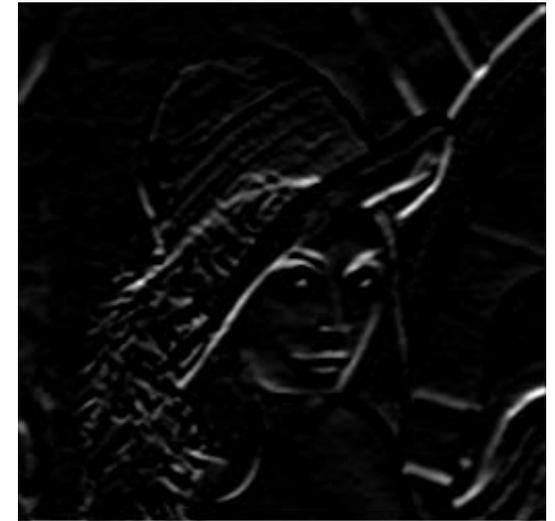
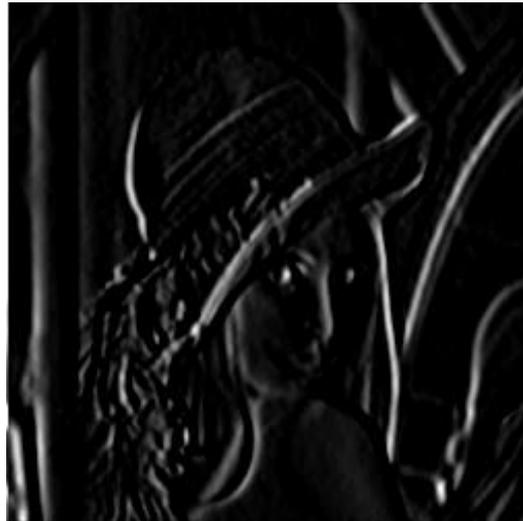
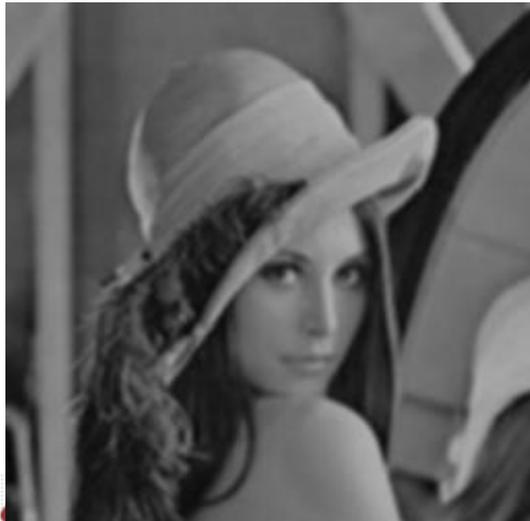


Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Busca por gradientes

$$K_{GX} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad K_{GY} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

Gx Gy

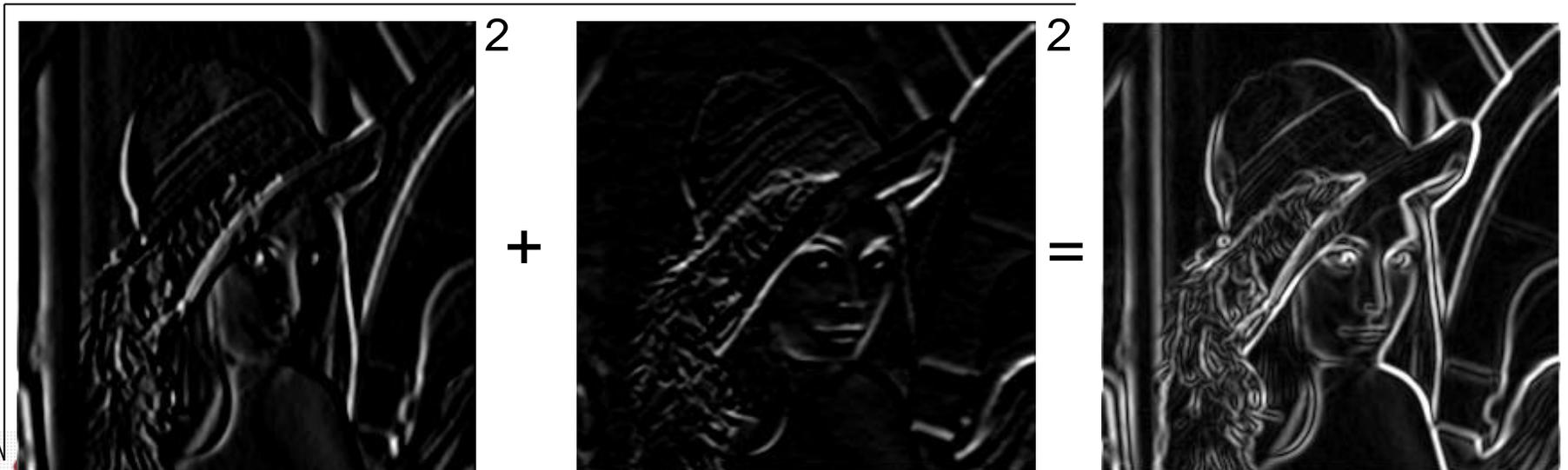


Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)

- A magnitude do gradiente pode ser encontrada como:

$$\text{ou } |G| = \sqrt{G_x^2 + G_y^2}$$
$$|G| = |G_x| + |G_y|$$

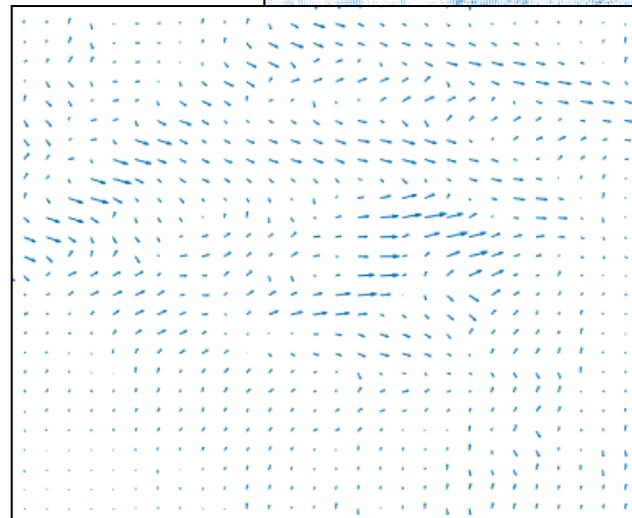
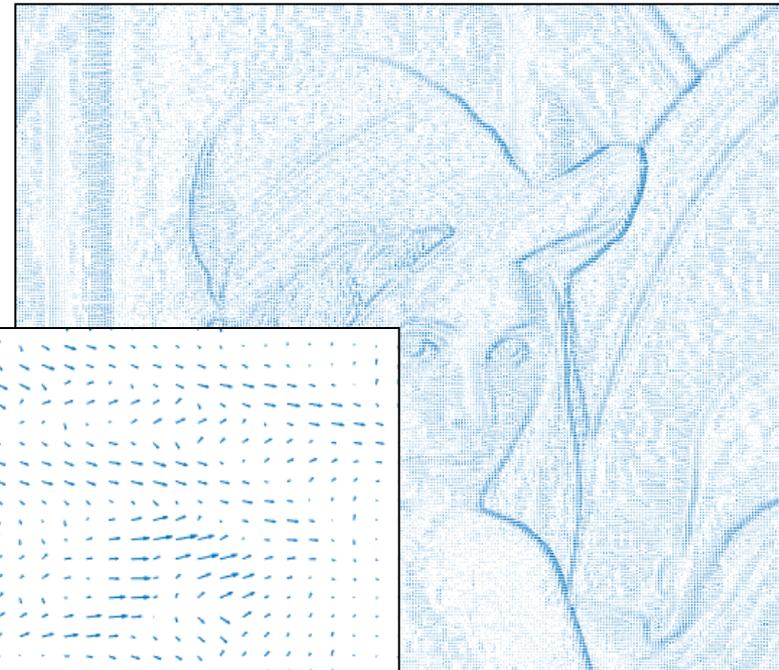
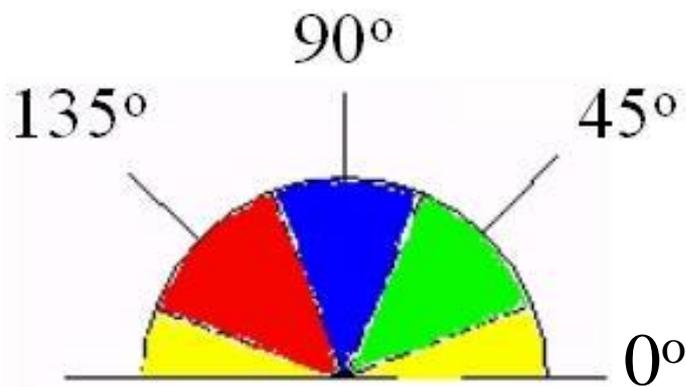


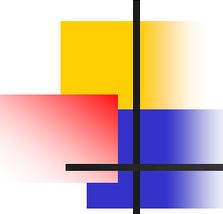
Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - A direção das arestas é calculada e armazenada:

$$\theta = \arctan \left(\frac{|G_y|}{|G_x|} \right)$$

- e aproximada para



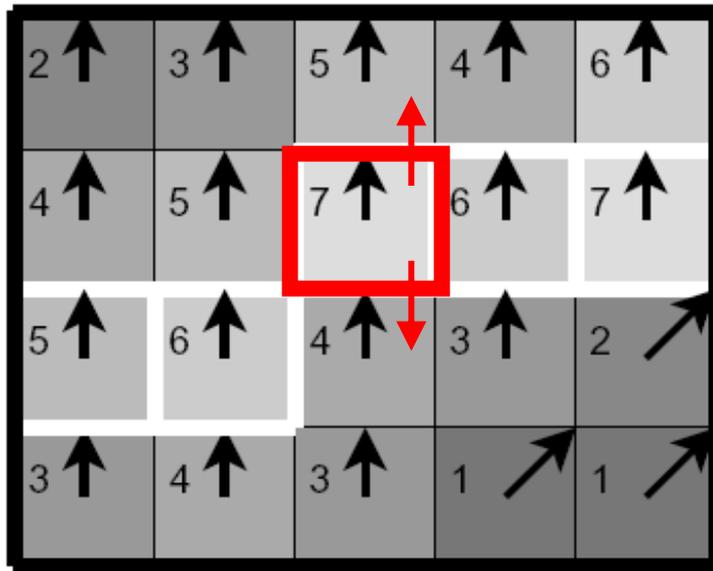


Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - *Non-Maximum Suppression*:
 - O propósito deste passo é converter arestas suavizadas na imagem da magnitude em arestas mais “sharp”
 - Isso é feito preservando os máximos locais na imagem do gradiente e removendo o resto
 - A comparação é feita na direção do ângulo
 - Se a direção for de 0° , compara o elemento anterior e posterior da mesma linha. Se o valor do pixel for menor em um dos dois casos, torna-se zero (é suprimido)
 - Faz algo semelhante nas outras direções

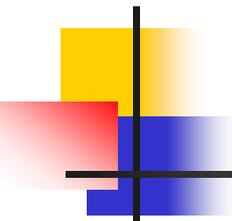
Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Non-Maximum Suppression:
 - Exemplo: pixels apontando para o norte são comparados com pixels abaixo e acima



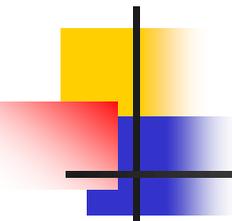
Os que são preservados são os que estão nos quadrados brancos, pois são os maiores (nessa direção); os outros são removidos.

Exemplo: compara o 7 com os valores acima e abaixo; como ele é maior permanece.



Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Hysteresis thresholding
 - Dois limiares: um alto e um baixo
 - Qualquer pixel acima do maior limiar é convertido para branco. Os pixels ao redor são então analisados: se seus valores são maiores que o menor limiar, eles são convertidos para branco
 - Um pixel (x, y) é chamado forte se $cor(x, y) > Th_{alto}$
 - Um pixel (x, y) é chamado fraco se $cor(x, y) \leq Th_{baixo}$
 - Todos os outros pixels são chamados de candidatos

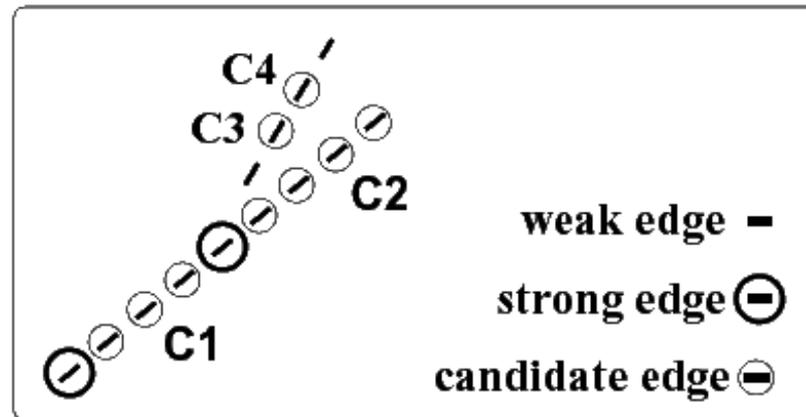


Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Hysteresis thresholding + Edge Tracking
 - Em cada posição (x, y) , descarta o pixel (x, y) se ele é fraco; permanece na imagem de saída se for forte
 - Se um pixel é um candidato, segue a cadeia de máximos locais conectados em ambas as direções na direção da aresta, enquanto $cor(i, j) > Th_{baixo}$
 - Se um pixel candidato inicial está conectado a um pixel forte, ele não é suprimido; do contrário, é

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Algoritmo (na prática)
 - Hysteresis thresholding + Edge Tracking



As arestas candidatas C1 e C2 são preservadas na saída, enquanto as arestas C3 e C4 são suprimidas.

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 1.4$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 30\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 5$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 30\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 1.4$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 20\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 1.4$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 5\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 10\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 0.5$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 5\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 10\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 0.5$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 30\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo: Variações nos parâmetros



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 0.5$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 20\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo:



Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 0.5$

Thresholding:

$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 20\%$ do máximo

Detecção de Borda Ótimo: Canny

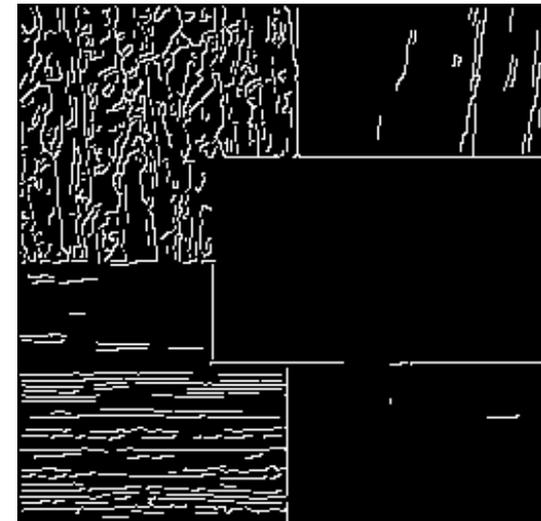
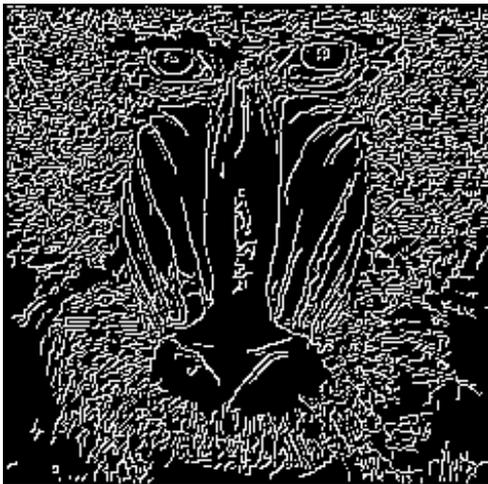
- Exemplo:

Gaussiana: 5×5 , $\sigma = 0.5$

Thresholding:

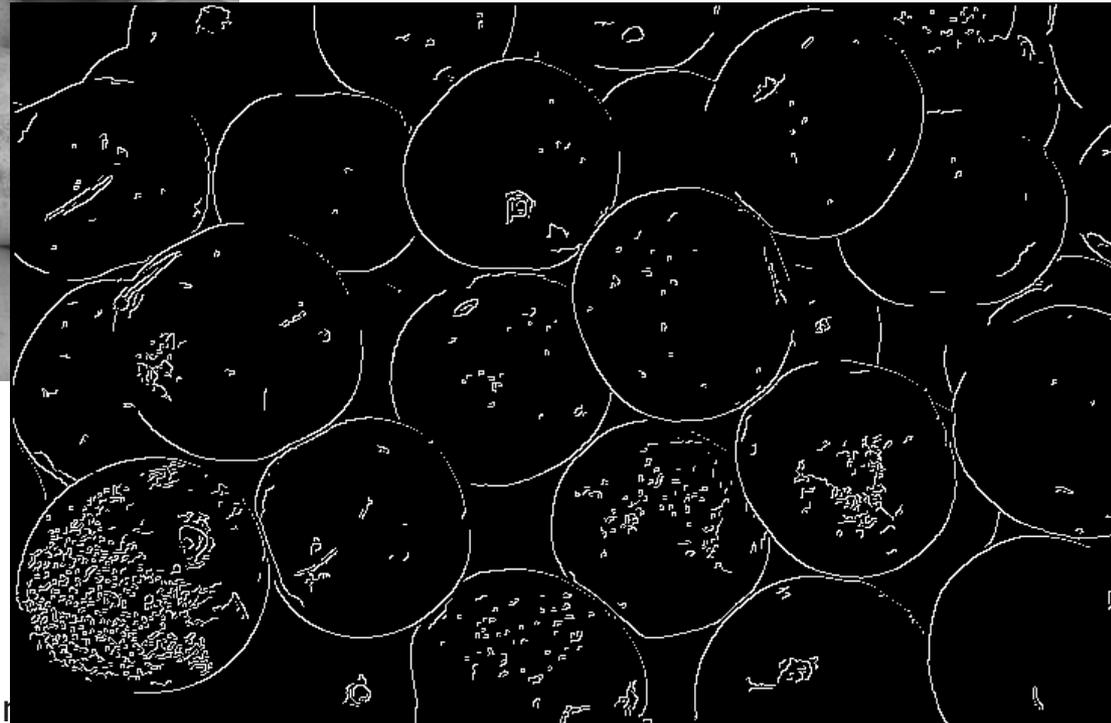
$Th_{\text{baixo}} = 10\%$ do máximo

$Th_{\text{alto}} = 20\%$ do máximo



Detecção de Borda Ótimo: Canny

- Exemplo:



Detecção de Borda



Detecção de Borda



Prewitt

Detecção de Borda



Roberts

Detecção de Borda



Sobel

Detecção de Borda



Canny

Detecção de Borda



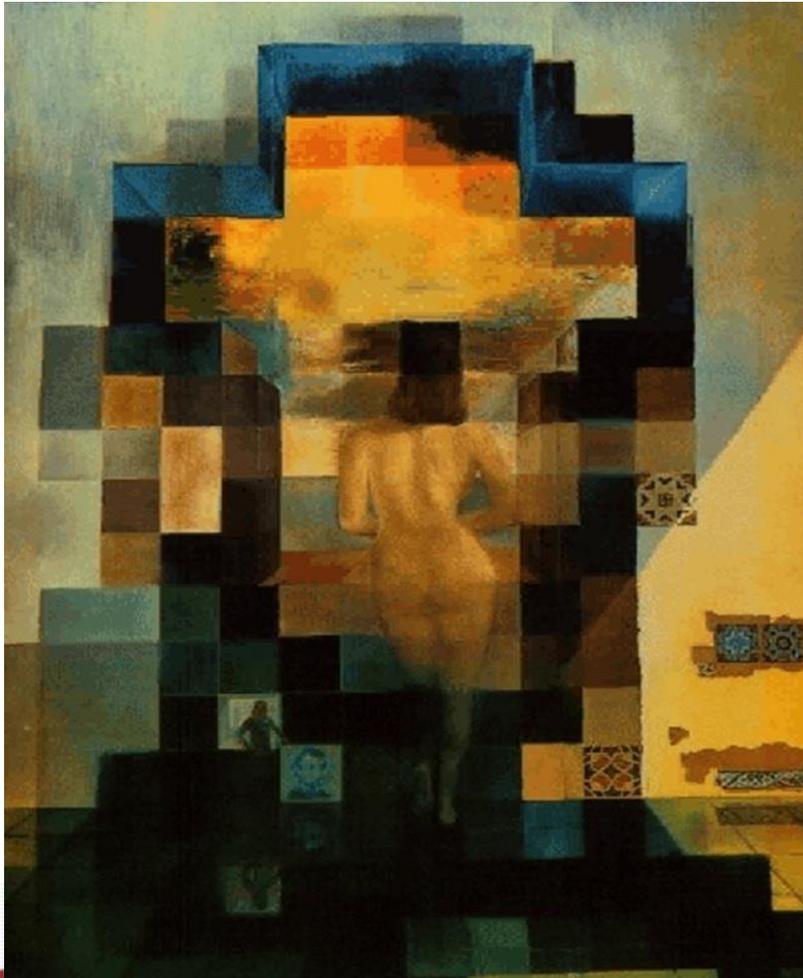
DoG

```
>> h1 = fspecial ('gaussian', [5 5], 0.5);  
>> h2 = fspecial ('gaussian', [5 5], 0.7);  
>> h3 = h2 - h1;  
>> im2 = imfilter (im, h3);
```

Análise Scale-Space

(para auxiliar a detecção de bordas)

■ Importância da escala

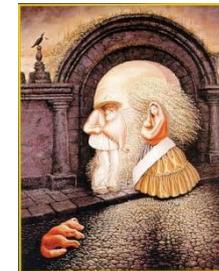
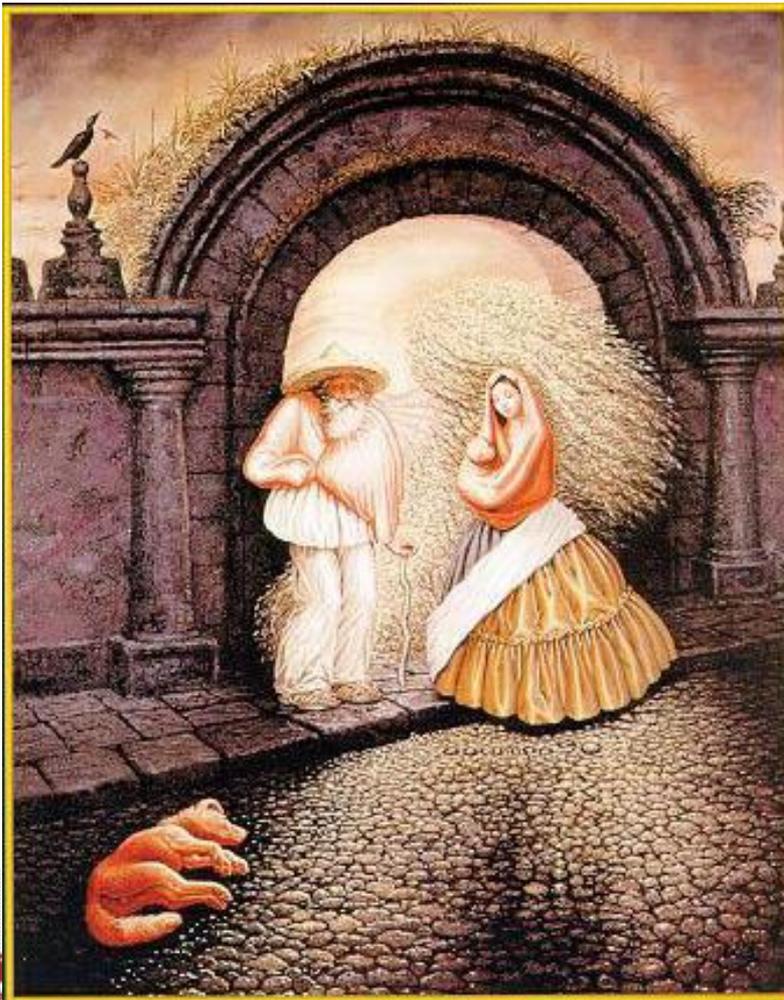


- Objetos existem em certa escala;
- Não se sabe *a priori* que escala olhar



Análise Scale-Space

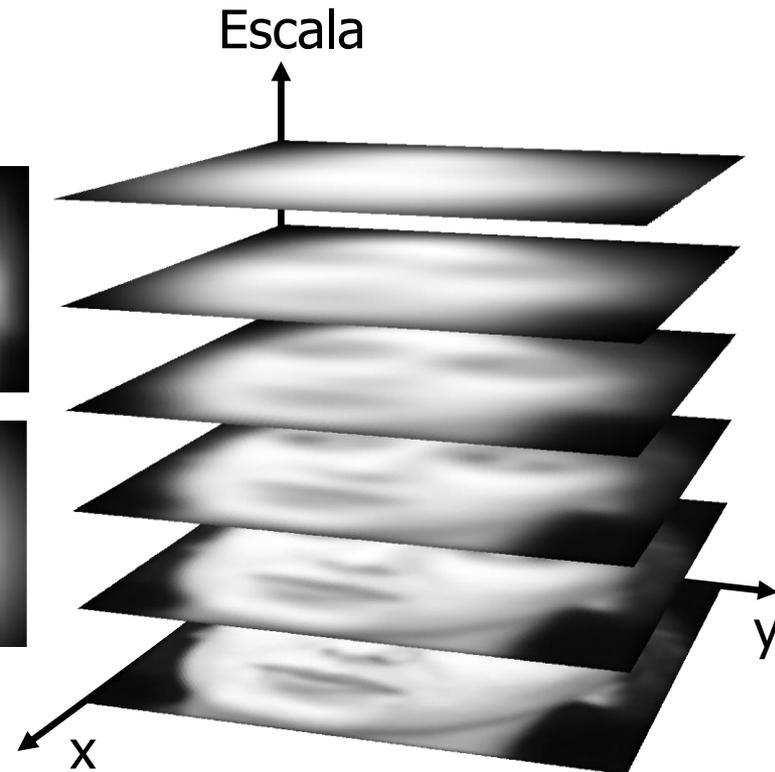
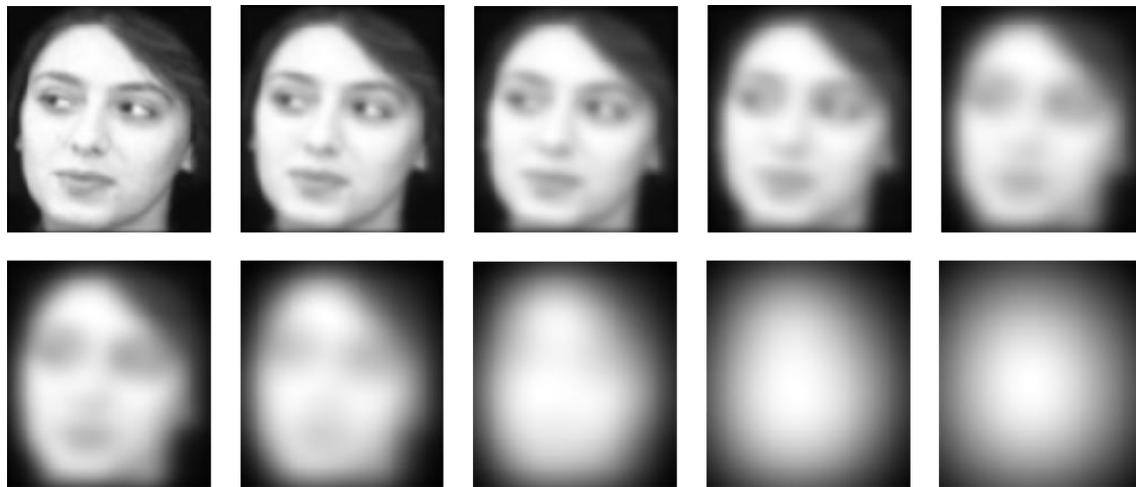
- Importância da escala



Análise Scale-Space

Solução?

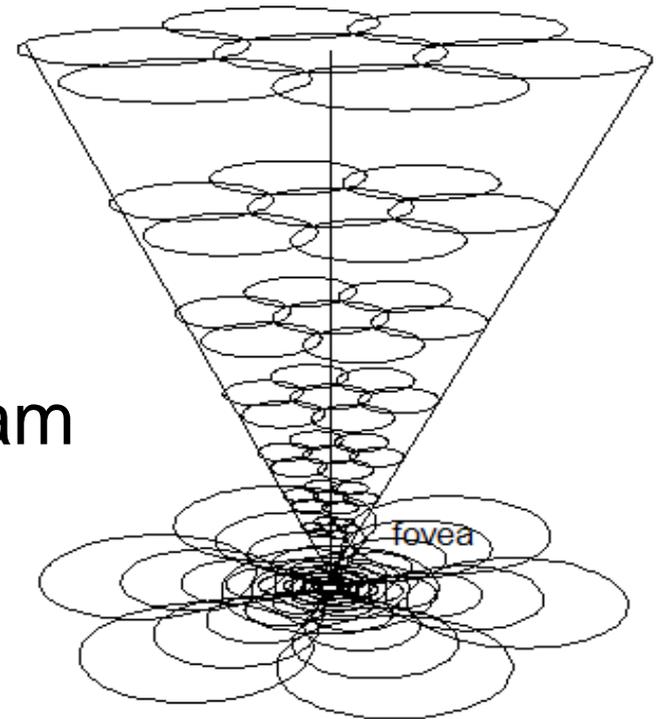
- Olhar todas as escalas simultaneamente!



Scale Space

Análise Scale-Space

- O sistema visual humano é um *dispositivo de amostragem multi-escala*
- A retina contém *campos receptivos*; grupos de receptores agrupados de forma que eles criam um conjunto de aberturas de tamanho variável.



Análise Scale-Space

- Nós já vemos o mundo em diversas escalas!



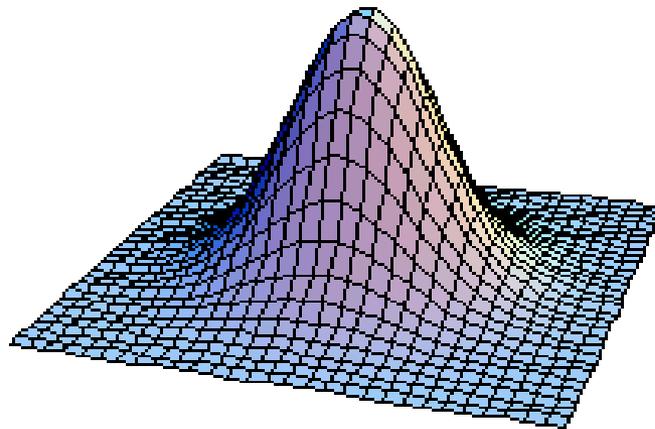
La Piazza San Marco - Veneza (Canaletto)

Carlos Alexandre Mello – cabm@cin.ufpe.br

Análise Scale-Space

- Implementação prática
 - Convoluir a imagem com filtros Gaussianos

$$G(x, \sigma) = \frac{1}{(2\pi\sigma^2)^{D/2}} e^{-\frac{x_1^2 + \dots + x_D^2}{2\sigma^2}}$$



Análise Scale-Space

- Imagem original



Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 1,7$



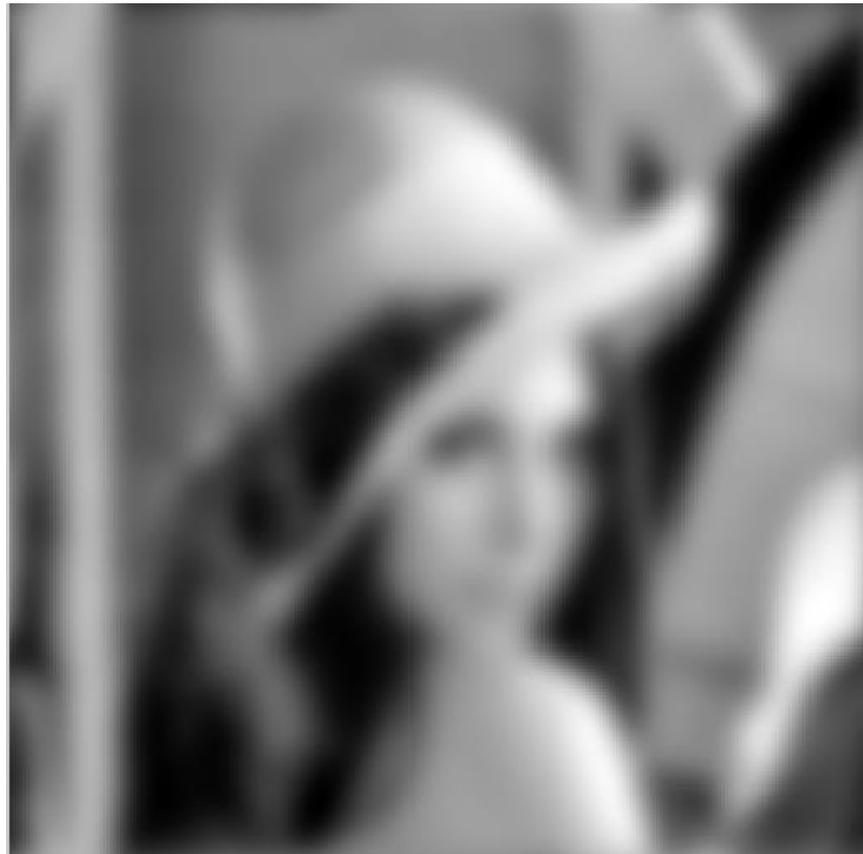
Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 2,5$



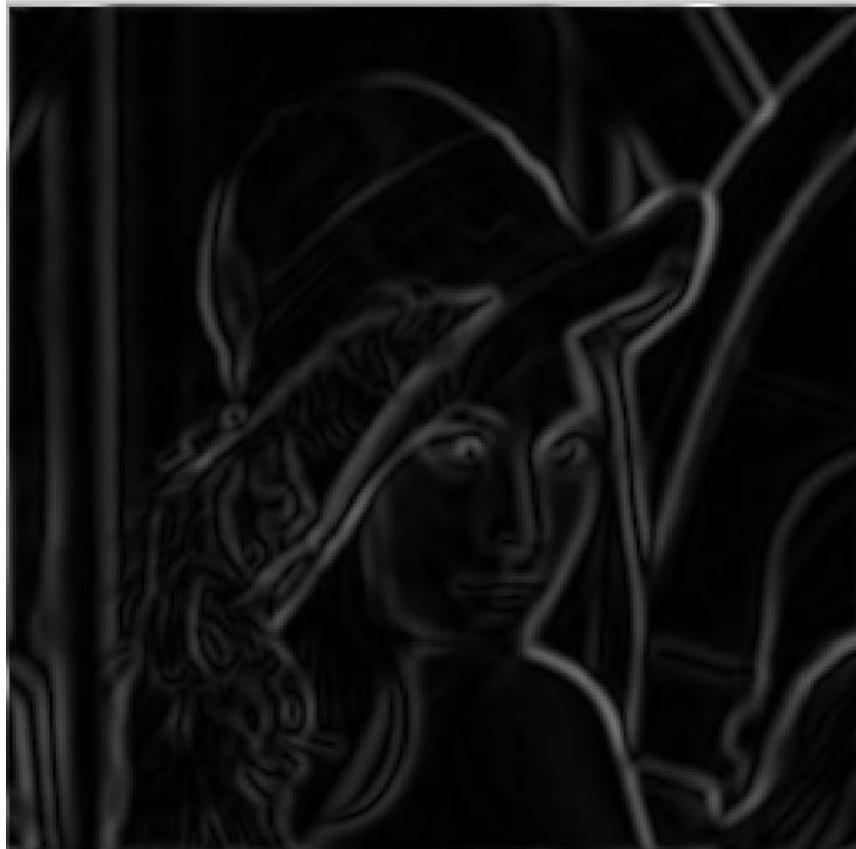
Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 5$



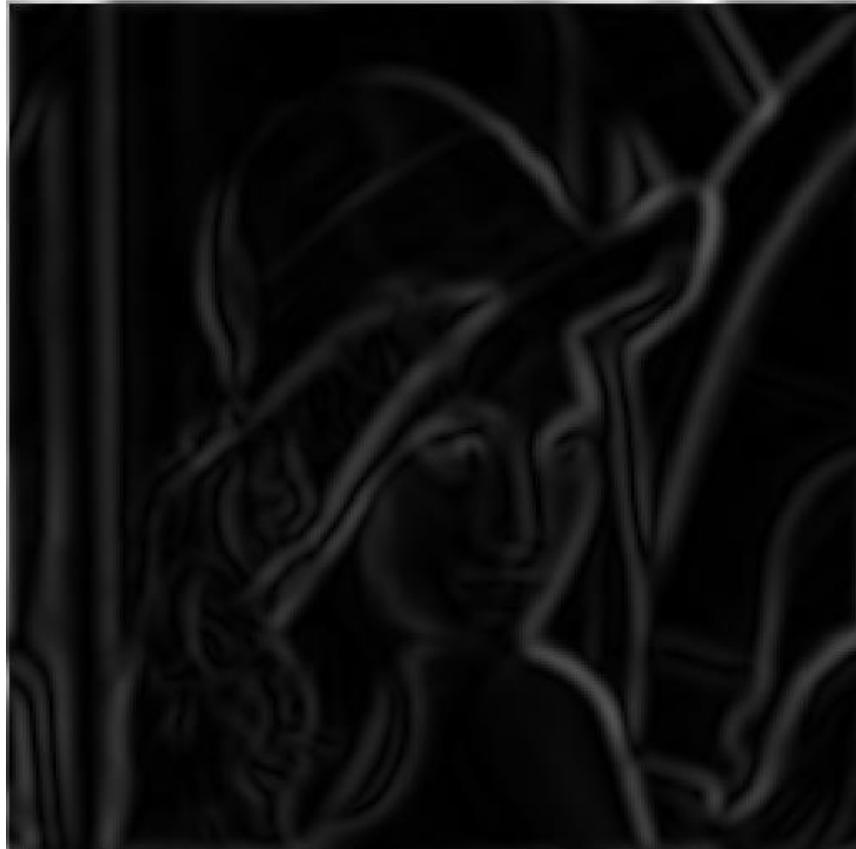
Análise Scale-Space

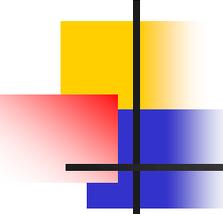
- Filtro Gaussiano, $\sigma = 1,7$



Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 2,5$





Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 5$



Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 1,7$



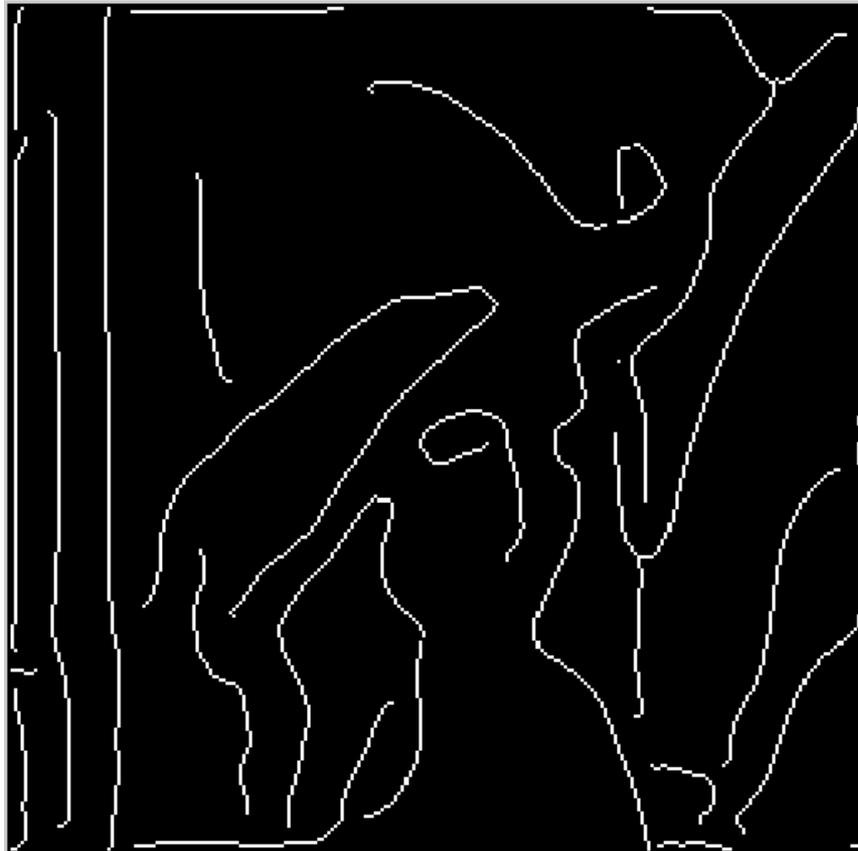
Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 2,5$



Análise Scale-Space

- Filtro Gaussiano, $\sigma = 5$

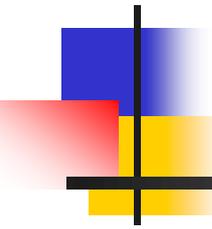


Análise Scale-Space

- Junção (soma) das 3 imagens

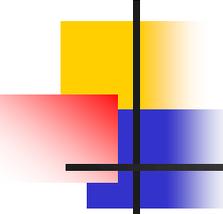


Há bordas que só aparecem em um nível de resolução.



Segmentação de Regiões

Carlos Alexandre Mello

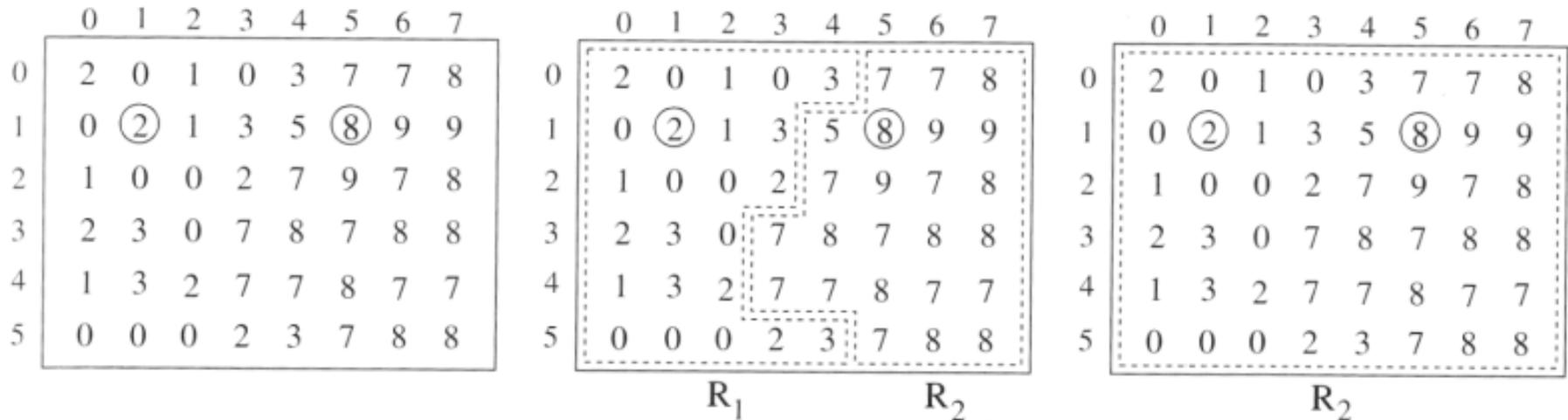


Segmentação

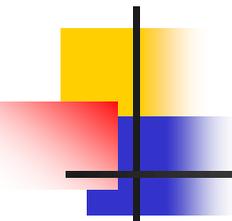
- Métodos de Crescimento de Regiões
 - Agrega em regiões pixels com propriedades similares
 - Inicia com um conjunto de pixels (sementes) e, a partir deles, começa a crescer as regiões anexando a cada semente outros pixels que possuam propriedades similares
 - Os pixels sementes podem ser escolhidos de forma aleatória, determinística ou selecionados pelo usuário

Segmentação

■ Métodos de Crescimento de Regiões

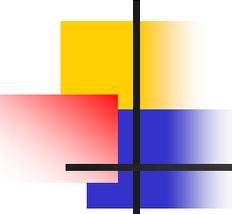


- Critério (exemplo): $|f(x, y) - f(r, s)| \leq T$



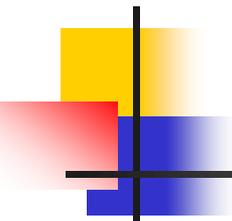
Segmentação

- Métodos *Split-and-Merge* (Divisão e União)
 - Divide a imagem em regiões
 - *split*
 - Agrupa regiões com algum grau de “similaridade”
 - *merge*
 - Problemas (“só” dois):
 - Como dividir?
 - Como agrupar?



Segmentação

- Métodos de Divisão de Regiões
 - Quadtree
 - Watershed
 - Fluxo de água

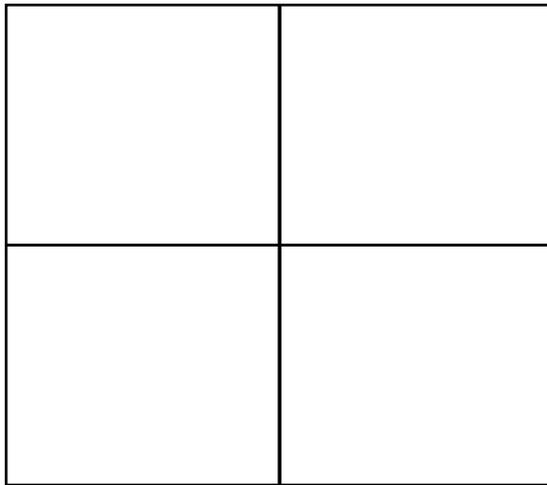


Segmentação

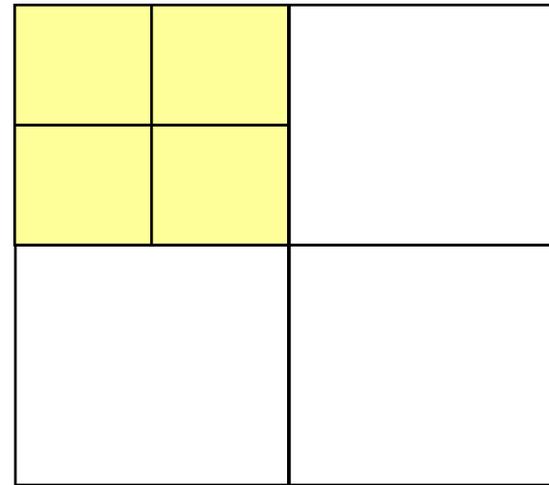
- Métodos de Divisão de Regiões
 - Algoritmo de decomposição Quadtree
 - O algoritmo divide a imagem em blocos
 - Cada bloco é então testado para um dado critério de homogeneidade
 - Se o bloco atende o critério, ele não é mais dividido
 - Se não atende, ele é subdividido e cada parte é testada sob o mesmo critério

Segmentação

■ Decomposição Quadtree



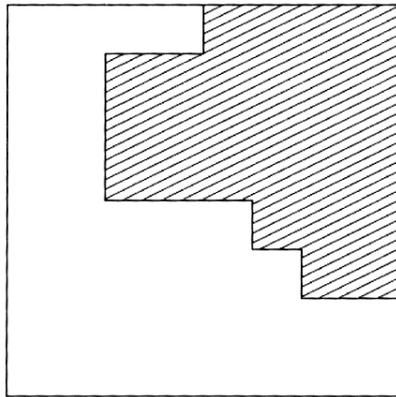
- 1ª Divisão da imagem
- Cada bloco é analisado



- Os blocos que não atendem o critério são divididos de novo

Segmentação

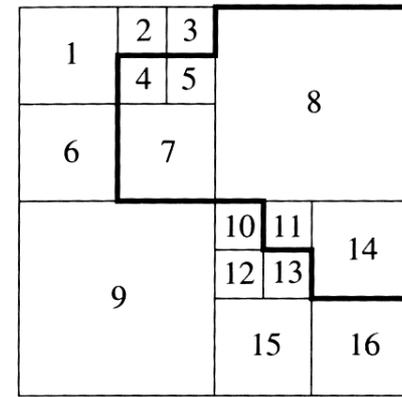
■ Decomposição Quadtree



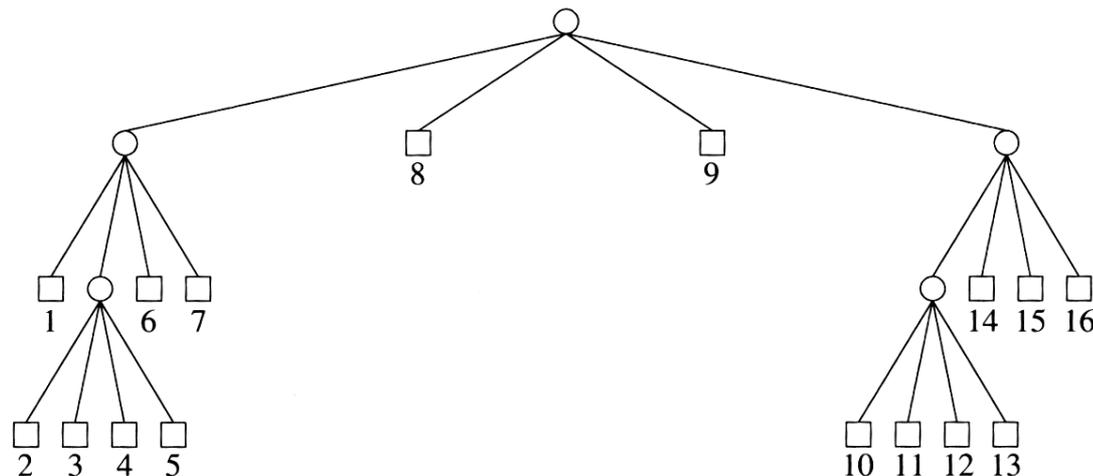
(a)

0	0	0	0	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

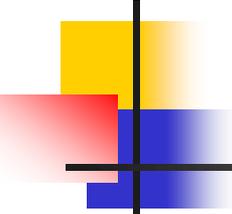
(b)



(c)



(d)



Segmentação

■ Decomposição Quadtree

■ Exemplo de critério:

- (a maior cor do bloco – a menor cor do bloco) ≤ 20

■ No MatLab

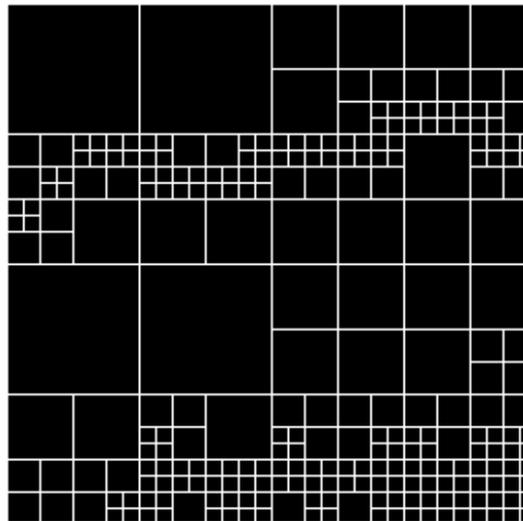
- Função qtdecomp
- Divide a imagem em quadrados de tamanhos: 512, 256, 128, 64, 32, 16, 8, 4, 2, e 1
- Critério como estabelecido acima
- Restrição: tamanho da imagem deve ser proporcional às dimensões possíveis
- Exemplo: qtdecomp (imagem, 0.2)
 - 0.2 é o ponto de corte normalizado por 255

Segmentação

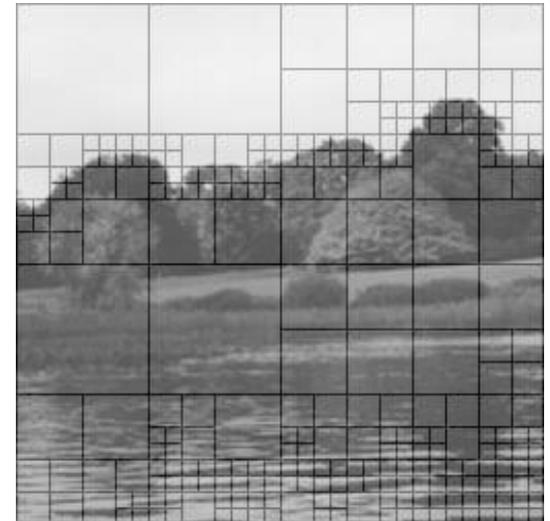
- Decomposição Quadtree
 - Exemplo:



Imagem original



Decomposição



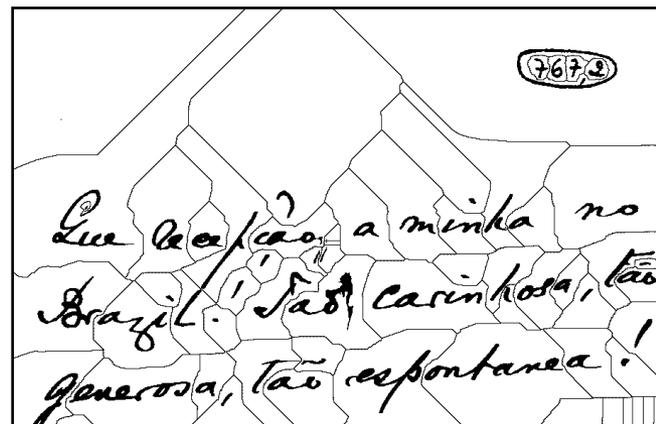
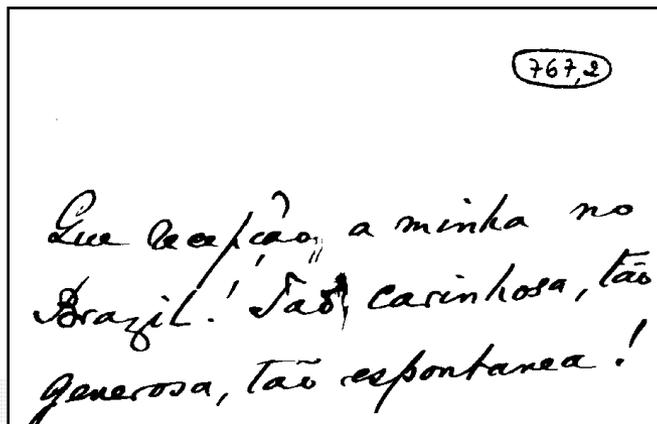
Visualização das regiões

Segmentação

■ Da Morfologia Matemática

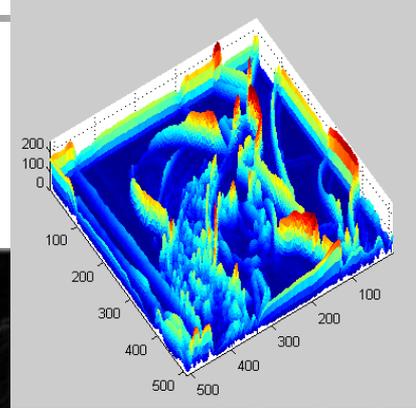
■ Watershed

- Provoca sobre-segmentação
- Como vimos antes, as regiões de tinta são consideradas como vales que são inundados
- Aplicado a imagem de gradiente

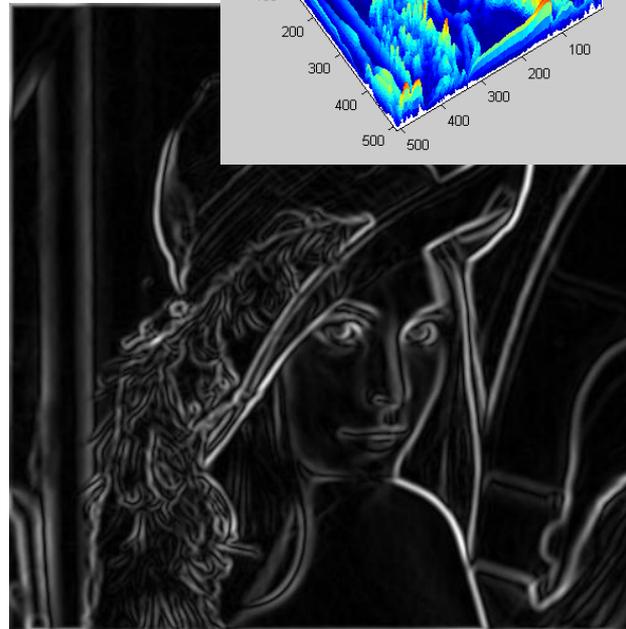


Segmentação

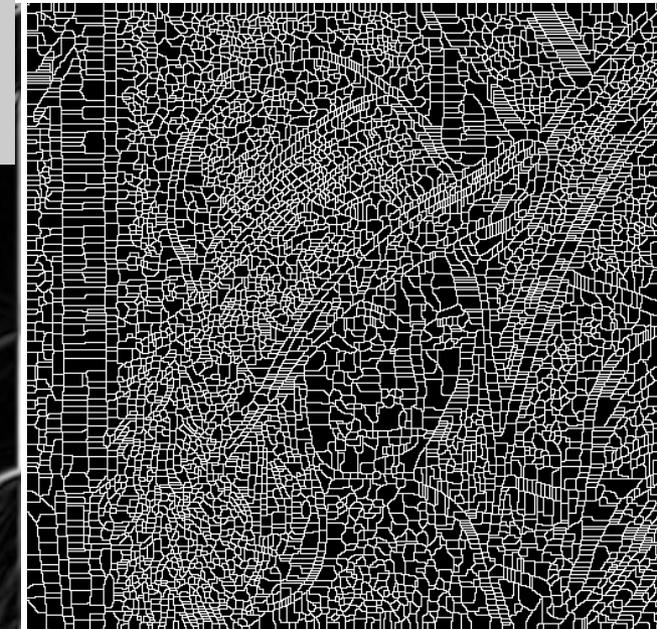
■ Watershed



Image



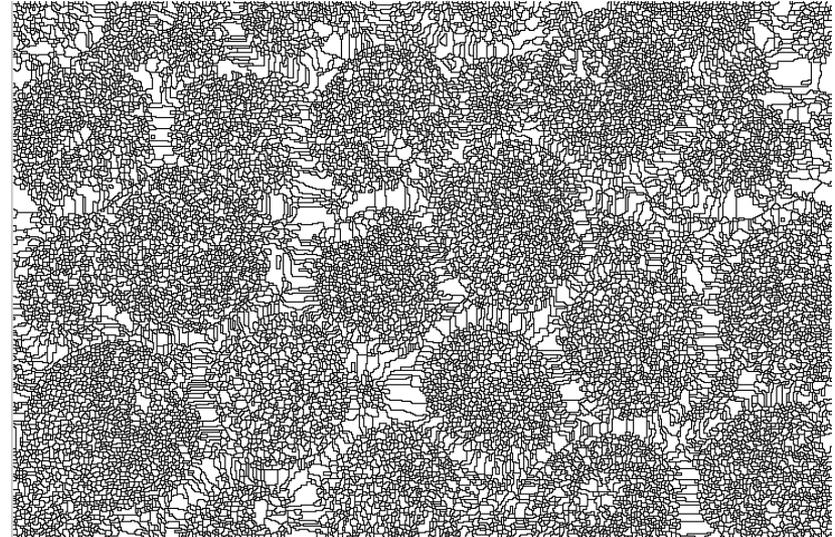
Gradient



Watershed boundaries

Segmentação

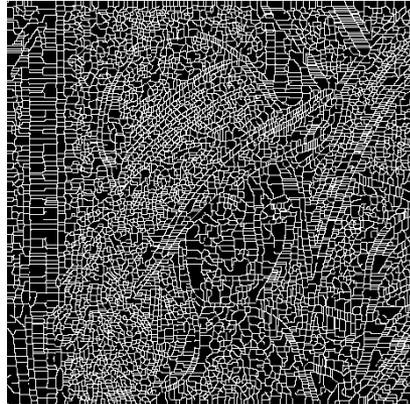
- Watershed



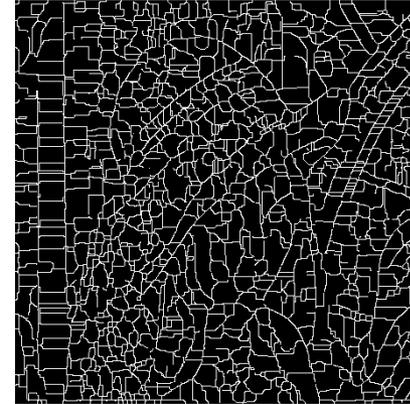
15.294 regiões encontradas!!!

Segmentação

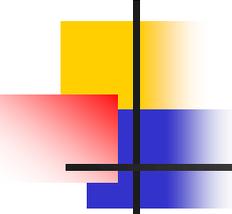
- Watershed: sobre-segmentação pode ser evitada com filtros (gaussiano, por exemplo)



Sem filtro.....



Com filtro.....

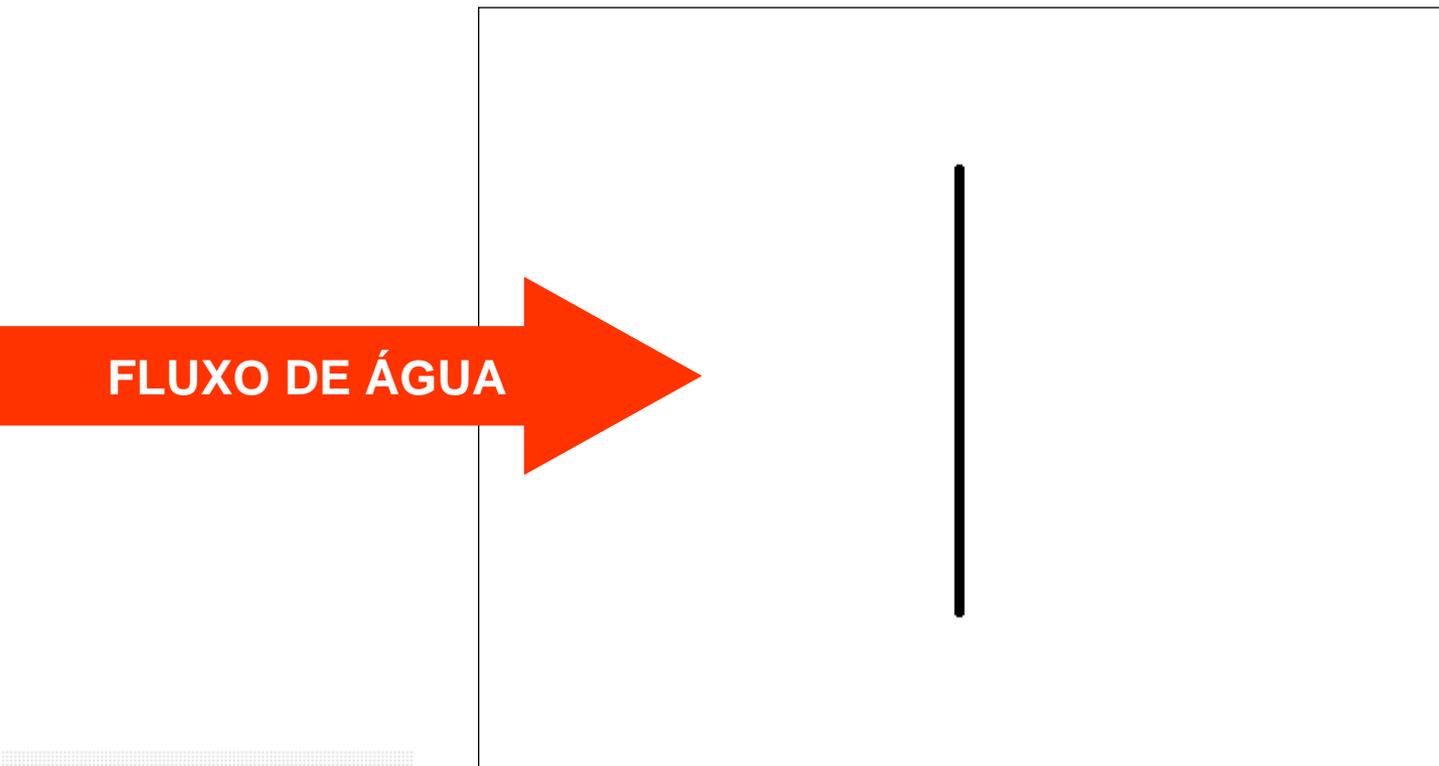


Segmentação

- Fluxo hipotético de água (Water Flow)
 - Definido por Basu *et al.*
 - Aplicado a segmentação de imagens de documentos
 - Sugere que a imagem de um documento é inundada por um fluxo imaginário de água pela esquerda e pela direita
 - A tinta funciona como uma barreira à água

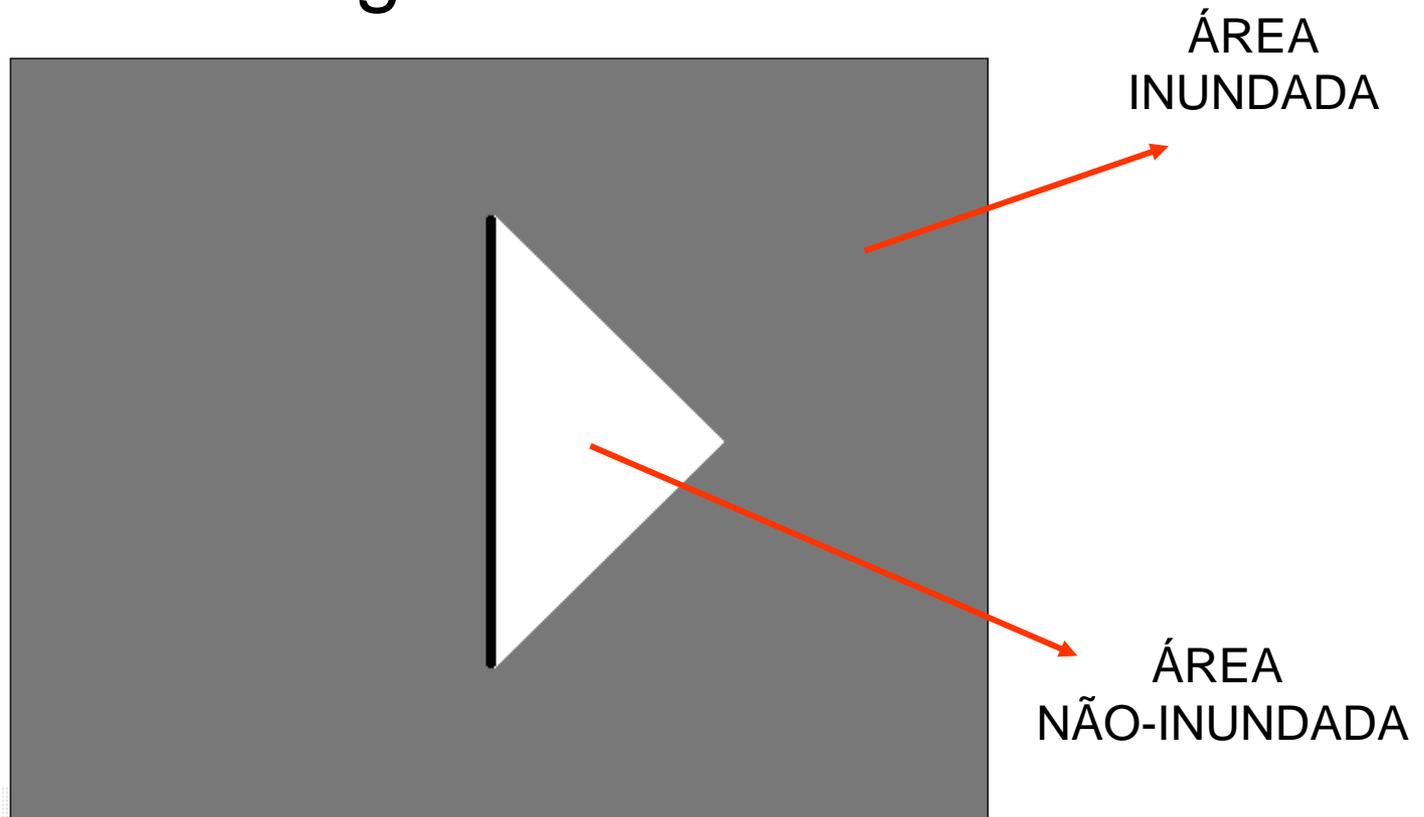
Segmentação

- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água



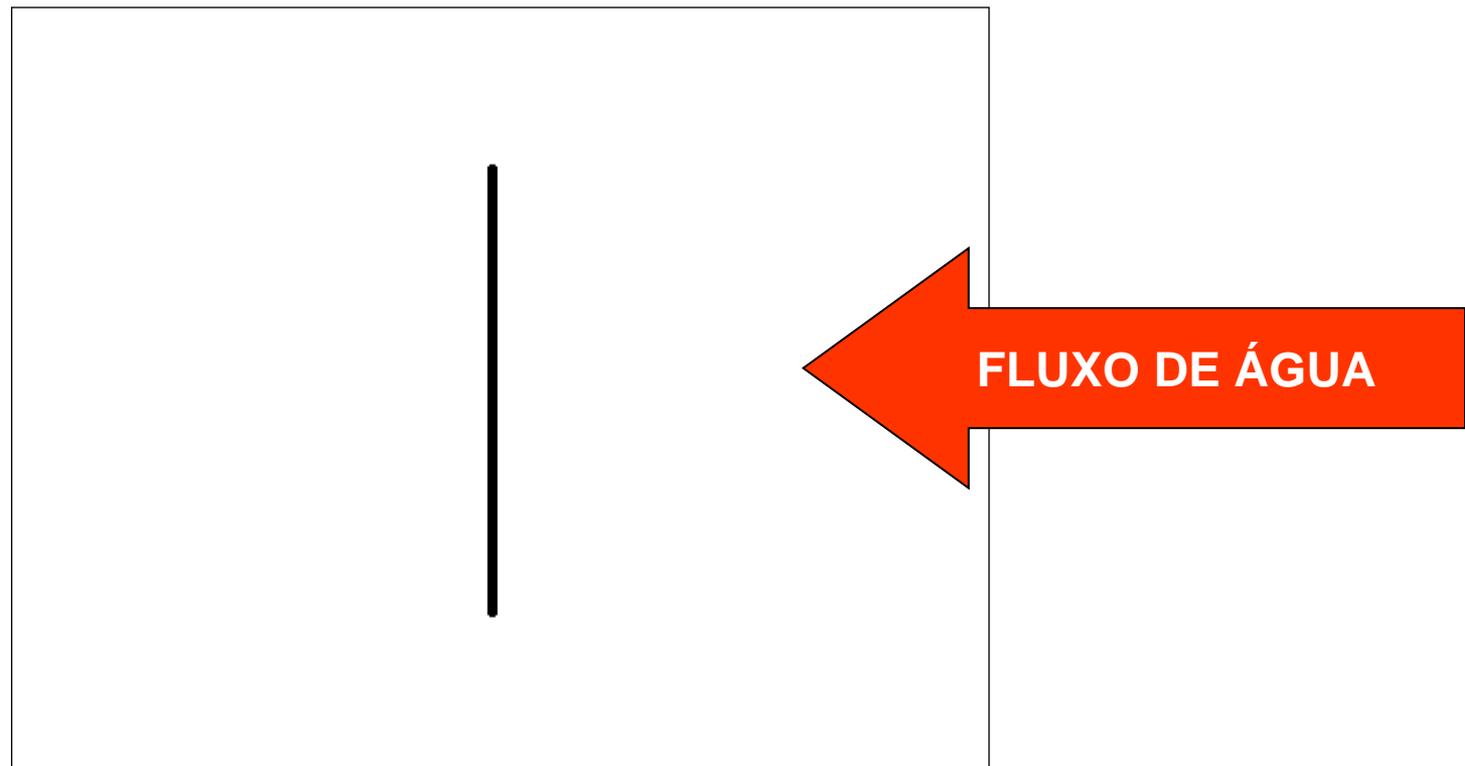
Segmentação

- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água



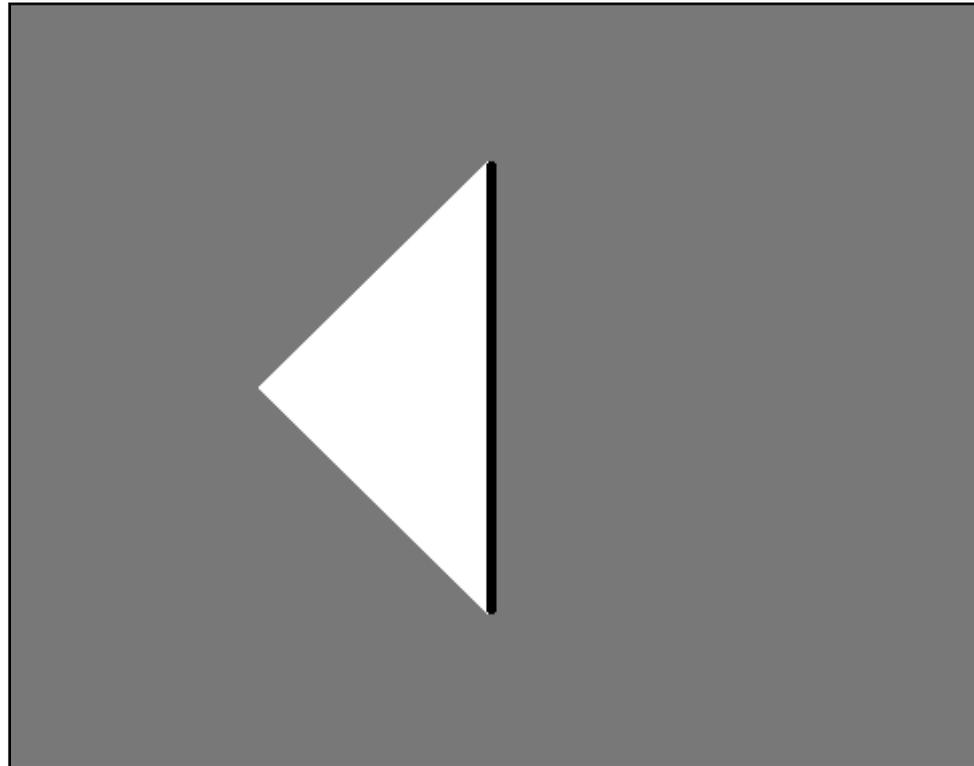
Segmentação

- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água



Segmentação

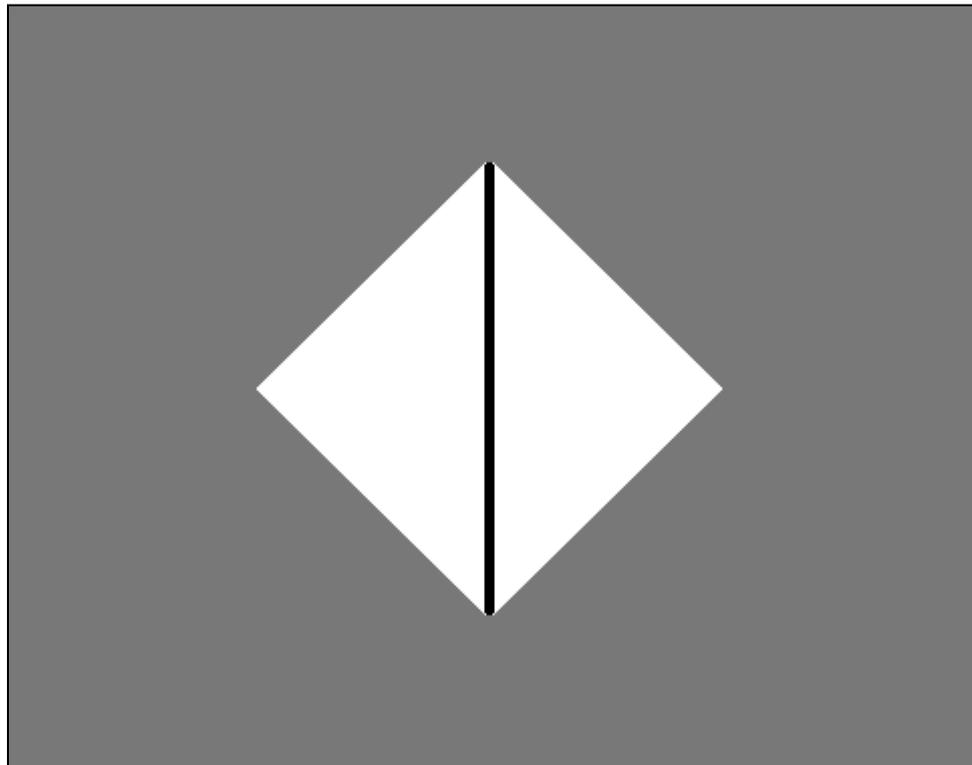
- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água



Segmentação

- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água

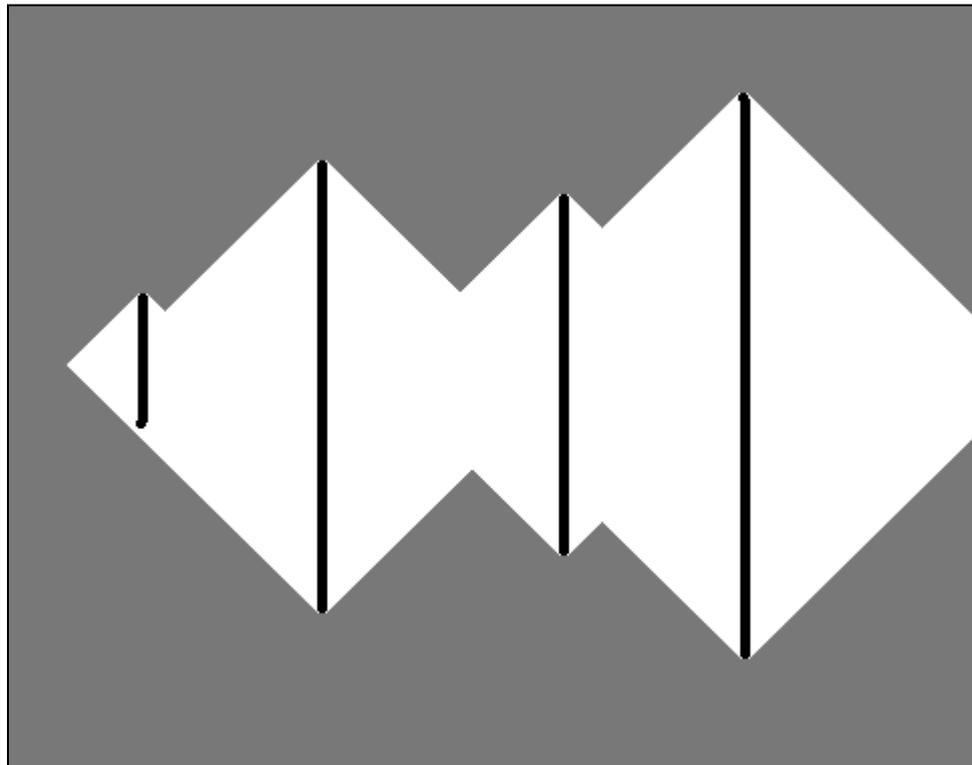
Juntando os dois fluxos...

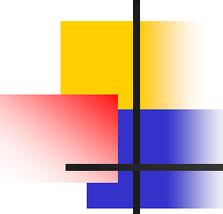


Segmentação

- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água

Colocando mais barreiras





Segmentação

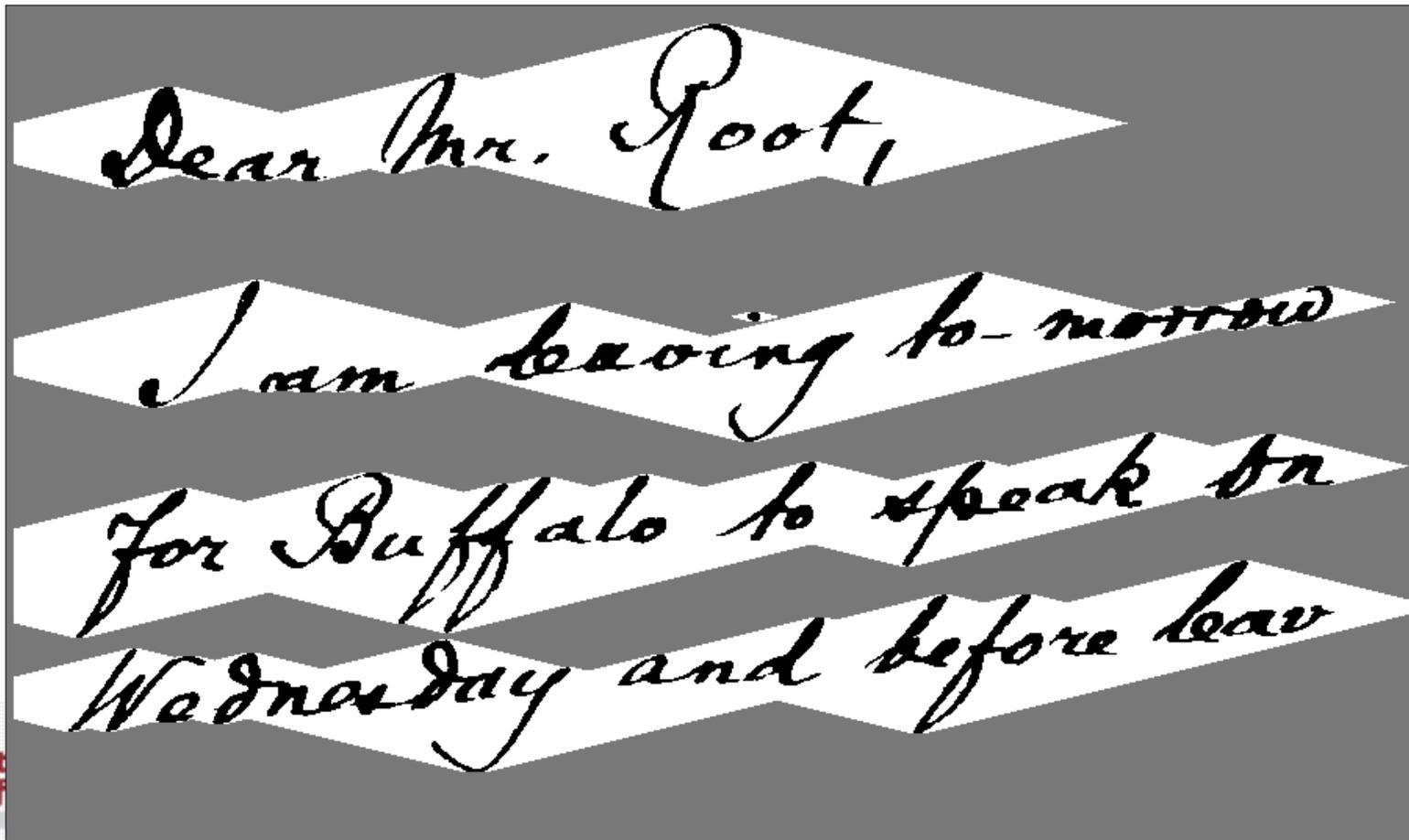
- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água

Dear Mr. Foot,

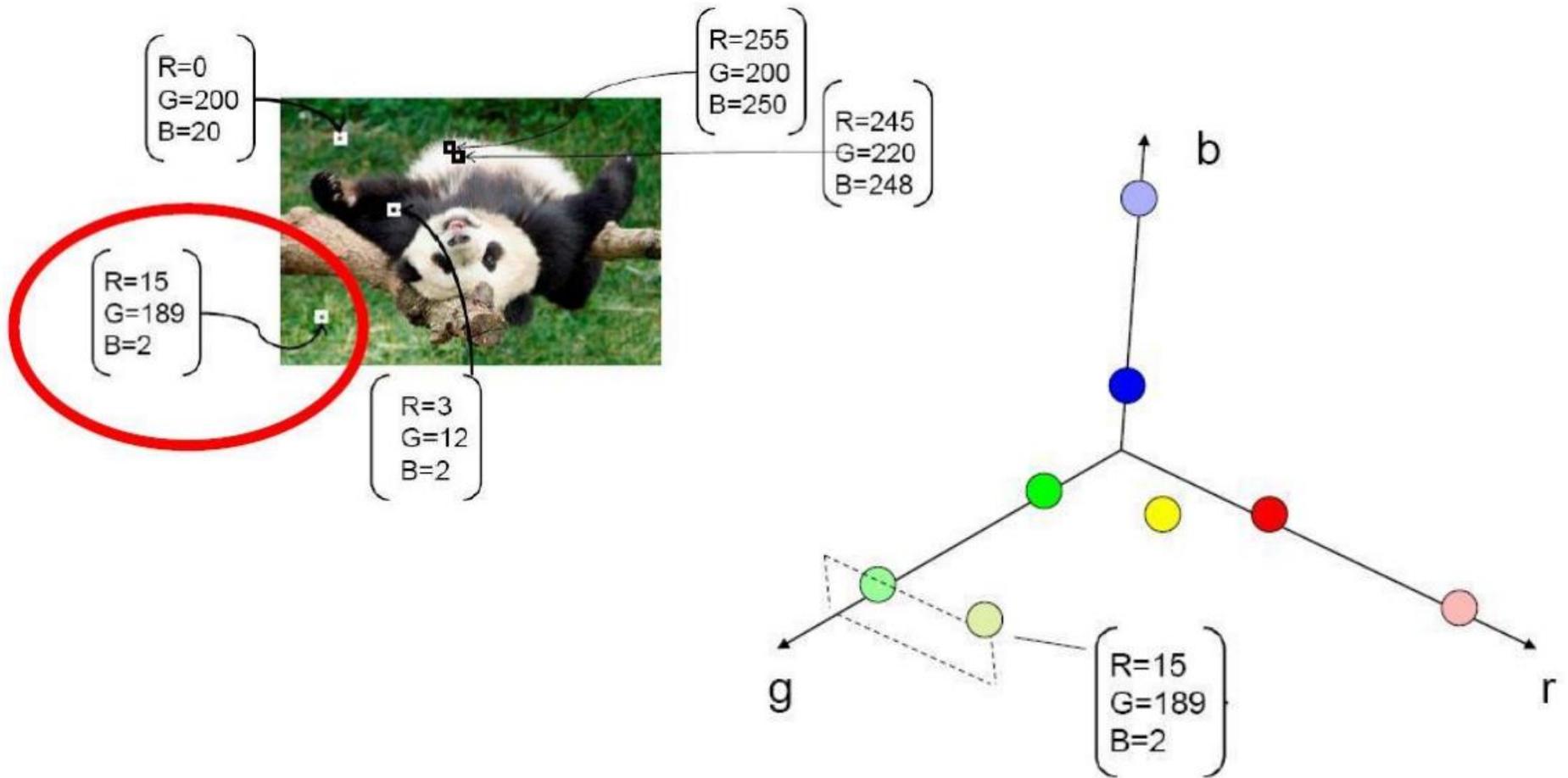
I am leaving to-morrow
for Buffalo to speak on
Wednesday and before leave

Segmentação

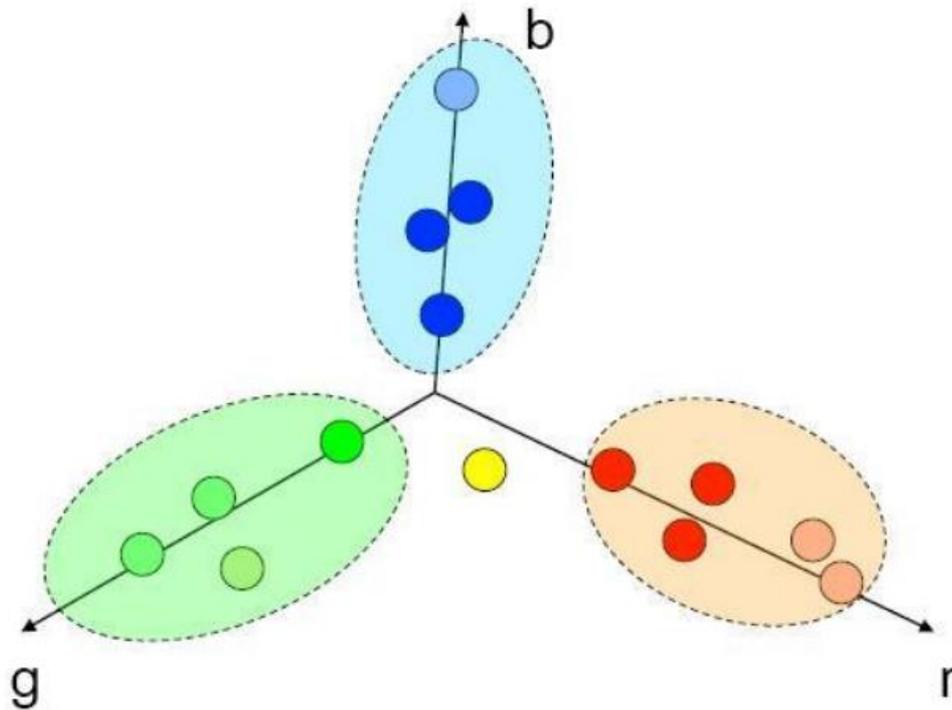
- Segmentação de Linhas por Fluxo hipotético de água



Segmentação por Agrupamento



Segmentação por Agrupamento



Vantagens:

- Fácil de implementar
- Simples e rápido

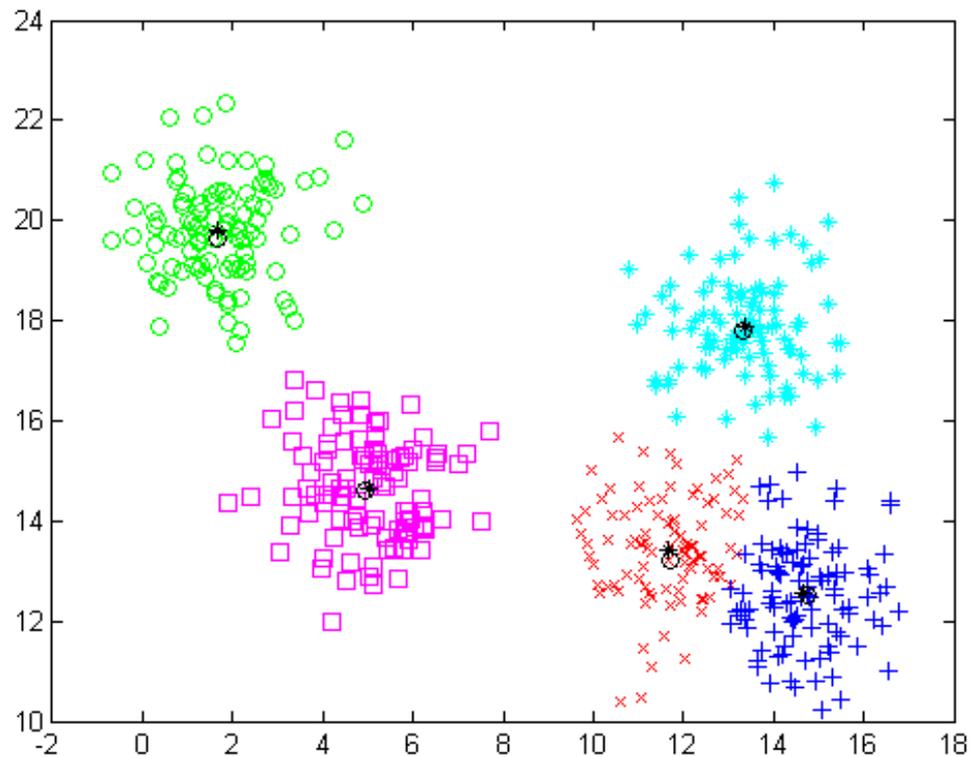
Desvantagens

- Precisa do K
- Sensível a *outliers*



Segmentação – K-Means

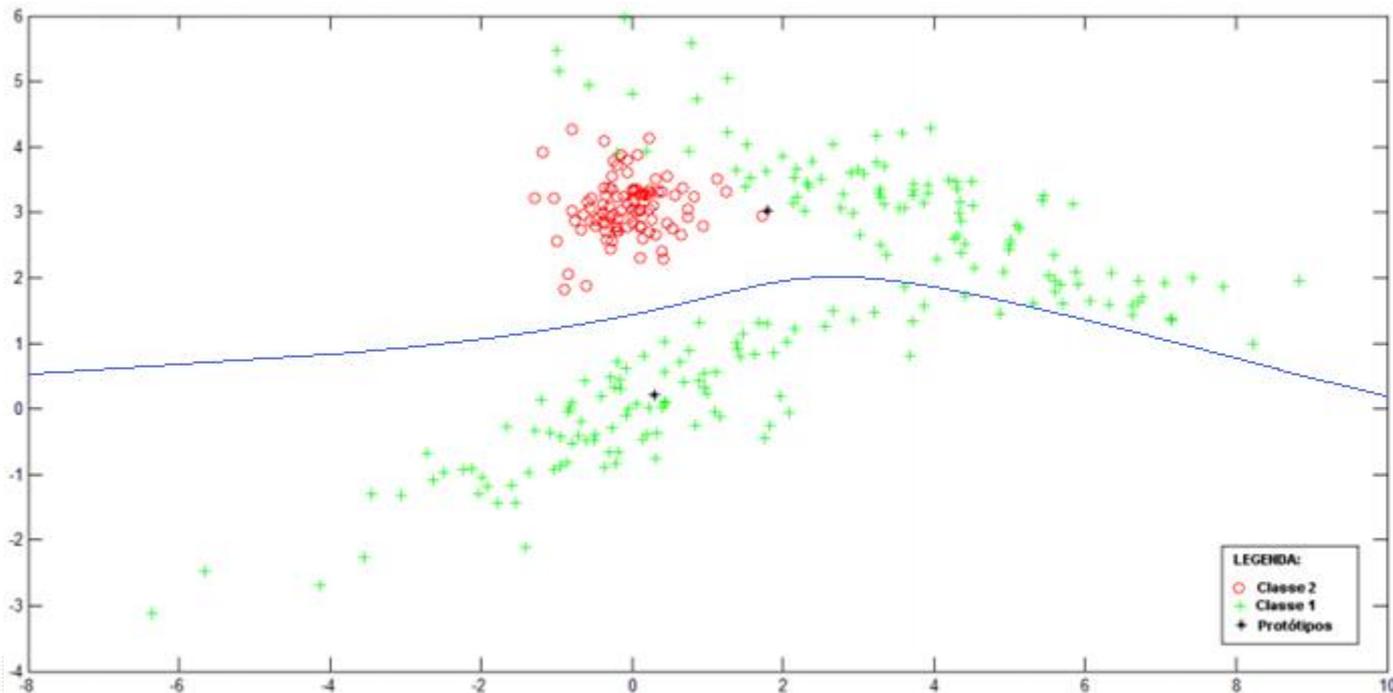
- **Número de sementes (centros)** indica o número de **regiões**.



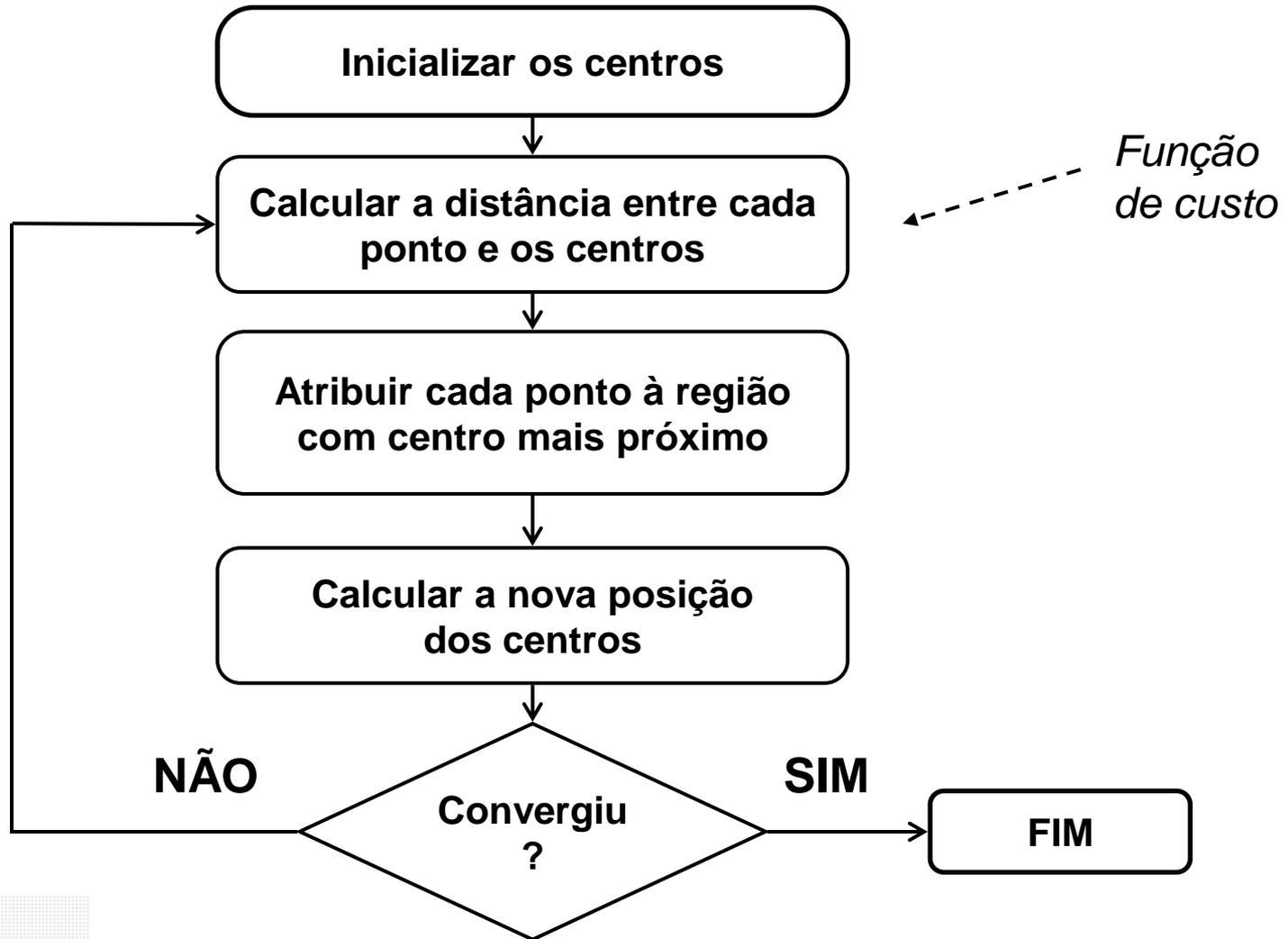
Segmentação – K-Means

■ Problemas:

- **Quantos centros escolher (regiões/clusters)**
- **A posição dos centros iniciais (convergência)**

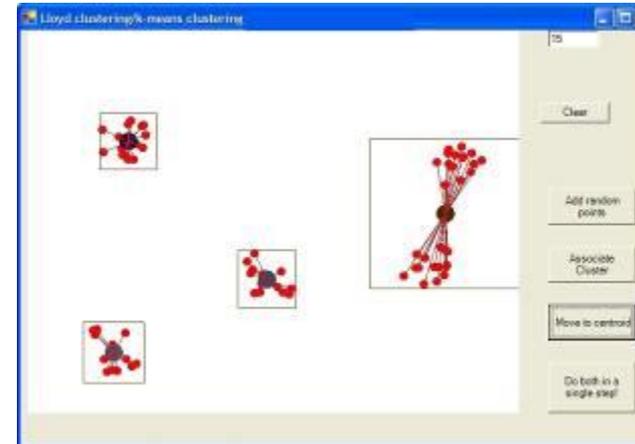
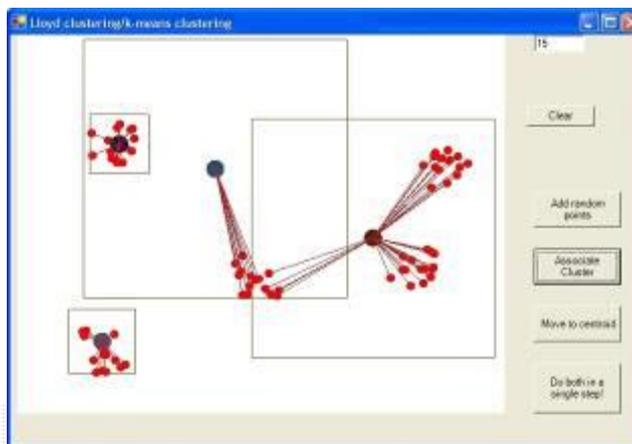
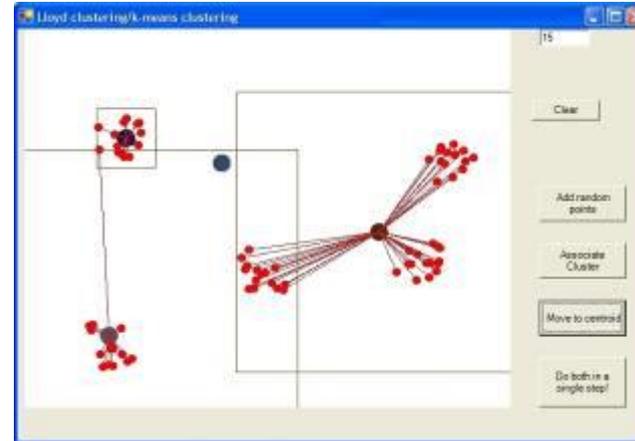
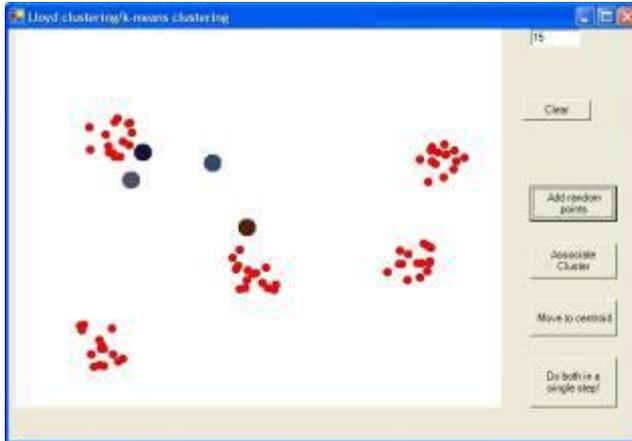


Segmentação – K-Means



Segmentação – K-Means

■ K-Means



Segmentação – K-Means



Original



$K = 2$



$K = 8$

Segmentação – K-Means



K = 11

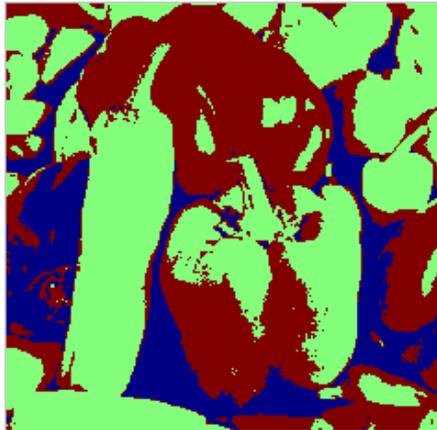


K = 14

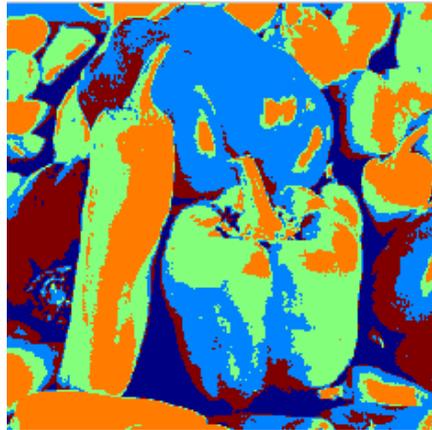


K = 15

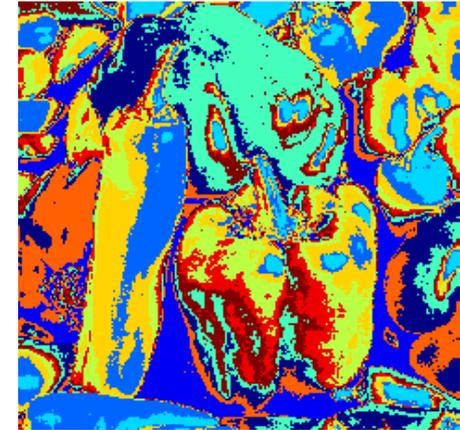
Segmentação – K-Means



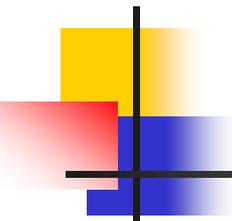
$k = 3$



$k = 4$



$k = 10$



Segmentação – Mean Shift

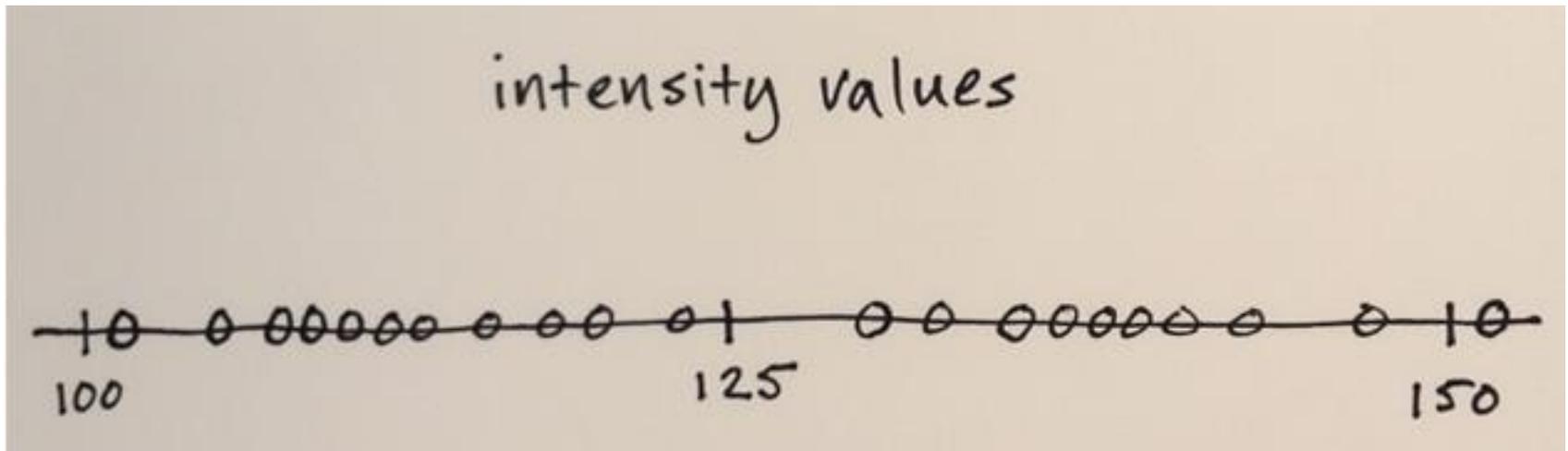
■ Overview

- Para cada ponto, o *mean shift* define uma janela ao seu redor e calcula a média. Então move o centro da janela para essa média e repete o processo até convergir
- Mean shift é um algoritmo não-paramétrico (mais ou menos) e iterativo
- Alto custo computacional

Segmentação – Mean Shift

- Algoritmo

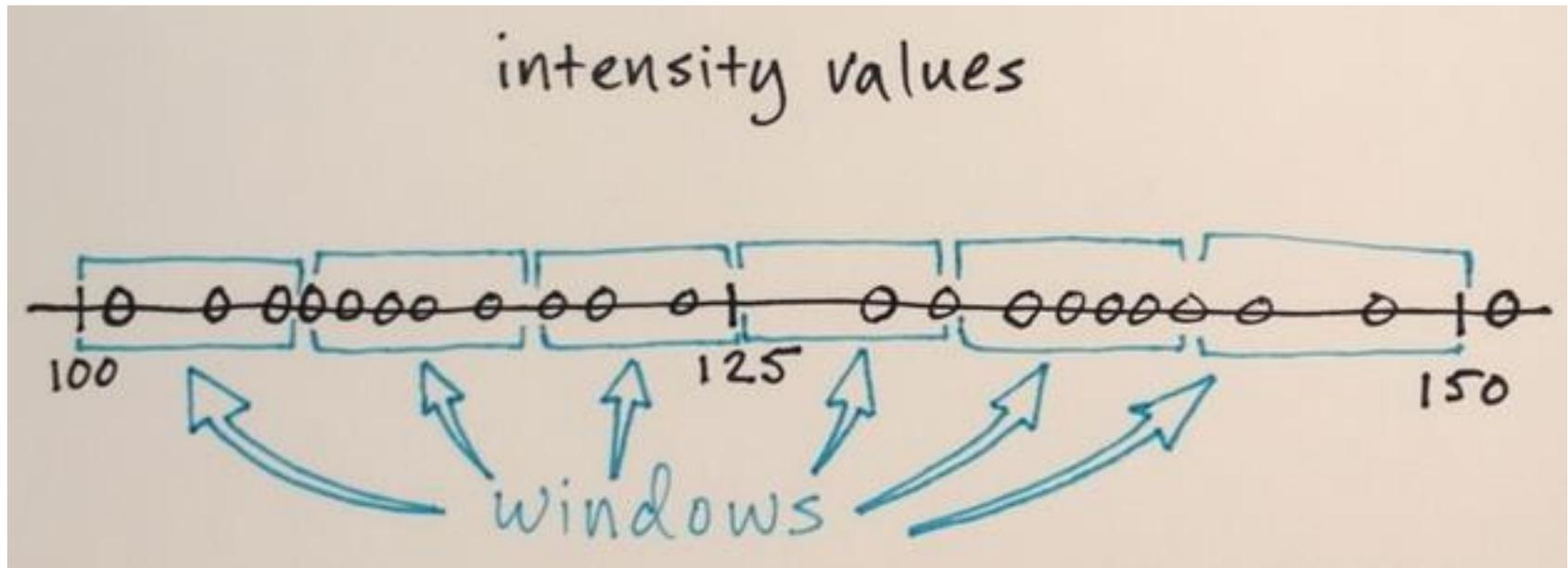
- A imagem é convertida em um espaço de características



Segmentação – Mean Shift

- Algoritmo

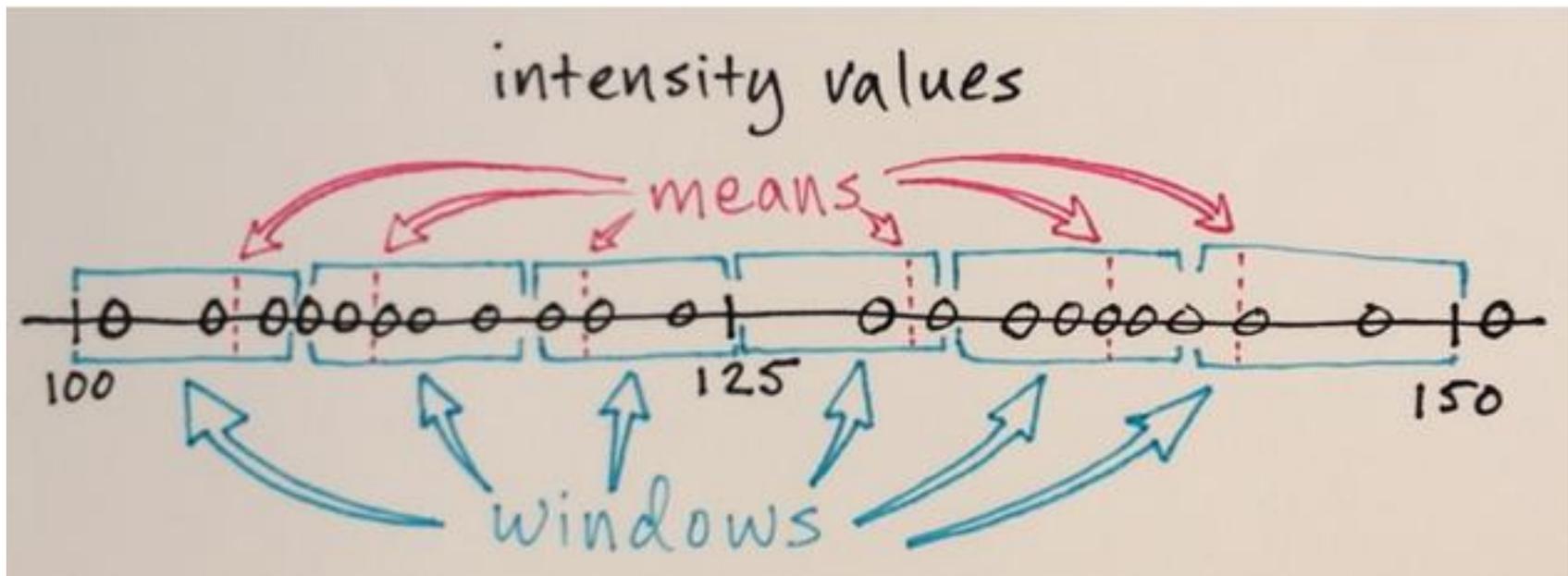
- Janelas de busca são distribuídas ao longo do espaço



Segmentação – Mean Shift

■ Algoritmo

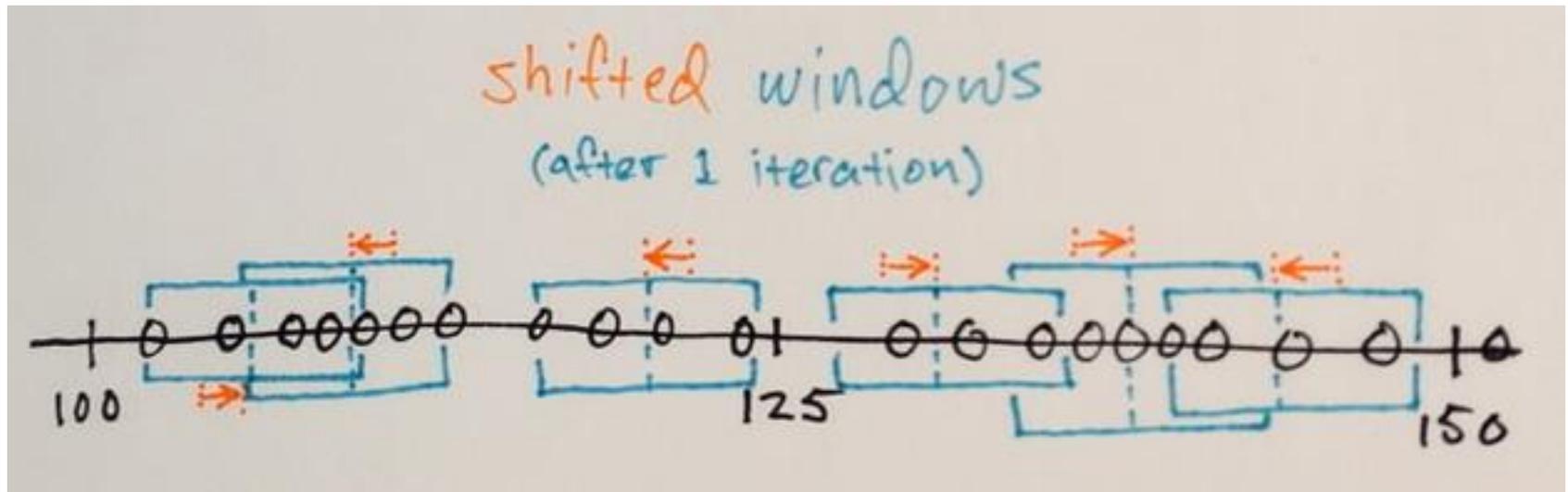
- 1. A média (*mean*) dentro de cada janela é calculada



Segmentação – Mean Shift

- Algoritmo

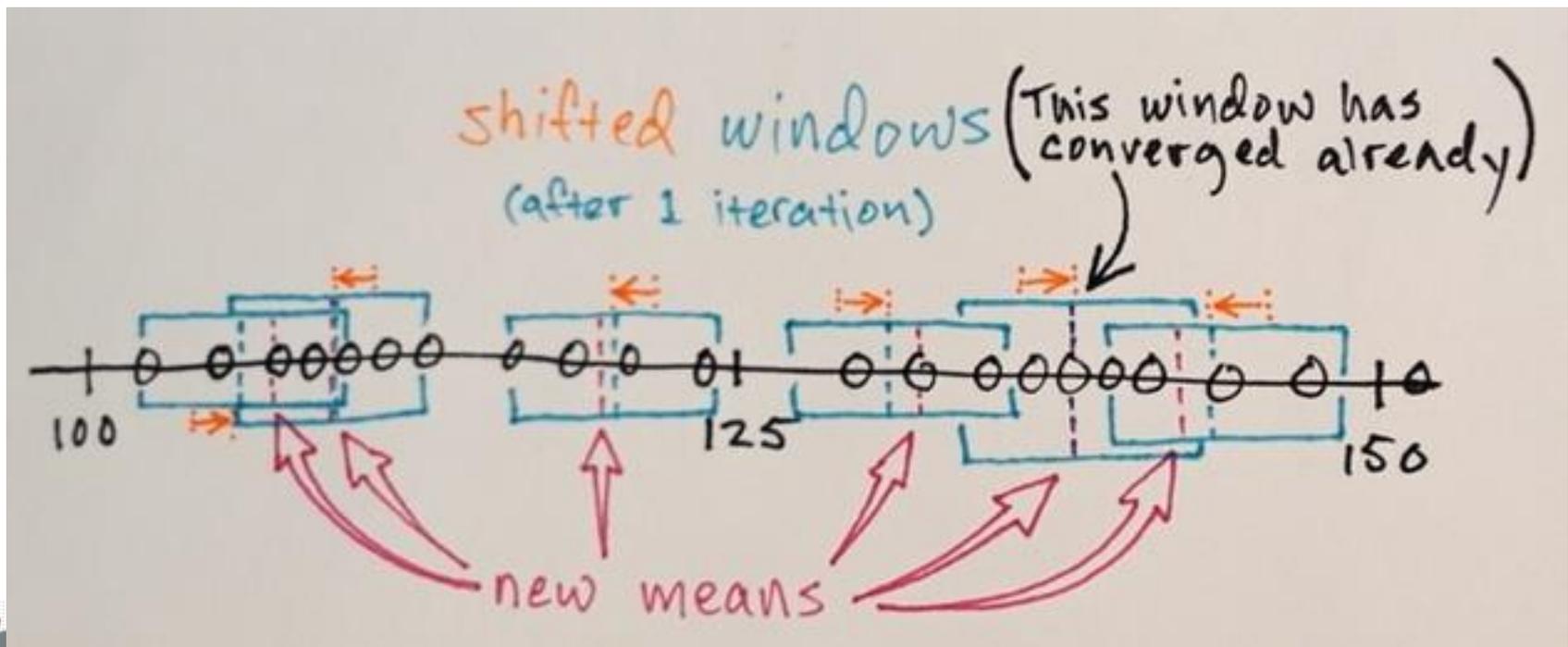
- 2. As janelas são deslocadas (*shifted*) para localizações iguais às médias anteriores



Segmentação – Mean Shift

- Algoritmo

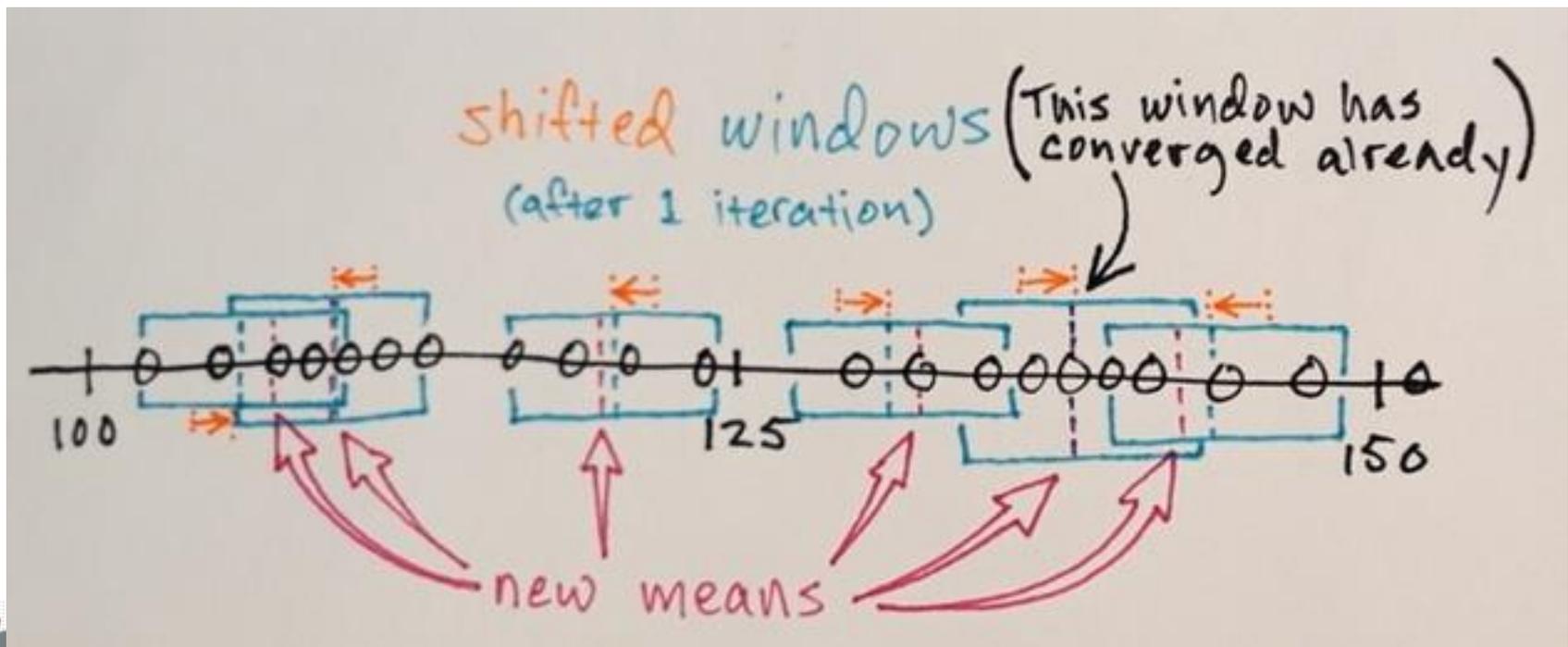
- 3. Repete os passos 1 e 2



Segmentação – Mean Shift

■ Algoritmo

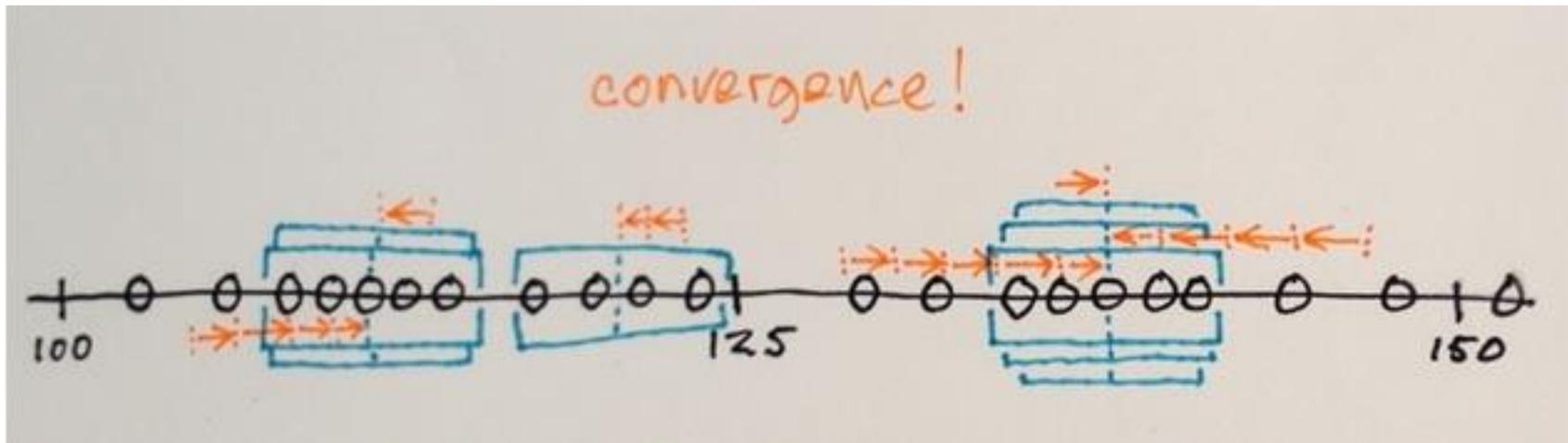
- 3. Repete os passos 1 e 2 até convergência, *i.e.*, as janelas estão na posição final



Segmentação – Mean Shift

■ Algoritmo

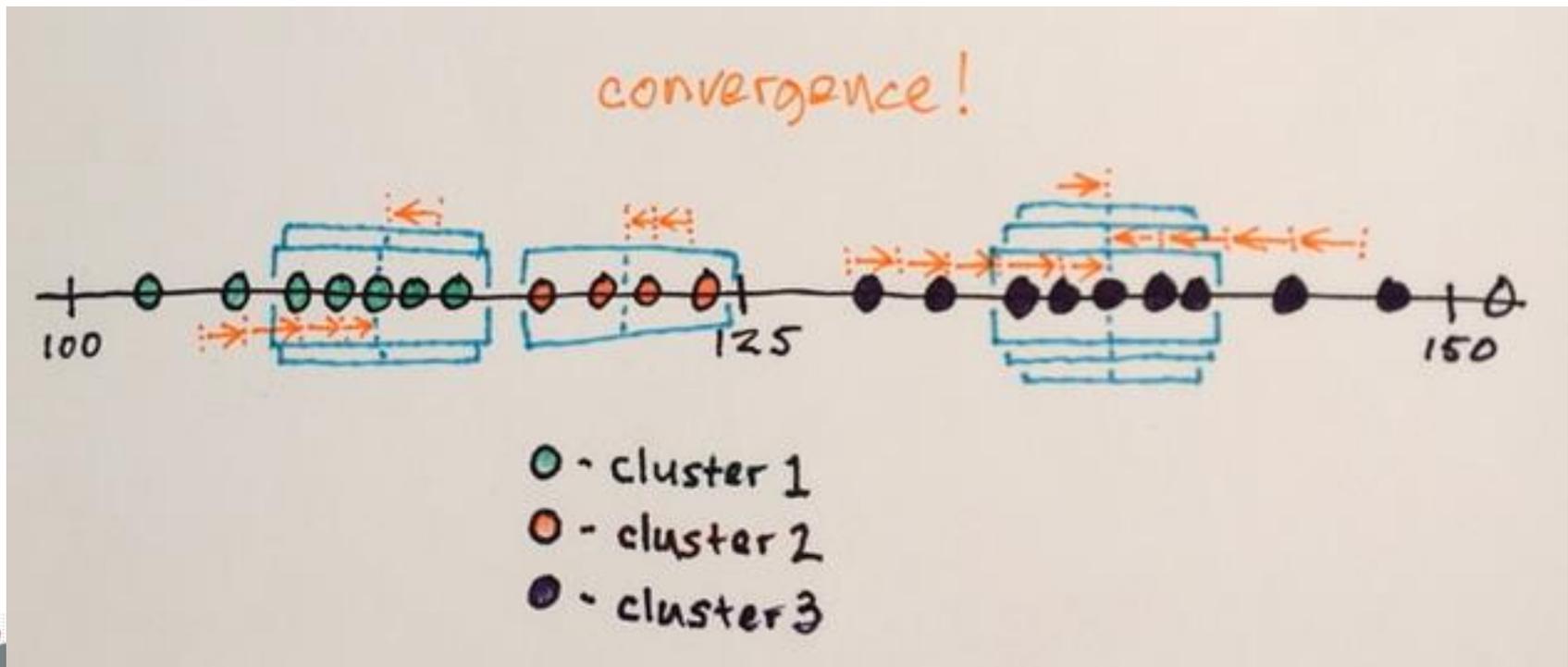
- 4. As janelas que estão na mesma localidade são unificadas



Segmentação – Mean Shift

■ Algoritmo

- 5. Os dados são agrupados à medida que as janelas são percorridas



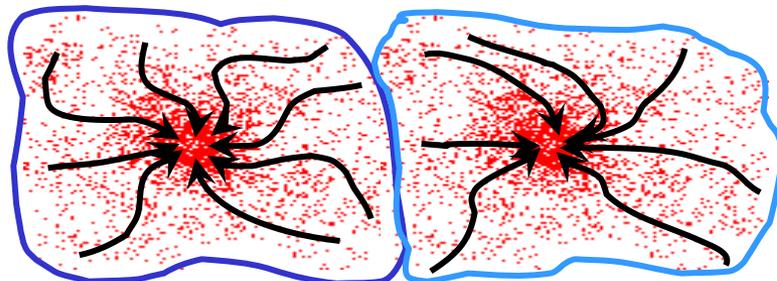
Segmentação – Mean Shift

■ Exemplos

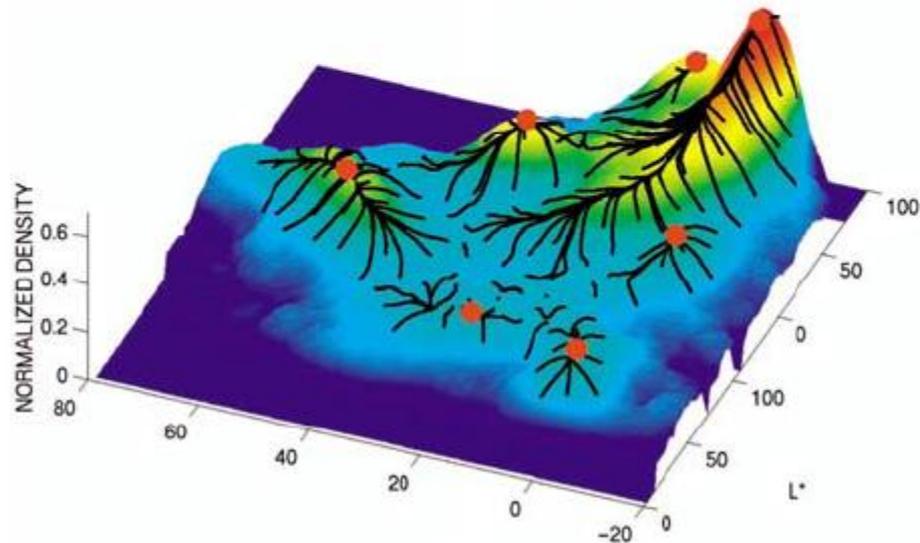
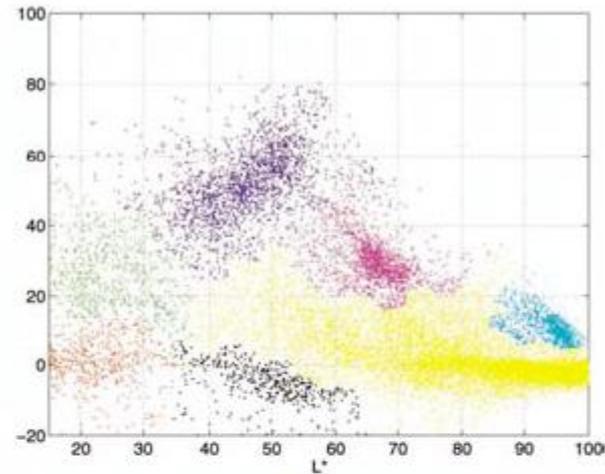
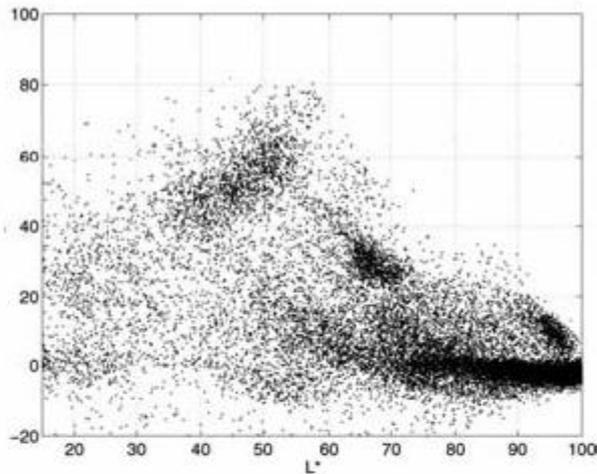


Segmentação – Mean Shift

- Método: de maneira mais formal, o algoritmo de mean shift funciona assim:
 - De forma oposta ao watershed, o mean shift busca por **picos** na distribuição de dados
 - A ideia seria de buscar picos na distribuição e identificar que pontos no espaço de características “escalam” esses picos, indicando que fazem parte da mesma região



Segmentação – Mean Shift



Segmentação – Mean Shift

■ Método:

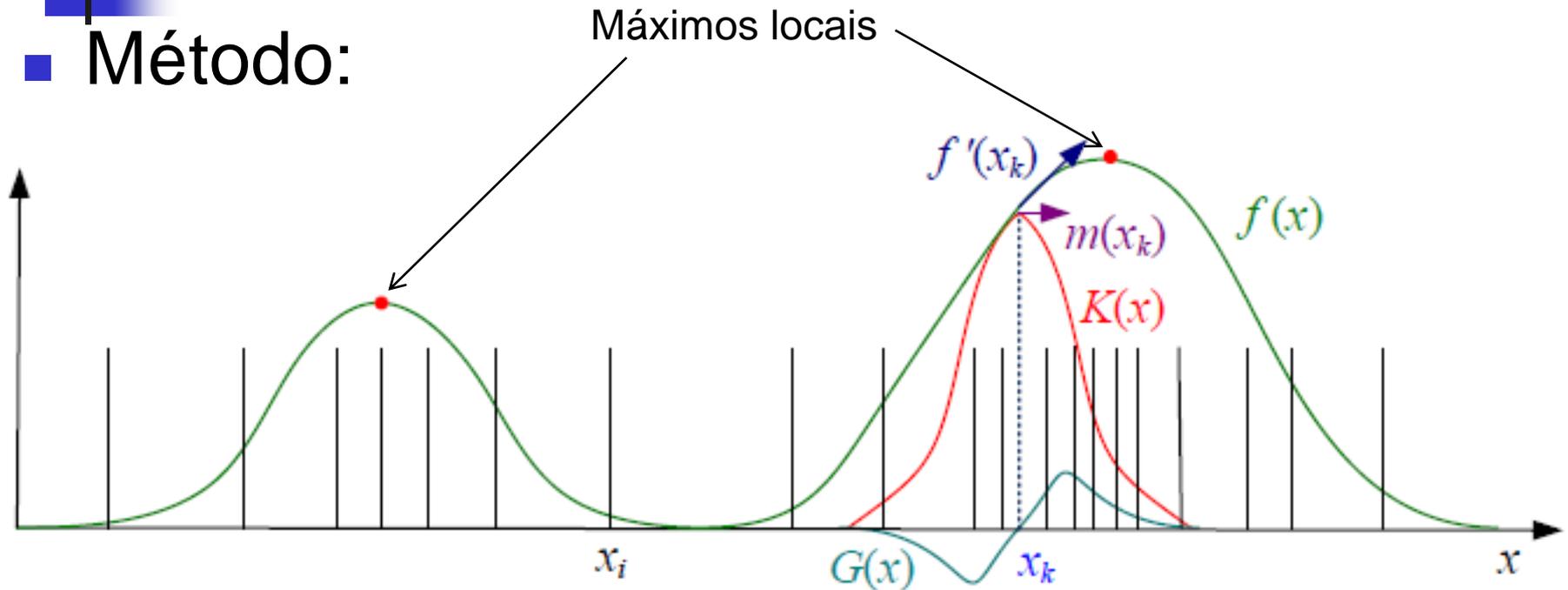
- O primeiro problema é como estimar a função de densidade de um conjunto de amostras
- Primeiro, os dados são suavizados através de uma convolução com um filtro de *kernel* fixo com largura h :

$$f(x) = \sum_i K(x - x_i) = \sum_i k\left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2}\right)$$

Em que x_i são as amostras de entrada e $k(r)$ é a função kernel.

Segmentação – Mean Shift

■ Método:



Visão geral da estimativa de densidade $f(x)$, sua derivada e o mean shift:

$f(x)$ é obtida pela convolução de x_i com a função de kernel $K(x)$;

$f'(x)$ é obtida pela convolução de x_i com a derivada de $f(x)$, $G(x)$;

A estimativa de vetores de deslocamento locais ao redor de um ponto x_k resulta no vetor mean shift $m(x_k)$.

Segmentação – Mean Shift

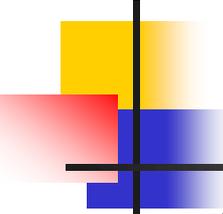
■ Método:

- Para diminuir o custo computacional, o mean shift trabalha com um valor aleatório para máximo local (um ponto aleatório x_i)
- O gradiente é calculado indicando a direção da “escalada”:

$$\nabla f(x) = \sum_i (x_i - x)G(x - x_i) = \sum_i (x_i - x)g\left(\frac{\|x - x_i\|^2}{h^2}\right)$$

- que pode ser re-escrita como:

$$\nabla f(x) = \left[\sum_i G(x - x_i) \right] m(x) \xrightarrow{\text{onde...}} m(x) = \frac{\sum_i x_i G(x - x_i)}{\sum_i G(x - x_i)} - x$$



Segmentação – Mean Shift

■ Método:

- Melhores resultados podem ser obtidos agrupando os domínios de cor e localidade
- As coordenadas espaciais, $x_s = (x, y)$, que formam o domínio espacial, são concatenadas com a informação de cor, x_r , que forma o domínio de alcance (*range*)
- O mean shift é então aplicado a esse espaço 5-dimensional (considerando 3 componentes de cores)
- Como localização e cor têm diferentes escalas, elas têm seus kernels ajustados por h_s e h_r

Segmentação – Mean Shift

- Nova forma do kernel:

$$K(x_j) = k\left(\frac{\|x_r\|^2}{h_r^2}\right) k\left(\frac{\|x_s\|^2}{h_s^2}\right)$$

- Parâmetros

- h_s : Parâmetro de resolução espacial
 - Afeta a suavização da imagem
 - Deve ser definido de acordo com o tamanho dos objetos
 - Quanto maior, mais demorada a segmentação
- h_r : Parâmetro de resolução de alcance (*range*)
 - Afeta o número de segmentos
 - Deve ser baixo para baixo contraste
- M (opcional): Tamanho do menor segmento

Segmentação – Mean Shift

- Exemplo:

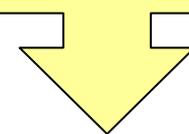


original



$$(h_s, h_r) = (8, 4)$$

Mesma suavização,
mas com menos
segmentos (h_r maior)



$$(h_s, h_r) = (8, 7)$$

Segmentação – Mean Shift

- Exemplo



Segmentação – Mean Shift

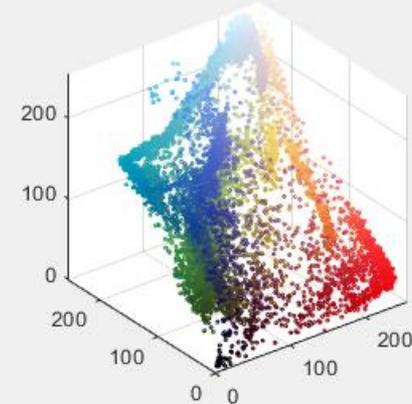
Exemplo

input image



$$h_s = 16$$
$$h_r = 8$$

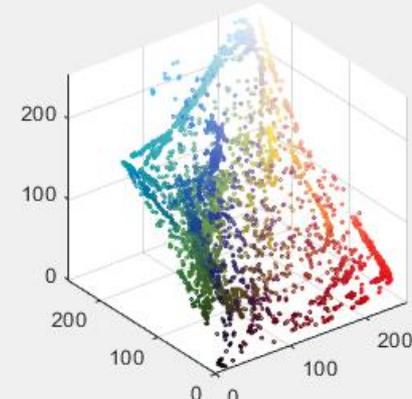
Pixel Distribution Before Meanshift



output image



Pixel Distribution After Meanshift

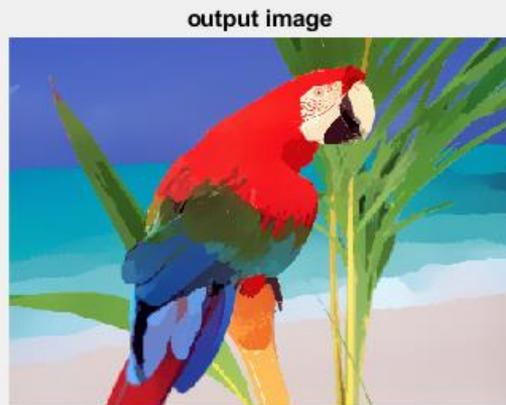


Segmentação – Mean Shift

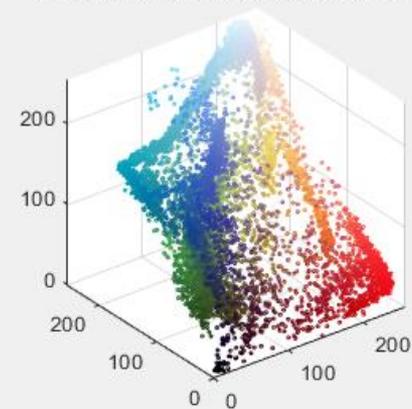
Exemplo



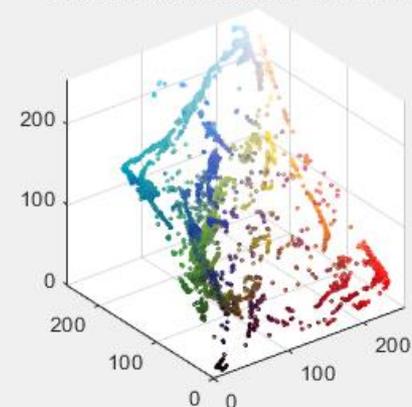
$$h_s = 16$$
$$h_r = 15$$



Pixel Distribution Before Meanshift



Pixel Distribution After Meanshift



Segmentação – Mean Shift

■ Exemplo

$$h_s = 16$$
$$h_r = 8$$

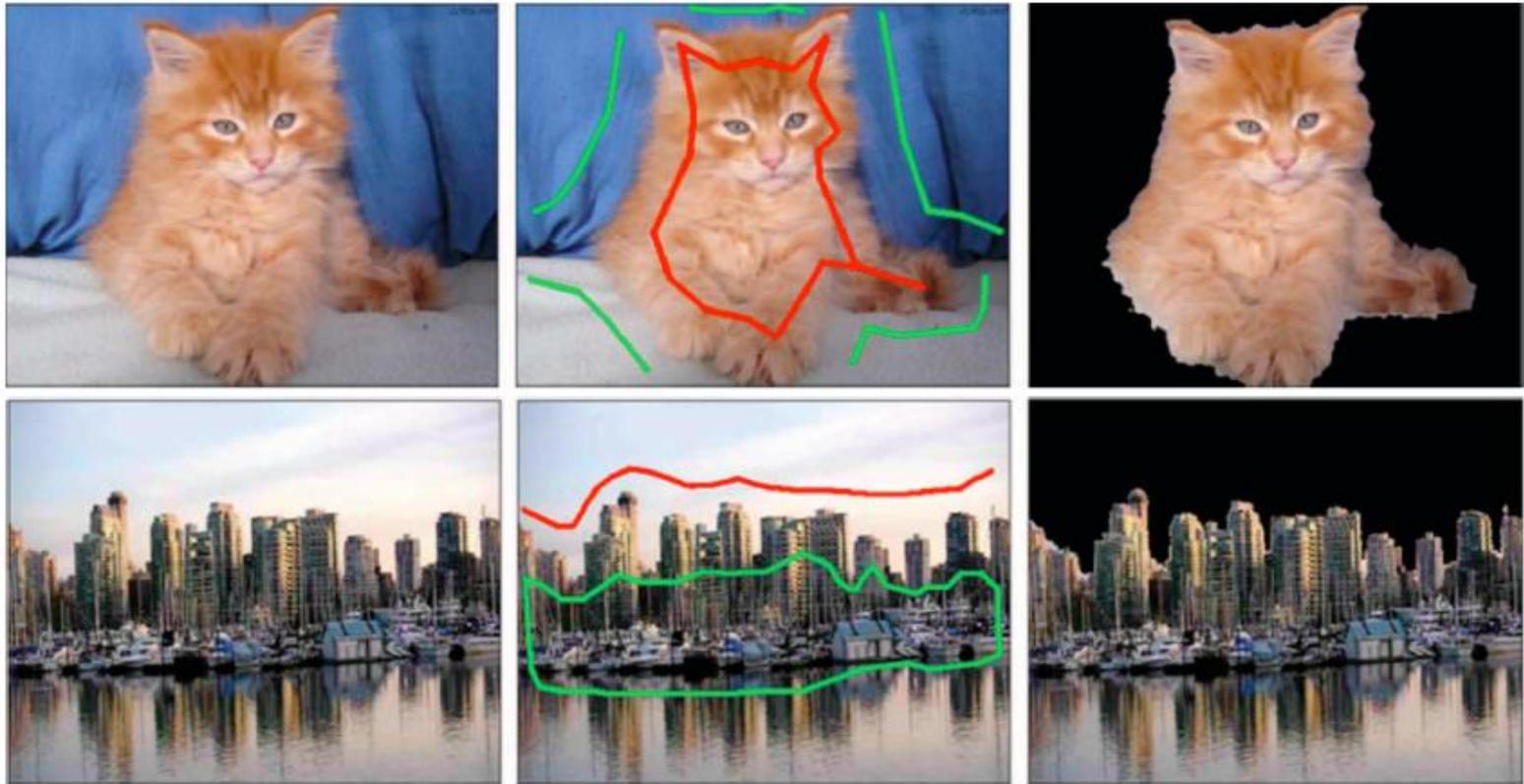


$$h_s = 16$$
$$h_r = 15$$



Segmentação de Imagens

■ Segmentação Interativa



Exemplo: Graph-Cut

Carlos Alexandre Mello – cabm@cin.ufpe.br